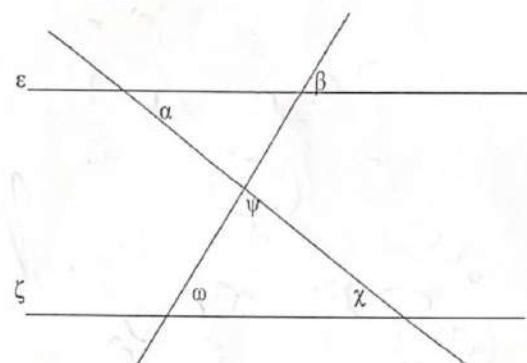


3. Στο παρακάτω σχήμα οι ευθείες ϵ και ζ είναι παράλληλες.

Δίνονται : $\hat{\alpha} = 50^\circ$, $\hat{\beta} = 55^\circ$

A. Να υπολογίσετε τις γωνίες χ, ψ, ω , δικαιολογώντας την απάντηση σας.



B. Ονομάστε A την κορυφή της γωνίας α και X την κορυφή της γωνίας χ .
Σχεδιάστε την απόσταση του σημείου X από την ευθεία ϵ και υπολογίστε τις γωνίες του τριγώνου με πλευρά AX που σχηματίζεται.

Σύγκημα 3^ο

Η περίμετρος ενός ισοσκελούς τριγώνου $AB\Gamma$, ($AB = A\Gamma$) είναι 32 cm και μία από τις ίσες πλευρές του είναι 10 cm.

- A. Να βρεθούν οι άλλες πλευρές του τριγώνου .
- B. Αν ισχύει $\hat{B} = 2a$ και $\hat{A} = a$ να υπολογίσετε τις γωνίες του τριγώνου $AB\Gamma$.

ΘΕΩΡΙΑ**Ζήτημα 1°**

- A. Πότε δύο γωνίες ονομάζονται κατακορυφήν ;
 B. Πότε δύο γωνίες ονομάζονται παραπληρωματικές ;
 Γ. Πότε δύο γωνίες ονομάζονται εφεξής ;
 Δ. Σχεδιάστε δύο γωνίες που είναι συγχρόνως εφεξής, παραπληρωματικές και ίσες .

Ζήτημα 2°

- A. Να συμπληρώσετε τις ισότητες :
 $\alpha : 1 = \dots$ $0 : \alpha = \dots$ $\alpha : \alpha = \dots$

B. Πότε δύο κλάσματα λέγονται ισοδύναμα ; Πώς προσθέτουμε ομώνυμα κλάσματα ;

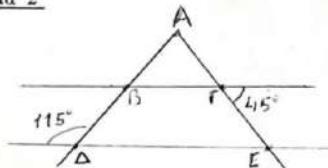
Γ. Ποια από τις ισότητες είναι η σωστή : 1) $\frac{\alpha}{\beta} + \frac{\gamma}{\delta} = \frac{\alpha+\gamma}{\beta+\delta}$ 2) $\frac{\alpha}{\beta} + \frac{\gamma}{\beta} = \frac{\alpha+\gamma}{\beta}$ 3) $\frac{\alpha}{\beta} + \frac{\alpha}{\beta} = \frac{\alpha}{\beta}$

ΑΣΚΗΣΕΙΣ**Ζήτημα 1°**

- A. Να βρεθεί η τιμή της παράστασης $\alpha = 4^2 : 2 + (15+5) : 4 - 8$

- B. Να βρεθεί η τιμή της παράστασης $\beta = (\frac{2}{3} - \frac{1}{2}) : \frac{1}{12}$

- Γ. Να δείξετε ότι η τιμή της παράστασης $10 \cdot \alpha \cdot \beta$, όπου α, β οι παραπάνω τιμές, διαιρείται συγχρόνως με το 2 και το 5 .

Ζήτημα 2°

Στο παραπάνω σχήμα είναι $\Delta E // B G$. Να υπολογίσετε:

A. Τις γωνίες του τριγώνου $\Delta \Delta E$.

B. Τις γωνίες του τριγώνου ABG . Τι είδος τριγώνου είναι το ABG ως προς τις γωνίες του;

ΘΕΩΡΙΑ (Να απαντήσετε σε 1 μόνο από τα 2 θέματα)

1. A) Να χαρακτηρίσετε ως σωστό ή λάθος τις παρακάτω προτάσεις:
 - I) Ένας αριθμός διαιρείται με το 2 όταν το τελευταίο ψηφίο του είναι 2 ή 4 ή 6 ή 8
 - II) Ένας αριθμός διαιρείται με το 9 όταν το άθροισμα των ψηφίων του διαιρείται με το 9
 - III) Ένας αριθμός λέγεται πρώτος όταν έχει διαιρέτες μόνο το 1 και τον εαυτό του
 B) Πότε δύο φυσικοί αριθμοί λέγονται πρώτοι μεταξύ τους;

2. A) Πότε δύο γυνίες λέγονται συμπληρωματικές και πότε παραπληρωματικές;

 B) Να γράψετε τα παρακάτω είδη γυνιών σε ανέξουσα σειρά:

 Ορθή , Οξεία , Πλήρης , Ευθεία , Αμβλεία.

 Γ) Να συμπληρώσετε το κενό στην παρακάτω πρόταση:

 Δυο ευθείες που σχηματίζουν ορθές γυνίες όταν τέμνονται είναι μεταξύ τους.....

ΑΣΚΗΣΕΙΣ (Να απαντήσετε σε 2 μόνο από τις 3 ασκήσεις)

1. Να υπολογίσετε τις παραστάσεις $A = -4 + 6 \cdot (3-2)^3 - \frac{10}{3}$,
 $B = -1 + \left(1 - \frac{2}{7}\right) - \left(\frac{2}{3} - 1\right)$ και στη συνέχεια να τις συγκρίνετε.

2. Γνωρίζουμε ότι από 20 κιλά σταφύλια παράγονται 12 λίτρα κρασί.

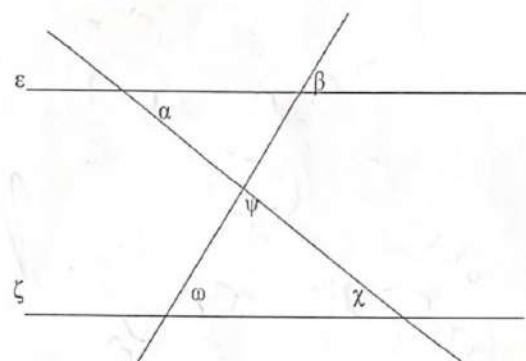
 A. Πόσα λίτρα κρασί παράγονται από 100 κιλά σταφύλια;

 B. Να βρείτε πόσα κιλά σταφύλια χρειαζόμαστε για να γεμίσουμε με κρασί 5 βαρέλια, το καθένα από τα οποία χωράει 36 λίτρα.

3. Στο παρακάτω σχήμα οι ευθείες ϵ και ζ είναι παράλληλες.

Δίνονται : $\hat{\alpha} = 50^\circ$, $\hat{\beta} = 55^\circ$

A. Να υπολογίσετε τις γωνίες χ, ψ, ω , δικαιολογώντας την απάντηση σας.



B. Ονομάστε A την κορυφή της γωνίας α και X την κορυφή της γωνίας χ .
Σχεδιάστε την απόσταση του σημείου X από την ευθεία ϵ και υπολογίστε τις γωνίες του τριγώνου με πλευρά AX που σχηματίζεται.