

**ΑΡΧΗ 1ΗΣ ΣΕΛΙΔΑΣ**

**ΠΑΝΕΛΛΑΔΙΚΕΣ ΕΞΕΤΑΣΕΙΣ  
ΗΜΕΡΗΣΙΩΝ - ΕΣΠΕΡΙΝΩΝ ΕΠΑΓΓΕΛΜΑΤΙΚΩΝ ΛΥΚΕΙΩΝ  
ΠΕΜΠΤΗ 18 ΙΟΥΝΙΟΥ 2020  
ΕΞΕΤΑΖΟΜΕΝΟ ΜΑΘΗΜΑ:  
ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΑ (ΑΛΓΕΒΡΑ)**

**ΣΥΝΟΛΟ ΣΕΛΙΔΩΝ: ΤΕΣΣΕΡΙΣ (4)**

**ΘΕΜΑ Α**

- A1.** Πότε μια συνάρτηση  $f$  με πεδίο ορισμού Α λέγεται συνεχής;

**Μονάδες 4**

- A2.** Να χαρακτηρίσετε τις προτάσεις που ακολουθούν, γράφοντας στο τετράδιό σας, δίπλα στο γράμμα που αντιστοιχεί σε κάθε πρόταση, τη λέξη **Σωστό**, αν η πρόταση είναι σωστή, ή τη λέξη **Λάθος**, αν η πρόταση είναι λανθασμένη.

**α.** Η συνάρτηση  $f(x) = |x|$  έχει παράγωγο στο σημείο  $x_o = 0$ .

**β.** Τα χαρακτηριστικά ως προς τα οποία εξετάζουμε έναν πληθυσμό λέγονται μεταβλητές και τις συμβολίζουμε συνήθως με κεφαλαία γράμματα.

**γ.** Η σχετική συχνότητα  $f_i$  της τιμής  $x_i$  δίνεται από τον τύπο  $f_i = \frac{v}{v_i}$ , όπου  $v_i$  η συχνότητα της τιμής  $x_i$  και  $v$  το μέγεθος του δείγματος.

**Μονάδες 6**

- A3.** Να μεταφέρετε στο τετράδιό σας τις παρακάτω ισότητες και να τις συμπληρώσετε.

**α.**  $(f(x) \cdot g(x))' = \dots$

**β.**  $(\sqrt{x})' = \dots$ , με  $x > 0$

**γ.**  $(\sigma vvx)' = \dots$

**Μονάδες 9**

**ΤΕΛΟΣ 1ΗΣ ΑΠΟ 4 ΣΕΛΙΔΕΣ**

ΑΡΧΗ 2ΗΣ ΣΕΛΙΔΑΣ

- A4.** Να αποδείξετε ότι η παραγωγος της συνάρτησης  $f(x) = x^2$  είναι  $f'(x) = (x^2)' = 2x$ , για κάθε  $x$  στο σύνολο  $\mathbb{R}$  των πραγματικών αριθμών.

**Μονάδες 6****ΘΕΜΑ Β**

Στον παρακάτω πίνακα δίνεται ο αριθμός των βιβλίων που διάβασαν οι μαθητές ενός σχολείου κατά τη διάρκεια των καλοκαιρινών διακοπών:

$x_i$	$v_i$	$f_i \%$	$N_i$	$F_i \%$
0				
1				70
2	10			90
3		10		100
<b>Σύνολο</b>		<b>100</b>		

Δίνεται ότι το 40% των μαθητών δεν διάβασαν κανένα βιβλίο.

- B1.** Να μεταφέρετε τον παραπάνω πίνακα στο τετράδιό σας και να συμπληρώσετε τα κενά.

**Μονάδες 12**

- B2.** Ποιο είναι το ποσοστό των μαθητών που έχουν διαβάσει τρία βιβλία;

**Μονάδες 3**

- B3.** Πόσοι μαθητές διάβασαν τουλάχιστον ένα βιβλίο;

**Μονάδες 5**

- B4.** Ποιο είναι το ποσοστό των μαθητών που διάβασαν το πολύ δύο βιβλία;

**Μονάδες 5**

ΑΡΧΗ 3ΗΣ ΣΕΛΙΔΑΣ**ΘΕΜΑ Γ**

Δίνεται η συνάρτηση  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  με τύπο  $f(x) = x^3 - \lambda x^2 + 2$ , όπου  $\lambda \in \mathbb{R}$  σταθερά.

**Γ1.** Να βρείτε την τιμή του  $\lambda$ , ώστε η γραφική παράσταση της συνάρτησης  $f$  να διέρχεται από το σημείο  $A(-1, -2)$ .

**Μονάδες 4**

**Γ2.** Για  $\lambda = 3$  να βρείτε τις συναρτήσεις  $f'(x)$  και  $f''(x)$ .

**Μονάδες 6**

**Γ3.** Για  $\lambda = 3$  να μελετήσετε τη συνάρτηση  $f$  ως προς τη μονοτονία και να βρείτε το είδος και την τιμή των τοπικών ακροτάτων της.

**Μονάδες 8**

**Γ4.** Για  $\lambda = 3$  να υπολογίσετε το όριο

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{f'(x) + 3}{f''(x)} .$$

**Μονάδες 7**

**ΘΕΜΑ Δ**

Δίνεται η συνάρτηση  $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  με τύπο

$$f(x) = (x^2 + 4x + 5)^{20} .$$

**Δ1.** Να δείξετε ότι

$$f'(x) = 40(x^2 + 4x + 5)^{19} \cdot (x + 2) .$$

**Μονάδες 5**

**Δ2.** Να βρείτε το όριο:

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(-2+h) - f(-2)}{h} .$$

**Μονάδες 4**

**ΑΡΧΗ 4ΗΣ ΣΕΛΙΔΑΣ**

- Δ3.** Να δείξετε ότι η εφαπτομένη της γραφικής παράστασης της  $f$ , η οποία είναι παράλληλη στον άξονα  $x'$ , έχει εξίσωση  $y = 1$ .

**Μονάδες 8**

- Δ4.** Θεωρούμε σημείο  $A(x,1)$  της ευθείας  $y=1$  με  $x>0$ . Να βρεθεί ο ρυθμός μεταβολής της απόστασης των σημείων  $A(x,1)$  και  $O(0,0)$  ως προς  $x$ , όταν  $x=1$ .

**Μονάδες 8****ΟΔΗΓΙΕΣ ΓΙΑ ΤΟΥΣ ΕΞΕΤΑΖΟΜΕΝΟΥΣ**

1. Στο τετράδιο να γράψετε μόνον τα προκαταρκτικά (ημερομηνία, εξεταζόμενο μάθημα). **Να μην αντιγράψετε** τα θέματα στο τετράδιο.
2. Να γράψετε το ονοματεπώνυμό σας στο πάνω μέρος των φωτοαντιγράφων, αμέσως μόλις σας παραδοθούν. **Δεν επιτρέπεται να γράψετε** καμιά άλλη σημείωση. Κατά την αποχώρησή σας να παραδώσετε μαζί με το τετράδιο και τα φωτοαντίγραφα.
3. Να απαντήσετε **στο τετράδιό σας** σε όλα τα θέματα, **μόνο με μπλε ή μόνο με μαύρο στυλό ανεξίτηλης μελάνης**.
4. Κάθε επιστημονικά τεκμηριωμένη απάντηση είναι αποδεκτή.
5. Διάρκεια εξέτασης: τρεις (3) ώρες μετά τη διανομή των φωτοαντιγράφων.
6. Ωρα δυνατής αποχώρησης: **10.00 π.μ.**

**ΚΑΛΗ ΕΠΙΤΥΧΙΑ****ΤΕΛΟΣ ΜΗΝΥΜΑΤΟΣ****ΤΕΛΟΣ 4ΗΣ ΑΠΟ 4 ΣΕΛΙΔΕΣ**