

Θέμα 1^ο

A) Να χαρακτηρίσετε τις προτάσεις που ακολουθούν, γράφοντας στο γραπτό σας δίπλα στο γράμμα που αντιστοιχεί σε κάθε πρόταση τη λέξη **Σωστό**, αν η πρόταση είναι σωστή, ή **Λάθος**, αν η πρόταση είναι λανθασμένη.

- i) Αν δύο τρίγωνα έχουν τρεις γωνίες τους ίσες μια προς μία τότε θα είναι ίσα.
- ii) Κάθε διάμεσος ισοσκελούς τριγώνου είναι διχοτόμος και ύψος.
- iii) Η κοινή χορδή δυο ίσων κύκλων είναι μεσοκάθετος της διακέντρου.
- iv) Οι διαγώνιοι του ορθογωνίου παραλληλογράμμου είναι ίσες.
- v) Όλες οι γωνίες του ρόμβου είναι ίσες.

(Μονάδες $2 \times 5 = 10$)

B) Σε κάθε παραλληλόγραμμο να αποδείξετε ότι ισχύουν:

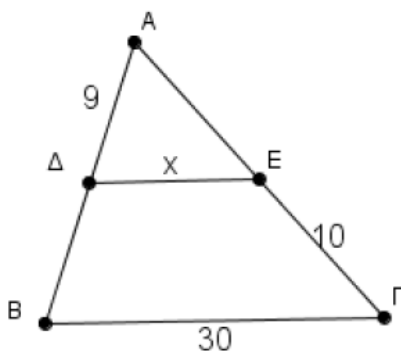
- i) Οι απέναντι πλευρές του είναι ίσες
- ii) Οι απέναντι γωνίες του είναι ίσες

(Μονάδες 15)

Θέμα 2^ο

Έστω τρίγωνο $AB\Gamma$ με Δ και E τα μέσα των πλευρών AB και $A\Gamma$ αντίστοιχα, $A\Delta = 9$, $E\Gamma = 10$ και $B\Gamma = 30$.

- α) Να υπολογίσετε την περίμετρο του τριγώνου $AB\Gamma$. (Μονάδες 9)
- β) Να αποδείξετε ότι το τετράπλευρο $\Delta E\Gamma B$ είναι τραπέζιο. (Μονάδες 8)
- γ) Να υπολογίσετε το μήκος x του τμήματος ΔE . (Μονάδες 8)

**Θέμα 3^ο**

Να αποδείξετε ότι τα μέσα των ίσων πλευρών ισοσκελούς τριγώνου ισαπέχουν:

- A)** Από τη βάση (Μονάδες 12)
- B)** Από τις ίσες πλευρές (Μονάδες 13)

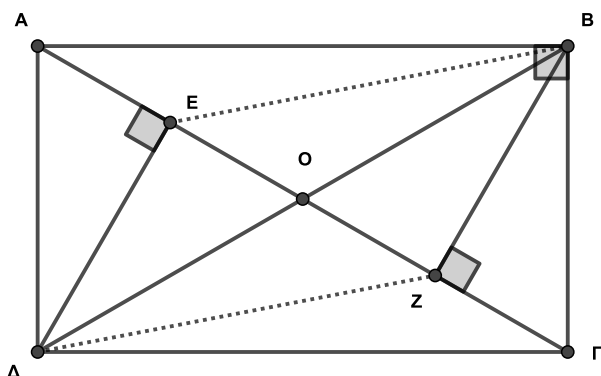
Θέμα 4^ο

Δίνεται ορθογώνιο $AB\Gamma\Delta$ με $AB > A\Delta$ και με κέντρο O . Αν BZ και ΔE είναι οι αποστάσεις των κορυφών B και Δ από τη διαγώνιο $A\Gamma$, τότε:

α) Να αποδείξετε ότι τα τρίγωνα ΔEO και BZO είναι ίσα. (Μονάδες 5)

β) Να αποδείξετε ότι το τετράπλευρο $EBZ\Delta$ είναι παραλληλόγραμμο. (Μονάδες 8)

γ) Αν $\widehat{\Delta A E} = 60^\circ$ και $OE = 5$, να βρείτε το μήκος της πλευράς $A\Delta$. (Μονάδες 12)



Πετρούπολη 24/05/2022

Ο Διευθυντής

Αγαλιανός Ι.
Χημικός ΠΕ04.02

Οι εισηγητές

Βλάχος Σ.
Καλαμάτας Α.
Βυθούλκα Μ.
Κασιμάτης Β.
Γαλάνης Δ.