

ΘΕΜΑ 4

Δίνεται τρίγωνο $AB\Gamma$ με $AB = 8$, $B\Gamma = 7$ και $\hat{A} = 60^\circ$.

α) Να αποδείξετε ότι $A\Gamma = 3$ ή $A\Gamma = 5$.

(Μονάδες 6)

β) Έστω ότι το τρίγωνο $AB\Gamma$ είναι οξυγώνιο όπως στο παρακάτω σχήμα.

i. Να αποδείξετε ότι $A\Gamma = 5$.

(Μονάδες 6)

ii. Να αποδείξετε ότι το εμβαδόν του τριγώνου είναι $(AB\Gamma) = 10\sqrt{3}$.

(Μονάδες 6)

iii. Προεκτείνουμε τη $B\Gamma$ κατά τμήμα $\Gamma\Delta = A\Gamma$ και σχηματίζουμε τον ρόμβο $A\Gamma\Delta E$.

Να βρείτε το εμβαδόν του ρόμβου $A\Gamma\Delta E$.

(Μονάδες 7)

