

**Δίνονται οι συναρτήσεις $f(x) = x^2 + \alpha x + \beta$ και $g(x) = -x^2 + \alpha x + \beta$,
όπου $\alpha, \beta \in \mathbb{R}$ και $\beta \neq 0$. Αν υπάρχουν $\rho_1, \rho_2 \in \mathbb{R}$ με $f(\rho_1) = g(\rho_2) = 0$ και $\rho_1 < \rho_2$,
να αποδείξετε ότι κάθε εξίσωση της μορφής $\kappa f(x) + \lambda g(x) = 0$, με $\kappa \lambda > 0$,
έχει μια τουλάχιστον ρίζα στο (ρ_1, ρ_2) .**