

Ασκήσεις Εμπέδωσης

4. Ένα τρίγωνο $ABΓ$ έχει εμβαδόν $75m^2$. Έστω $Δ$ σημείο της πλευράς $BΓ$ και M σημείο του $AΔ$ τέτοιο, ώστε $\frac{AM}{MΔ} = \frac{3}{2}$.

Από το M φέρουμε παράλληλο προς την πλευρά $BΓ$, που τέμνει τις AB και AG στα E και Z αντίστοιχα. Να βρείτε το εμβαδόν του τραπεζίου $BEZΓ$.

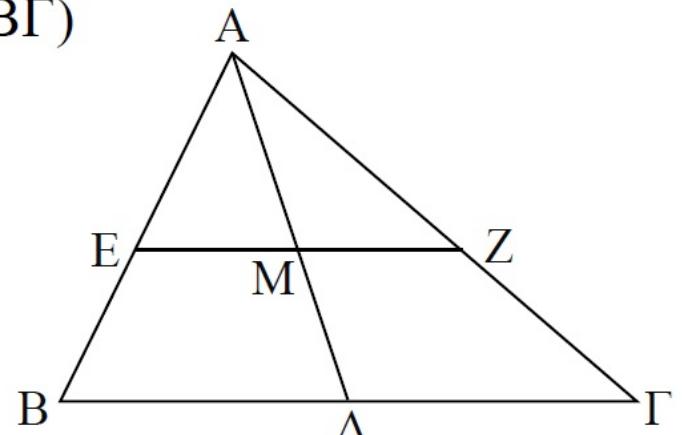
Τα τρίγωνα $A\overset{\Delta}{E}Z$ και $A\overset{\Delta}{B}Γ$ είναι όμοια ($EZ//BΓ$)

$$\text{και επομένως: } \frac{(AEZ)}{(ABΓ)} = \left(\frac{AE}{AB}\right)^2 \quad (1)$$

Όμως και τα τρίγωνα $A\overset{\Delta}{E}M$ και $A\overset{\Delta}{B}Δ$

$$\text{είναι όμοια, οπότε: } \frac{AE}{AB} = \frac{AM}{AΔ} = \frac{3}{5} \quad (2)$$

αφού $\frac{AM}{AΔ} = \frac{3}{2}$. Από (1) και (2)



$$\text{βρίσκουμε: } \frac{(AEZ)}{(ABΓ)} = \frac{9}{25} \Leftrightarrow (AEZ) = \frac{9}{25} (ABΓ) = \frac{9}{25} \cdot 75 = 27 \text{ τ.μ.,}$$

οπότε: $(BEZΓ) = 48 \text{ τ.μ.}$

5. Άνοι τρίγωνα $AB\Gamma$ και $A'B'\Gamma'$ έχουν $\hat{A} = \hat{A}'$ και $\hat{B} + \hat{B}' = 2\text{L}$. Να αποδείξετε ότι $\alpha\beta' = \alpha'\beta$.

5. Επειδή $\hat{A} = \hat{A}'$ έχουμε:

$$\frac{(AB\Gamma)}{(A'B'\Gamma')} = \frac{\beta\gamma}{\beta'\gamma'} \quad (1)$$

Όμοια αφού $\hat{B} + \hat{B}' = 180^\circ$

$$\text{έχουμε: } \frac{(AB\Gamma)}{(A'B'\Gamma')} = \frac{\alpha\gamma}{\alpha'\gamma'} \quad (2)$$

Από τις (1) και (2) προκύπτει: $\frac{\beta\gamma}{\beta'\gamma'} = \frac{\alpha\gamma}{\alpha'\gamma'} \Leftrightarrow \alpha\beta' = \alpha'\beta$.

