



**ΕΙΣΑΓΩΓΙΚΕΣ ΕΞΕΤΑΣΕΙΣ ΤΕΚΝΩΝ ΕΛΛΗΝΩΝ ΤΟΥ ΕΞΩΤΕΡΙΚΟΥ  
ΚΑΙ ΤΕΚΝΩΝ ΕΛΛΗΝΩΝ ΥΠΑΛΛΗΛΩΝ ΣΤΟ ΕΞΩΤΕΡΙΚΟ  
ΠΕΜΠΤΗ 11 ΣΕΠΤΕΜΒΡΙΟΥ 2014  
ΕΞΕΤΑΖΟΜΕΝΟ ΜΑΘΗΜΑ ΘΕΤΙΚΗΣ ΚΑΤΕΥΘΥΝΣΗΣ: ΦΥΣΙΚΗ  
ΑΠΑΝΤΗΣΕΙΣ**

**ΘΕΜΑ Α**

Α1 - β

Α2 - α

Α3 - δ

Α4 - γ

Α5 α - Λ, β - Λ, γ - Λ, δ - Λ, ε - Σ.

**ΘΕΜΑ Β****Β1.α. Σωστό το iii)**

β. Επειδή Στεξ = 0 και δεν υπάρχουν τριβές με τον πάγο, η στροφορμή L της αθλήτριας παραμένει σταθερή.

$I_1 > I_2$  Όταν η αθλήτρια συμπύσσει τα χέρια της η ροπή αδράνειας μειώνεται

Για την κινητική ενέργεια στερεού λόγω περιστροφής ισχύει:

$$K = \frac{1}{2} I \omega^2 = \frac{I^2 \cdot \omega^2}{2 \cdot I} = \frac{(I \cdot \omega)^2}{2 \cdot I} \Rightarrow K = \frac{L^2}{2 \cdot I}$$

Έστω  $K_1$  και  $K_2$  οι κινητικές ενέργειες λόγω περιστροφής της αθλήτριας με ανοιχτά χέρια και με συμπυκνμένα αντίστοιχα

$$\left. \begin{aligned} K_1 &= \frac{L^2}{2 \cdot I_1} \\ K_2 &= \frac{L^2}{2 \cdot I_2} \end{aligned} \right\} \Rightarrow \frac{K_1}{K_2} = \frac{\frac{L^2}{2 \cdot I_1}}{\frac{L^2}{2 \cdot I_2}} = \frac{I_2}{I_1} < 1 \Rightarrow K_1 < K_2$$

Η κινητική ενέργεια αυξάνεται.

**Β2.α. Σωστό το ii)**

β.  $v = \lambda f \Rightarrow \lambda = v/f$  (1)

Για το μήκος της χορδής L ισχύει

$$L = (N-1) \frac{\lambda}{2} = (N-1) \frac{v}{2f}$$

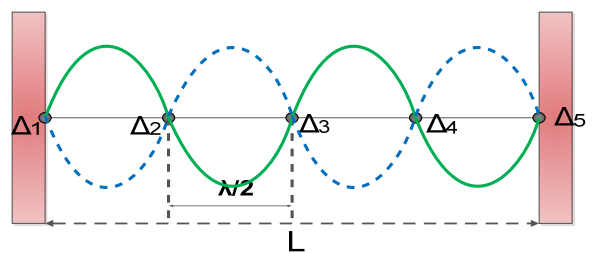
όπου N ο αριθμός των δεσμών.

Για τις συχνότητες  $f_1$  και  $f_2$  έχουμε:

$$(N_1-1) \frac{v}{2f_1} = (N_2-1) \frac{v}{2f_2} \Rightarrow (5-1) \frac{v}{2f_1} =$$

$$(N_2-1) \frac{v}{2 \cdot 2f_1} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \frac{4}{2f_1} = \frac{(N_2-1)}{2 \cdot 2f_1} \Rightarrow 8 = (N_2-1) \Rightarrow N_2 = 9$$

**Β3.α. Σωστό το i)**



$$\left. \begin{aligned} K_A &= \frac{1}{2} m_A v_A^2 \\ K_B &= \frac{1}{2} m_B v_B^2 \\ K_A &= K_B \end{aligned} \right\} \Rightarrow \frac{1}{2} m_A v_A^2 = \frac{1}{2} 4 m_A v_B^2 \Rightarrow v_A^2 = 4 v_B^2 \Rightarrow v_A = 2 v_B \Rightarrow v_B = \frac{v_A}{2} = \frac{v_1}{2}$$



Θεωρούμε θετική φορά προς τα αριστερά

Κατά την κρούση ισχύει η αρχή διατήρησης της ορμής:

$$P_{\alpha\rho\chi} = P_{\tau\epsilon\lambda} \Rightarrow m_B v_B - m_A v_A = (m_A + m_B) V \Rightarrow V = \frac{m_B v_B - m_A v_A}{m_A + m_B} = \frac{4m_A \frac{v_1}{2} - m_A v_1}{m_A + 4m_A} = \frac{m_A v_1}{5m_A} = \frac{v_1}{5}$$

## ΘΕΜΑ Γ

### Γ1. Στη Θ.Ι.2

(θέση ισορροπίας με το σχοινί)

παίρνοντας θετική φορά προς το έδαφος έχουμε:

$$\Sigma F = 0 \Rightarrow F + mg - F_{\epsilon\lambda} = 0 \Rightarrow 20 + 1 \cdot 10 = Kx_2 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow 30 = 100x_2 \Rightarrow x_2 = \mathbf{0,3m}$$

Γ2. Όταν κόβεται το σχοινί το σώμα ξεκινά ταλάντωση χωρίς αρχική ταχύτητα επομένως βρίσκεται σε ακραία θέση

Στη Θ.Ι.1 (θέση ισορροπίας χωρίς το σχοινί)

παίρνοντας θετική φορά προς το έδαφος έχουμε:

$$\Sigma F' = 0 \Rightarrow mg - F'_{\epsilon\lambda} = 0 \Rightarrow 1 \cdot 10 = Kx_1 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow 10 = 100x_1 \Rightarrow x_1 = 0,1m \text{ (θέση ισορροπίας του ταλαντωτή}$$

κάτω από τη θέση φυσικού μήκους του ελατηρίου)

Το πλάτος επομένως της ταλάντωσης είναι:

$$A = x_2 - x_1 = 0,3 - 0,1 = \mathbf{0,2m}$$

Γ3. Η ταλάντωση είναι της μορφής

$$x = A \eta\mu(\omega t + \varphi) \quad (1)$$

Το πλάτος A έχει υπολογιστεί  $A = 0,2m$

εφ' όσον η ταλάντωση ξεκινά από ακραία θέση (+A) έχουμε αρχική φάση  $\varphi = \pi/2$

$$+A = A \eta\mu(\omega t + \varphi) \Rightarrow 1 = \eta\mu(\omega \cdot 0 + \varphi) \Rightarrow 1 = \eta\mu\varphi \Rightarrow \eta\mu\varphi = \eta\mu(\pi/2)$$

$$\Rightarrow \varphi = 2k\pi + (\pi/2) \text{ και για } k=0 \Rightarrow \varphi = \pi/2$$

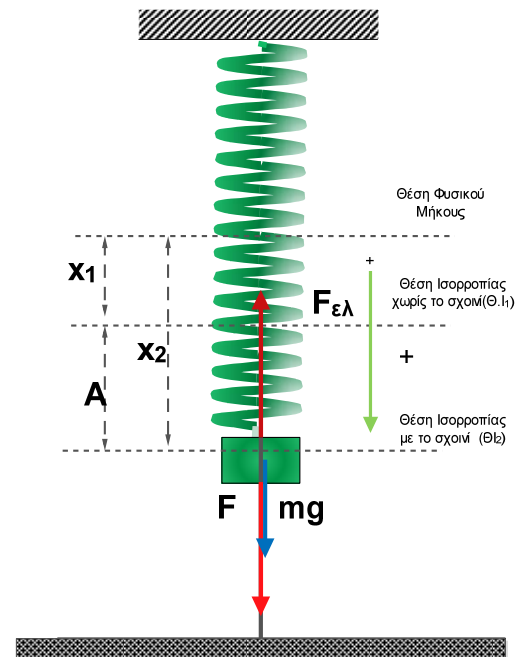
$$\text{από } K = m \Rightarrow \omega^2 = K/m \Rightarrow \omega = \sqrt{\frac{K}{m}} = \sqrt{\frac{100}{1}} = \sqrt{10^2} \Rightarrow \omega = 10 \text{ rad/s}$$

Συνεπώς η (1) παίρνει τη μορφή:

$$x = A \cdot \eta\mu(\omega \cdot t + \varphi) = 0,2 \cdot \eta\mu(10 \cdot t + \frac{\pi}{2})$$

Γ4. από την διατήρηση της μηχανικής ενέργειας έχουμε:

$$K + U = E \Rightarrow K = E - U \Rightarrow K = E - \frac{4E}{5} = \frac{5E - 4E}{5} = \frac{E}{5} = \frac{1}{5} K_{\max}$$





$$\Rightarrow K = \frac{1}{5} K_{\max} \Rightarrow \frac{1}{2} m v^2 = \frac{1}{5} \cdot \frac{1}{2} m v_o^2 \Rightarrow v^2 = \frac{1}{5} \cdot v_o^2 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow v = \frac{v_o}{\sqrt{5}} = \frac{\omega A}{\sqrt{5}} = \frac{10 \cdot 0,2}{\sqrt{5}} = \frac{2}{\sqrt{5}} = \frac{2\sqrt{5}}{5} \text{ m/s}$$

**ΘΕΜΑ Δ**

**Δ1.** Από την ισορροπία του σώματος Σ στον άξονα y έχουμε:  $\Sigma F_y = 0 \Rightarrow w_1 - T_1 = 0 \Rightarrow w_1 = T_1 \Rightarrow$

$$T_1 = mg = 50 \cdot 10 \Rightarrow \mathbf{T_1 = 500 \text{ N}}$$

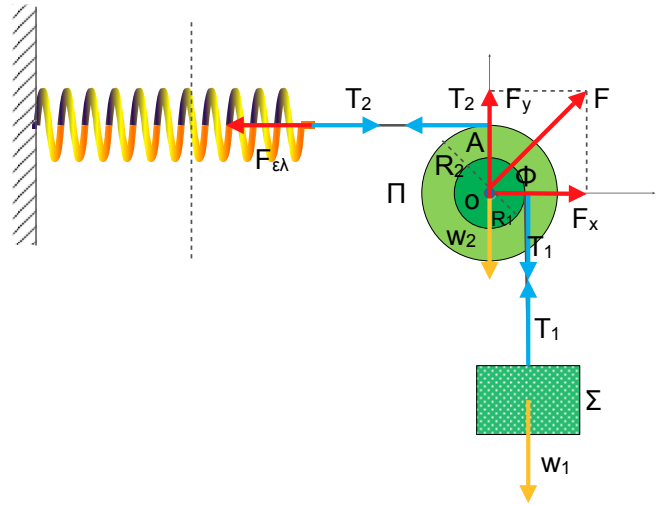
Για το στερεό Π επειδή ισορροπεί ισχύει:

$$\Sigma \tau(o) = 0 \Rightarrow T_1 R_1 - T_2 R_2 = 0 \Rightarrow T_1 R_1 = T_2 R_2 \Rightarrow$$

$$T_1 R_1 = T_2 \cdot 2 R_1 \Rightarrow T_2 = T_1 / 2 \Rightarrow T_2 = 500 / 2 \Rightarrow T_2 = 250 \text{ N}$$

Για την ισορροπία του ελατηρίου έχουμε:

$$\Sigma F = 0 \Rightarrow T_2 - F_{\text{ελατ}} = 0 \Rightarrow \mathbf{F_{\text{ελατ}} = 250 \text{ N}}$$



**Δ2.** Το στερεό Π ισορροπεί, συνεπώς για τους άξονες x και y ισχύουν οι σχέσεις αντίστοιχα:

$$\Sigma F_x = 0 \Rightarrow F_x - T_2 = 0 \Rightarrow F_x = T_2 \Rightarrow F_x = 250 \text{ N}$$

$$\Sigma F_y = 0 \Rightarrow F_y - T_1 - w_2 = 0 \Rightarrow F_y = T_1 + w_2 \Rightarrow F_y = 500 + 250 \Rightarrow F_y = 750 \text{ N}$$

$$F = \sqrt{F_x^2 + F_y^2} = \sqrt{250^2 + 750^2} \Rightarrow \mathbf{F = 250\sqrt{10} \text{ N}}$$

και για τη γωνία φ ισχύει:  $\epsilon\phi\phi = F_y / F_x = 750 / 250 = 3$

**Δ3.** Επειδή το κατακόρυφο νήμα ξετυλίγεται χωρίς να ολισθαίνει η ταχύτητα  $v_{\text{cm}}$  της μεταφορικής κίνησης του σώματος Σ και η γωνιακή ταχύτητα  $\omega$  του στερεού συνδέονται με τη σχέση:  $v_{\text{cm}} = \omega R_1$  (1)

και για τις επιταχύνσεις ισχύει η σχέση:  $a_{\text{cm}} = \alpha_{\gamma\omega\nu} R_1$  (2)

Από τον θεμελιώδη νόμο για την μεταφορική κίνηση του σώματος Σ προκύπτει:

$$\Sigma F_y = m a_{\text{cm}} \Rightarrow mg - T = m a_{\text{cm}} \Rightarrow mg - T = m \alpha_{\gamma\omega\nu} R_1 \Rightarrow 50 \cdot 10 - T = 50 \alpha_{\gamma\omega\nu} \cdot 0,2 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow 500 - T = 10 \alpha_{\gamma\omega\nu} \text{ (3)}$$

Από τον θεμελιώδη νόμο για την στροφική κίνηση του στερεού έχουμε:

$$\Sigma \tau(o) = I \cdot \alpha_{\gamma\omega\nu} \Rightarrow T R_1 = I \cdot \alpha_{\gamma\omega\nu} \Rightarrow T \cdot 0,2 = 1 \alpha_{\gamma\omega\nu} \Rightarrow T = 5 \alpha_{\gamma\omega\nu} \text{ (4)}$$

Η (3) λόγω της (4) γίνεται:

$$500 - 5 \alpha_{\gamma\omega\nu} = 10 \alpha_{\gamma\omega\nu} \Rightarrow 15 \alpha_{\gamma\omega\nu} = 500 \Rightarrow \alpha_{\gamma\omega\nu} = 500 / 15 \Rightarrow \mathbf{\alpha_{\gamma\omega\nu} = 100/3 \text{ rad/s}^2}$$

**Δ4.** από την (3) έχουμε  $500 - T = 10 \alpha_{\gamma\omega\nu} \Rightarrow 500 - T = 10 \cdot (100/3) \Rightarrow$

$$\Rightarrow 500 - T = 1000/3 \Rightarrow T = 500 - 1000/3 \Rightarrow T = (1500 - 1000)/3 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow T = 500/3 \text{ N}$$

Τη στιγμή  $t = 0,9 \text{ s}$  η γωνιακή ταχύτητα το στερεού είναι:

$$\omega = \alpha_{\gamma\omega\nu} \cdot t = \frac{100}{3} \cdot 0,9 = \frac{90}{3} = 30 \text{ rad/s}$$

Την ίδια χρονική στιγμή ο ρυθμός μεταβολής της κινητικής ενέργειας για τη στροφική κίνηση του στερεού (στιγμιαία ισχύς της Στ) είναι:

$$\frac{dK}{dt} = \Sigma \tau_{(o)} \cdot \omega = T \cdot R_1 \cdot \omega = \frac{500}{3} \cdot 0,2 \cdot 30 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \mathbf{\frac{dK}{dt} = 1000 \text{ J/s}}$$

