

## Τράπεζα Θεμάτων – Ανισώσεις 2<sup>ου</sup> Βαθμού

### 1. 14474 – Θέμα 2

Δίνεται το τριώνυμο  $2x^2 + 3x - 5$ .

α) Να εξετάσετε αν το 1 είναι ρίζα του τριωνύμου.

(Μονάδες 12)

β) Να παραγοντοποιήσετε το τριώνυμο.

(Μονάδες 13)

### 2. 14189 – Θέμα 2

α) Αν  $x^2 - 3x - 4 < 0$ , να δείξετε ότι  $-1 < x < 4$ .

(Μονάδες 12)

β) Δίνεται η παράσταση  $A = |2x + 2| + |x - 5|$  με τις τιμές του  $x$  να επαληθεύουν την ανίσωση του ερωτήματος α). Να αποδείξετε ότι:  $A = x + 7$ .

(Μονάδες 13)

### 3. 13321 – Θέμα 2

α) Να λύσετε την εξίσωση  $x^4 - 16 = 0$ . (1)

(Μονάδες 8)

β) Να λύσετε την ανίσωση  $x^2 + 3x \leq 0$ . (2)

(Μονάδες 9)

γ) Να εξετάσετε εάν οι λύσεις της εξίσωσης (1) είναι και λύσεις της ανίσωσης (2).

(Μονάδες 8)

### 4. 12976 – Θέμα 2

α) Να παραγοντοποιήσετε το τριώνυμο  $2x^2 - x - 1$ .

(Μονάδες 12)

β) Να λύσετε την ανίσωση  $x(1 - 2x) \leq -1$ .

(Μονάδες 13)

## 5. 1363 – Θέμα 2

α) Να λύσετε την εξίσωση:  $\frac{|x+1|}{3} - \frac{|x+1|+4}{5} = \frac{2}{3}$  (Μονάδες 9)

β) Να λύσετε την ανίσωση:  $-x^2 + 2x + 3 \leq 0$  (Μονάδες 9)

γ) Να εξετάσετε αν οι λύσεις της εξίσωσης του (α) ερωτήματος είναι και λύσεις της ανίσωσης του (β) ερωτήματος. (Μονάδες 7)

## 6. 1356 – Θέμα 2

Δίνεται το τριώνυμο  $2x^2 - 3x + 1$ .

α) Να βρείτε τις ρίζες του. (Μονάδες 10)

β) Να βρείτε τις τιμές του  $x \in \mathbb{R}$  για τις οποίες:  $2x^2 - 3x + 1 < 0$  (Μονάδες 5)

γ) Να εξετάσετε αν οι αριθμοί  $\frac{\sqrt{3}}{2}$  και  $\frac{1}{\sqrt{2}}$  είναι λύσεις της ανίσωσης:  $2x^2 - 3x + 1 < 0$

(Μονάδες 10)

## 7. 1350 – Θέμα 2

α) Να λύσετε τις ανισώσεις:  $|2x - 5| \leq 3$  και  $2x^2 - x - 1 \geq 0$  (Μονάδες 16)

β) Να βρείτε τις κοινές λύσεις των ανισώσεων του ερωτήματος α). (Μονάδες 9)

## 8. 1300 – Θέμα 2

α) Να αποδείξετε ότι  $x^2 + 4x + 5 > 0$ , για κάθε πραγματικό αριθμό  $x$ . (Μονάδες 10)

β) Να γράψετε χωρίς απόλυτες τιμές την παράσταση:

$$B = |x^2 + 4x + 5| - |x^2 + 4x + 4| \quad (\text{Μονάδες 15})$$

## 9. 1291 – Θέμα 2

α) Να λυθεί η εξίσωση:  $x^2 - x - 2 = 0$  (Μονάδες 8)

β) Να λυθεί η ανίσωση:  $x^2 - x - 2 > 0$  και να παραστήσετε το σύνολο λύσεών της στον άξονα των πραγματικών αριθμών. (Μονάδες 12)

γ) Να τοποθετήσετε το  $-\frac{4}{3}$  στον άξονα των πραγματικών αριθμών. Είναι το  $-\frac{4}{3}$  λύση της ανίσωσης του ερωτήματος (β); Να αιτιολογήσετε την απάντησή σας. (Μονάδες 5)

### **10. 1279 – Θέμα 2**

α) Να λύσετε την ανίσωση:  $3x^2 - 4x + 1 \leq 0$ . (Μονάδες 12)

β) Αν  $\alpha, \beta$  δυο αριθμοί που είναι λύσεις της παραπάνω ανίσωσης, να αποδείξετε ότι ο αριθμός  $\frac{3\alpha + 6\beta}{9}$  είναι επίσης λύση της ανίσωσης. (Μονάδες 13)

### **11. 1277 – Θέμα 2**

α) Να λύσετε την ανίσωση:  $x^2 - 10x + 21 < 0$  (Μονάδες 12)

β) Δίνεται η παράσταση:  $A = |x-3| + |x^2 - 10x + 21|$

i) Για  $3 < x < 7$ , να δείξετε ότι:  $A = -x^2 + 11x - 24$  (Μονάδες 8)

ii) Να βρείτε τις τιμές του  $x \in (3, 7)$ , για τις οποίες ισχύει  $A = 6$ . (Μονάδες 5)

### **12. 1273 – Θέμα 2**

Δίνεται το τριώνυμο  $-x^2 + (\sqrt{3} - 1)x + \sqrt{3}$ .

α) Να αποδείξετε ότι η διακρίνουσα του τριωνύμου είναι:

$$\Delta = (\sqrt{3} + 1)^2 (Μονάδες 12)$$

β) Να παραγοντοποιήσετε το τριώνυμο (Μονάδες 13)

### **13. 1271 – Θέμα 2**

Δίνονται οι ανισώσεις:  $-x^2 + 5x - 6 < 0$  (1) και  $x^2 - 16 \leq 0$  (2).

α) Να βρεθούν οι λύσεις των ανισώσεων (1), (2). (Μονάδες 12)

β) Να παρασταθούν οι λύσεις των ανισώσεων (1) και (2) πάνω στον άξονα των πραγματικών αριθμών και να βρεθούν οι κοινές λύσεις των παραπάνω ανισώσεων.

(Μονάδες 13)