

ΛΥΣΗ

α) Έχουμε $\hat{\Gamma}_{\varepsilon\xi} = 130^\circ$, $\hat{\Delta}_{\varepsilon\xi} = 110^\circ$. Όμως $\hat{\Gamma} + \hat{\Gamma}_{\varepsilon\xi} = 180^\circ$ ή $\hat{\Gamma} + 130^\circ = 180^\circ$ άρα $\hat{\Gamma} = 50^\circ$.

Επίσης $\hat{\Delta} + \hat{\Delta}_{\varepsilon\xi} = 180^\circ$ ή $\hat{\Delta} + 110^\circ = 180^\circ$ άρα $\hat{\Delta} = 70^\circ$.

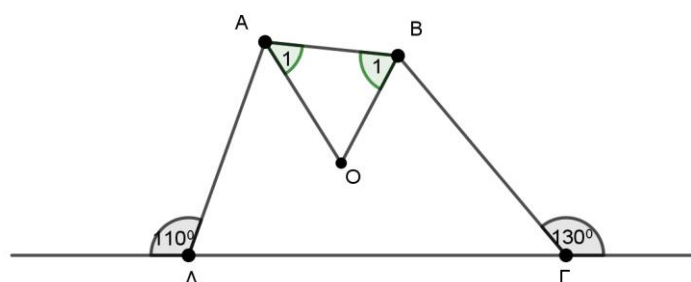
β) Το άθροισμα των γωνιών ενός κυρτού πολυγώνου με n πλευρές είναι $2 \cdot n - 4$ ορθές.

Έτσι για το τετράπλευρο ΑΒΓΔ, το άθροισμα των γωνιών του είναι:

$2 \cdot 4 - 4 = 8 - 4 = 4$ ορθές ή $4 \cdot 90^\circ = 360^\circ$. Δηλαδή έχουμε: $\hat{A} + \hat{B} + \hat{\Gamma} + \hat{\Delta} = 360^\circ$ η οποία

λόγω του (α) ερωτήματος γράφεται: $\hat{A} + \hat{B} + 50^\circ + 70^\circ = 360^\circ$ οπότε $\hat{A} + \hat{B} = 240^\circ$.

γ)



Στο τρίγωνο ΑΟΒ είναι: $\hat{A}_1 + \hat{B}_1 + \hat{O} = 180^\circ$ (1).

Όμως ΑΟ και ΒΟ είναι διχοτόμοι των γωνιών Α και Β αντίστοιχα, άρα:

$\hat{A}_1 = \frac{\hat{A}}{2}$ και $\hat{B}_1 = \frac{\hat{B}}{2}$. Έτσι $\hat{A}_1 + \hat{B}_1 = \frac{\hat{A}}{2} + \frac{\hat{B}}{2} = \frac{\hat{A} + \hat{B}}{2}$ η οποία λόγω του (β) ερωτήματος

γράφεται: $\hat{A}_1 + \hat{B}_1 = \frac{240^\circ}{2} = 120^\circ$ οπότε από την (1) παίρνουμε:

$120^\circ + \hat{O} = 180^\circ$, επομένως $\hat{O} = 60^\circ$, δηλαδή $\angle AOB = 60^\circ$.