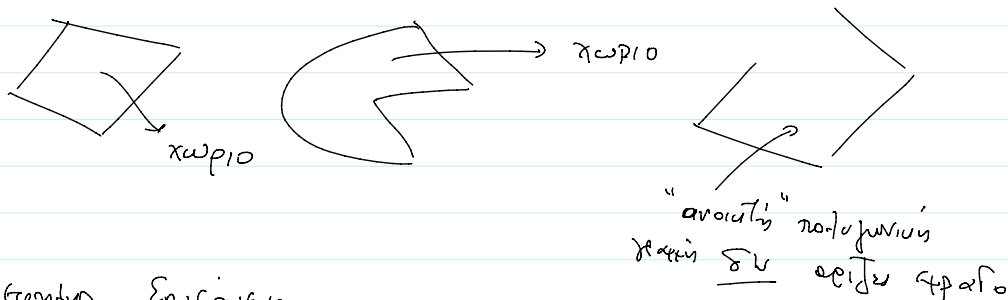
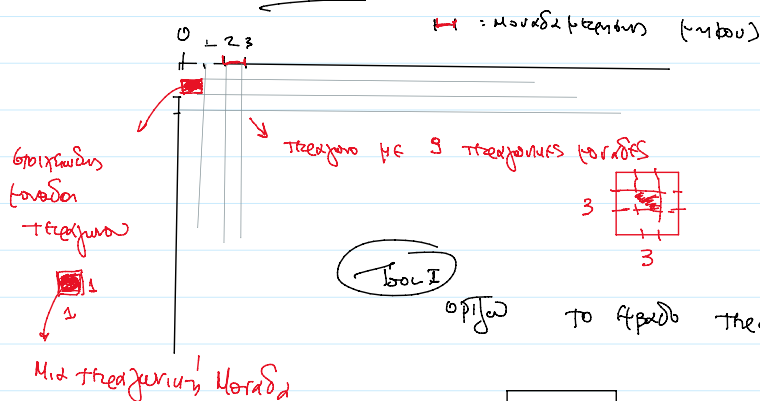


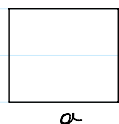
- Σημειώνω ¹ χώρο ορίσας μια ² μέτρηση ³ ποσοτήτων ⁴ ή ⁵ κατατάξεων ⁶ με ⁷ των ⁸ δύο ⁹ προσημειωμένων.



HowSt Integration Enigmas



opto to find the form of η and ϵ

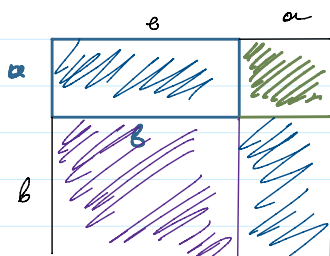


α οπότε $E = \alpha^2$ τη (Προσφυγική Κονσολίδα)

Table 4

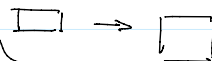
da nicht zu 4. und 5. gehören, sondern 6. und 7.

Συνεπώς $E = \alpha \cdot \beta$ (συντελεστής μονο του TOOLI)



- Propositionen zu β wird an
- Propositionen zu α wird β
- zur rechten Theorie
- darüber α & β

few tons to
spread the ground bed
at the same time to



Other two methods are:

- Theorem erhalten α
- Theorem erhalten β
- So definiert man $\alpha \times \beta$

$P_0 E_0 = (4+8)^2 \text{ mo (TOOL I)}$

$$F_0 = a^2 + 2ab + b^2 \quad (1)$$

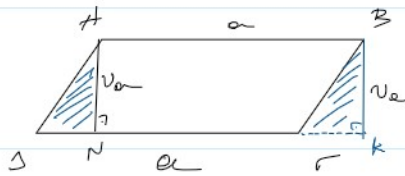
$\frac{d}{dx}$ von Prinzip $E_{\text{tot}} = 2E_{\text{eff}} + E_{\text{rhe}} + E_{\text{zhe}} = 2E_{\text{eff}} + a^2 + b^2(z)$

$$\text{dho } (1) \quad \hat{r}^A(2) \quad 27 \quad -/2 \quad -/2$$

για να χωρίσω $E_{tot} = 2E_{top} + E_{the} + E_{che} = 2E_{top} + a^2 + b^2 \quad (2)$

από (1) & (2) $2E_{top} + a^2 + b^2 = a^2 + 2ab + b^2 \Rightarrow 2E_{top} = 2ab \Rightarrow E_{top} = ab$

Tool III



ABCD # TOOL

$E = a \cdot h$ (height h is the same for both trapezoids)

(from the two TOOLS, TOOL I, TOOL II)

Let's go to the transformation of the problem

from points A and B to BK

Συγκρίνω $\hat{A}N$ $\hat{B}K$ (απόδομα)

$AN = BK$ (απόδομα)

$\Delta = \Gamma$ (εξουχ)

$\hat{A}N = \hat{B}K \Rightarrow (\hat{A}N) = (\hat{B}K)$

$(ABCD) = (\hat{A}N) + (\hat{A}N\Gamma\Delta)$

$(\hat{A}N) = (\hat{B}K) \Rightarrow (\hat{A}N) = (\hat{B}K) + (\hat{A}N\Gamma\Delta)$

$= (\hat{A}N\Gamma\Delta) = a \cdot h$

ΕΛΕΓΧΟΣ

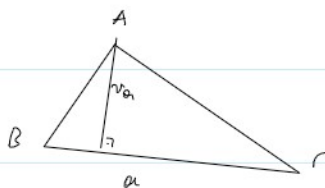
Δύο ορθογώνια Δ και Γ είναι
ισόπλευρα.

Δύο ισοπλευρά Δ και Γ είναι
ορθογώνια Δ και Γ

Εάν τα δύο ισοπλευρά Δ και Γ
είναι ορθογώνια...

Επίσης δύο ισοπλευρά Δ και Γ
είναι ορθογώνια Δ και Γ
ΙΣΟΔΥΝΑΜΙΑ

Tool III



Πάλι

ABCD #

from the diagram of the

$\hat{A}B = \hat{A}C$

$AB = AC$

$AB = AC$

$AB = AC$

from

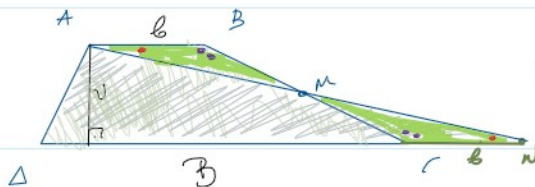
(the n-n-n)

Let $\hat{A}B = \hat{A}C \Rightarrow$

$(\hat{A}B) = (\hat{A}C) =$

$\frac{(\hat{A}B\Gamma\Delta)}{2} = \frac{a \cdot h}{2}$

Tool IV



Let's go to the transformation of the problem

{ Now point Γ is the same as the original point }

{ But Δ and Γ are the same }

Now we have the Δ with $\Gamma N = B$

from the AN

Now we have $\hat{A}B = \hat{A}C$

$AB = AC$ (see)

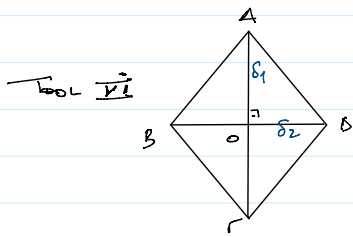
$A = N$ (see)

$B = \Gamma$ (see)

Let $\hat{A}B = \hat{A}C \Rightarrow (\hat{A}B) = (\hat{A}C)$

$(ABCD) = (\hat{A}N\Gamma\Delta) + (\hat{A}B)$

$$\begin{aligned} (ABD) &= (AM \cap DA) + (ABN) \\ (ABN) &= (MN) \end{aligned} \quad \left\{ \begin{array}{l} \Rightarrow (ABD) = (AM \cap DA) + (MN) = (\hat{A}_{AD}) \end{array} \right.$$



$$(A \cdot B) = \frac{\delta_1 \cdot \delta_2}{2} \rightarrow (A \cdot B) = \frac{(B \cdot A) \cdot v}{2}$$

$$\rightarrow (A \cup B) = (A \cap B) + (B - A) =$$

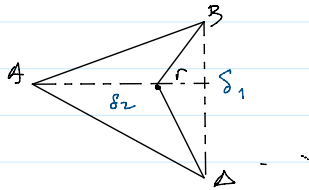
$$2(AB\Delta) = 2 \frac{BD \cdot AD}{2}$$

$$= \frac{\delta_2 \cdot \frac{\delta_1}{2}}{2} = \frac{\delta_1 \delta_2}{2}$$

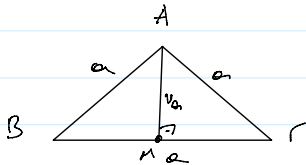
Tool vii

0120 810076 2020 1 (my 2020 Transport with driving

Σχηματισμός $E = \frac{\sigma_1 \cdot \sigma_2}{2}$



tool viii



$\triangle ABC$ 150°-120°-90°-

$$\text{Total } (ABr) = \frac{a^2 \sqrt{3}}{4}$$

Ans: $\equiv_{\text{few}} (A B C)^{\Delta} = \frac{1}{2} \alpha \cdot V_{\alpha}(1)$

Alt U_2 : Substitution $\Delta \ell$ $Bu = \Delta \ell = \frac{a}{2}$ Pythagoras $\Delta Bu^2 = \Delta r^2 = \Delta M^2 + \Delta r^2 \Rightarrow$

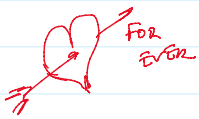
$$\Rightarrow v_{e1}^2 = a_1^2 - \left(\frac{a_1}{2}\right)^2 \Rightarrow v_{e1}^2 = a_1^2 - \frac{a_1^2}{4} \Rightarrow v_{e1}^2 = \frac{4a_1^2 - a_1^2}{4}$$

$$\Rightarrow v_{a1} = \sqrt{\frac{a^2 \cdot 3}{4}} \Rightarrow v_{a1} = \frac{a\sqrt{3}}{2} \quad (2)$$

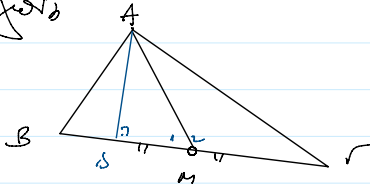
$$\text{S. 6} \quad u(1) \stackrel{(2)}{\Rightarrow} \left(\frac{A}{ABF} \right) = \frac{1}{2} \cdot \frac{a \cdot a \sqrt{3}}{2} = \frac{a^2 \sqrt{3}}{4}$$

Too L $\frac{\circ}{IX}$

4) fließen von zeigern, so wiepils es die uodmaka



$$(A^{\Delta}BU) = (A^{\Delta}_{ur}) = \frac{(A^{\Delta}_{ur})}{2}$$



Анод. $\text{Fe} \rightarrow \text{Fe}^{2+} + 2e^-$ Анод

TOZ AA koivo ufoi juu re obo rejuwz

$$(A_{BM}^A) = \frac{1}{2} B_M \cdot A_{\Delta} \quad (A_{MT}^A) = \frac{1}{2} M_T \cdot A_{\Delta}$$

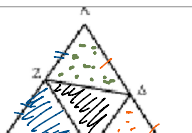
$$B_M = \alpha \sqrt{}$$

$$\text{Let } (ABM) = (AMF) = \frac{1}{2} \frac{BF}{S} AD = \frac{1}{2} (ABF)$$

1. ** Έστω τρίγωνο $AB\Gamma$ και έστω Δ , E , Z τα μέσα των πλευρών AB , $B\Gamma$ και ΓA αντίστοιχα. Να δείξετε ότι:

$$\alpha) (\Delta EZ) = (ZE)$$

$$\beta) (\Delta EZ) = \frac{1}{4} (AB\Gamma).$$

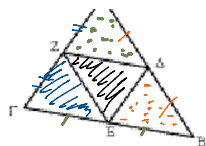


αντίστοιχα. Να δείξετε ότι:

α) $(\Delta EZ) = (ZTE)$

β) $(\Delta EZ) = \frac{1}{4} (AB\Gamma)$

α) $Z\Delta$ είναι τμήμα της BD $\Rightarrow ZD = \frac{BD}{2}$



ή $ZD = \frac{BD}{2}$ ή $ZD = \frac{BD}{2}$

Από το τρίγωνο BDZ όπου $ZD = \frac{BD}{2}$ $\Rightarrow ZD = \frac{BD}{2}$ $\Rightarrow ZD = \frac{BD}{2}$ $\Rightarrow ZD = \frac{BD}{2}$

6) ομοίως $(ZED) = (AZD)$

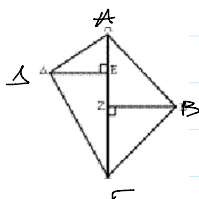
και $(ZED) = (ZED)$

$(AB\Gamma) = (AZD) + (ZDE) + (ZED) + (ZDF)$

$\Rightarrow (AB\Gamma) = (ZDE) + (ZDE) + (ZDE) + (ZDE) \Rightarrow$

$\Rightarrow (AB\Gamma) = 4(ZDE) \Rightarrow (ZDE) = \frac{1}{4} (AB\Gamma)$

2. ** Να δείξετε ότι το εμβαδόν τυχόντος τετραπλεύρου $AB\Gamma\Delta$ ισούται με το γινόμενο της μιας διαγωνίου του $AB\Gamma\Delta$ επί το ημίαθροισμα των αποστάσεων ΔE , ZB των δύο άλλων κορυφών από τη διαγώνιο αυτή.



Νδ

$(AB\Gamma\Delta) = AG \cdot \frac{(\Delta E + BZ)}{2}$

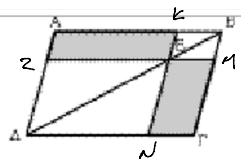
Πολλώτερον $(AB\Gamma) = \frac{1}{2} AG \cdot BZ$

$+ (A\Delta\Gamma) = \frac{1}{2} AG \cdot \Delta E$

$(AB\Gamma\Delta) = \frac{1}{2} AG (BZ + \Delta E)$

$\left\{ \frac{AG \cdot \Delta E}{2} + \frac{AG \cdot BZ}{2} \right\}$
τελευταία;

4. ** Από ένα σημείο E της διαγωνίου BD παραλληλογράμμου $AB\Gamma\Delta$ φέρνουμε παράλληλες προς τις πλευρές του. Να δείξετε ότι τα παραλληλόγραμμα που βρίσκονται εκατέρωθεν της BD είναι ισοδύναμα.



νδ $(AK\epsilon Z) = (ME\Gamma N)$

6ω $AB\Gamma\Delta$ $\sim$ BD $\Rightarrow$ $(\Delta AB) = (\Delta \Gamma D)$

$\Rightarrow (\Delta AB) + (\Delta \Gamma D) + (AK\epsilon Z) = (\Delta \Gamma D) + (\Delta \Gamma D) + (ME\Gamma N)$

① $(AK\epsilon Z) = (ME\Gamma N)$

στο $KBME$ $\sim$ BD

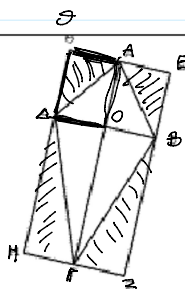
διότι $(KB\epsilon B) = (\Delta \Gamma D)$ ①

από Δ BD BD

$(ZED) = (ME\Gamma N)$ ②

5. ** Από τις κορυφές ενός τετραπλεύρου $AB\Gamma\Delta$ φέρνουμε παράλληλες προς τις διαγωνίους του. Να δείξετε ότι το περιγεγραμμένο στο τετράπλευρο παραλληλόγραμμο $HZE\Theta$ έχει εμβαδό διπλάσιο από το εμβαδό του τετραπλεύρου.

$(HZE\Theta) = 2(AB\Gamma\Delta)$



Πολλώτερον $\Delta AOB \sim$ (έτσι αν δύο ορθογώνια είναι ομοία)

από Δ $AOB \sim$ ($\sim$) μ AD Δ BD

... $\angle AOD \neq$ (για να είναι δύο παραλλήλες η κορυφή της ορθογώνιας)

από α $AOB \neq$ ($\angle$ $\rightarrow$) $\mu\epsilon$ AO διαγώνιο

από β $BOC \neq$ ($\angle$ $\rightarrow$) $\mu\epsilon$ BO διαγώνιο

από γ $DOA \neq$ ($\angle$ $\rightarrow$) $\mu\epsilon$ DO διαγώνιο

$$\epsilon\gamma\iota \quad (\angle AOD) = (\angle OAB) + (\angle AOB) = 2(\angle AOB)$$

$$(\angle AOB) = (\angle AOC) + (\angle COB) = 2(\angle COB)$$

$$(\angle BOC) = (\angle BOA) + (\angle AOC) = 2(\angle BOA)$$

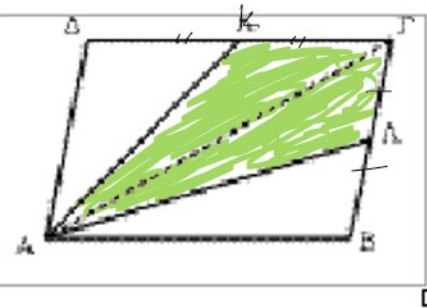
$$+ (\angle DOA) = (\angle DOB) + (\angle BOA) = 2(\angle BOA)$$

$$\begin{aligned} (\angle AOD) &= 2(\angle AOB) + (\angle BOA) + (\angle BOA) \\ &= 2(\angle AOB) \end{aligned}$$

21.

** Σ' ένα παραλληλόγραμμο $AB\Gamma\Delta$ συνδέουμε την κορυφή A με τα μέσα K, Λ των πλευρών $\Gamma\Delta$ και $B\Gamma$ αντίστοιχα. Να δείξετε ότι

$$(\angle AK\Lambda) = \frac{1}{2} (\angle AB\Gamma\Delta).$$



$$(\angle AB\Gamma\Delta) = (\angle A\Gamma B) + (\angle A\Gamma B) \stackrel{(\alpha)}{=} 2(\angle A\Gamma B) \Rightarrow (\angle A\Gamma B) = \frac{1}{2} (\angle AB\Gamma\Delta)$$

$$A\Gamma B = A\Gamma B \Rightarrow (\angle A\Gamma B) = (\angle A\Gamma B) \quad (\beta)$$

$$\alpha/\alpha \quad AK \text{ διάμετρος στο } \triangle A\Gamma B \Rightarrow (\angle AK\Gamma) = \frac{1}{2} (\angle A\Gamma B) = (\angle A\Gamma B)$$

$$AL \text{ διάμετρος στο } \triangle A\Gamma B \Rightarrow (\angle AL\Gamma) = \frac{1}{2} (\angle A\Gamma B) = (\angle A\Gamma B) = \frac{1}{2} (\angle A\Gamma B)$$

$$\Rightarrow (\angle AK\Gamma) + (\angle AL\Gamma) = (\angle AK\Lambda)$$

$$\Rightarrow (\angle AK\Lambda) = \frac{1}{2} (\angle AB\Gamma\Delta).$$