

ΚΕΦΑΛΑΙΟ 41 ΕΙΔΗ ΤΡΙΓΩΝΩΝ ΩΣ ΠΡΟΣ ΤΙΣ ΠΛΕΥΡΕΣ

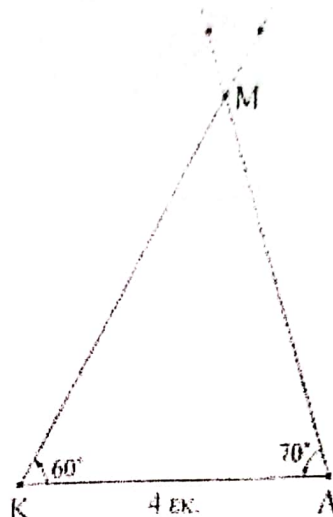
Κατασκευή τριγώνου, αν ξέρουμε το μήκος μιας πλευράς και τις προσκείμενες σ' αυτή γωνίες.

Να κατασκευάσεις ένα τρίγωνο με πλευρά $ΚΑ = 4$ εκ. και τις γωνίες $Κ$ και $Α$ να έχουν μέτρα 60° και 70° αντίστοιχα.

ΛΥΣΗ

Ακολουθούμε τα παρακάτω βήματα:

- Σχεδιάζουμε ένα ευθύγραμμο τμήμα $ΚΑ = 4$ εκ.
- Τοποθετούμε το κέντρο του μοιρογνωμόνιου στο σημείο $Κ$ και την ένδειξη 0 της κλίμακας του μοιρογνωμόνιου που θα χρησιμοποιήσουμε πάνω στην πλευρά $ΚΑ$ και προς τα δεξιά.
- Βρίσκουμε στην κλίμακα την ένδειξη 60° και βάζουμε μια τελεία. Ενώνουμε την τελεία με το σημείο $Κ$. Σχηματίζουμε με τον τρόπο αυτό μια γωνία 60° .
- Επαναλαμβάνουμε τα δύο προηγούμενα βήματα. Κατασκευάζουμε με τον ίδιο τρόπο μια γωνία 70° τοποθετώντας το κέντρο του μοιρογνωμόνιου στο σημείο $Α$.
- Στο σημείο στο οποίο θα συναντηθούν οι πλευρές των δύο γωνιών, βρίσκεται το σημείο $Μ$. Με αυτόν τον τρόπο κατασκευάζουμε το τρίγωνο $ΚΑΜ$.



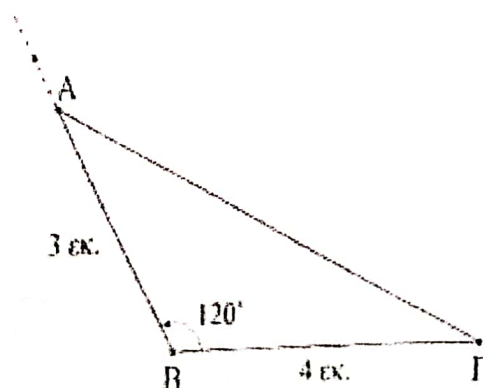
Κατασκευή τριγώνου, αν ξέρουμε τα μήκη δύο πλευρών του και την περιεχόμενη σ' αυτές γωνία

Να κατασκευάσεις ένα τρίγωνο $ΑΒΓ$ με πλευρές $ΑΒ = 3$ εκ., $ΒΓ = 4$ εκ. και γωνία $ΑΒΓ = 120^\circ$.

ΛΥΣΗ

Ακολουθούμε τα επόμενα βήματα:

- Σχεδιάζουμε ένα ευθύγραμμο τμήμα $ΒΓ = 4$ εκ.
- Τοποθετούμε το κέντρο του μοιρογνωμόνιου στο σημείο $Β$ και την ένδειξη 0 της κλίμακας του μοιρογνωμόνιου που θα χρησιμοποιήσουμε πάνω στην πλευρά $ΒΓ$ και προς τα δεξιά.
- Βρίσκουμε στην κλίμακα την ένδειξη 120° και βάζουμε μια τελεία. Ενώνουμε την τελεία με το σημείο $Β$. Σχηματίζουμε με τον τρόπο αυτό μια γωνία 120° .
- Πάνω στην ευθεία που δημιουργείται μεταξύ του σημείου $Β$ και της τελείας ορίζουμε ένα ευθύγραμμο τμήμα $ΑΒ = 3$ εκ.
- Ενώνουμε τα σημεία $Α$ και $Γ$. Με αυτόν τον τρόπο κατασκευάζουμε το τρίγωνο $ΑΒΓ$.



3. Να κατασκευάσετε τα τρίγωνα που ζητούνται με τα παρακάτω χαρακτηριστικά και ύστερα να χαρακτηρίσετε το είδος τους, ως προς τις πλευρές τους:

- πλευρά $AB=6\text{εκ.}$
- πλευρά $AG=4,5\text{εκ.}$
- γωνία $B\hat{A}G=130^\circ$

Το τρίγωνο $\triangle ABG$ είναι:

- πλευρά $\Delta E=7\text{εκ.}$
- γωνίες $\hat{\Delta}$ και $\hat{E}$ από 60° η καθεμιά.

Το τρίγωνο $\triangle \hat{E}Z$ είναι:

ΚΕΦΑΛΑΙΟ 41 ΕΙΔΗ ΤΡΙΤΩΝΩΝ ΩΣ ΠΡΟΣ ΤΙΣ ΠΛΕΥΡΕΙΣ

38. Η διπλωματία των Βυζαντινών

Γύρω από το βυζαντινό κράτος πολλοί λαοί, συχνά είχαν εχθρική συμπεριφορά.

Ενέργειες των Βυζαντινών

Συμμαχίες και συνθήκες ειρήνης.

Χρήματα να μην επιτίθενται ή να εμποδίζουν άλλους.

Φιλοξενία αρχόντων και πρεσβευτών.

Δώρα και τιμητικοί βυζαντινοί τίτλοι.

Δωρεάν σπουδές για τα παιδιά ξένων αρχόντων.

Συμφωνίες για προστασία εμπορικών δρόμων και εμπορών.

Ιεραπόστολοι – Εκχριστιανισμός.

Γάμοι βυζαντινών πριγκιπισσών με ξένους ηγεμόνες.



58. Η ΔΙΠΛΩΜΑΤΙΑ ΤΩΝ ΒΥΖΑΝΤΙΝΩΝ

Οι Βυζαντινοί εξασφάλιζαν την ειρηνική συνύπαρξη με τους γειτονικούς λαούς με πολλούς διπλωματικούς τρόπους. Αυτοί οι τρόποι όμως ήταν αποδοτικοί, όσο το κράτος τους ήταν οικονομικά και στρατιωτικά ακμαίο.

Γύρω από τα σύνορα του βυζαντινού κράτους ζούσαν πολλοί λαοί, που συχνά φέρονταν εχθρικά απέναντί του. Αυτό του δημιουργούσε συχνά κινδύνους και έπρεπε να είναι διαρκώς έτοιμο να τους αντιμετωπίσει. Γι' αυτό, από τη μεταφορά της πρωτεύουσας, οι αυτοκράτορες είχαν πάρει σειρά από αμυντικά μέτρα που περιόριζαν αυτούς τους κινδύνους.

Επειδή όμως οι πόλεμοι, σε όλες τις εποχές, δε λύνουν τα προβλήματα αλλά συχνά δημιουργούν περισσότερα, οι Βυζαντινοί φρόντιζαν να διατηρούν ειρηνικές σχέσεις με τους γείτονές τους με πολλούς τρόπους και ιδιαίτερα με τη **διπλωματία**¹. Έτσι από τα πρώτα **βυζαντινά χρόνια**² οι αυτοκράτορες:

- Έκαναν **συμμαχίες** ή υπέγραφαν **συνθήκες ειρήνης** με κάποιους γειτονικούς λαούς, για ν' αντιμετωπίσουν ανενόχλητοι κάποιους άλλους.
- **Κατέβαλλαν** σε ορισμένους από αυτούς **χρημάτα**, με τον όρο να μην επιτίθενται οι ίδιοι ή να εμποδίζουν άλλους να βλάπτουν το Βυζάντιο.
- Πρόσφεραν **φιλοξενία** στους **άρχοντες** και στους **πρεσβευτές** των συμμαχικών χωρών.
- **Συνόδευαν** τις συμφωνίες τους με πλούσια **δώρα** και **τιμητικούς βυζαντινούς τίτλους**.
- **Δέχονταν** τα **παιδιά** των ξένων αρχόντων ή των αξιωματούχων τους να σπουδάζουν, συχνά δωρεάν, στα βυζαντινά σχολεία ή πανεπιστήμια.
- Έκαναν **ιδιαίτερες συμφωνίες** για την προστασία των **εμπορικών δρόμων** και των **προϊόντων** που μεταφέρονταν από άλλες χώρες στο Βυζάντιο.

Οι Βυζαντινοί **προστάτευαν** τους ξένους **εμπόρους** και τους **επισκέπτες** της χώρας τους. Σε κάποιους από αυτούς μάλιστα (*Ρώσους, Βενετούς, Γενουάτες*) είχαν **παραχωρήσει** **ιδιαίτερες περιοχές** για τη διαμονή τους στην Πόλη και **προνόμια** για τις **εμπορικές τους δραστηριότητες**.

Την Κωνσταντινούπολη **επισκέπτονταν** ακόμη **άνθρωποι**



1. Οι Βυζαντινοί προστάτευαν τους ξένους εμπόρους.

Z

από κάθε περιοχή του κόσμου. Πολλοί από αυτούς μάθαιναν και μιλούσαν την ελληνική γλώσσα, για να επικοινωνούν με τους Βυζαντινούς αλλά και για να συνεννοούνται μεταξύ τους.

Οι Βυζαντινοί ήταν καλά πληροφορημένοι για τις γειτονικές τους χώρες από δικούς τους ανθρώπους που έφταναν στην Πόλη ως επισκέπτες, έμποροι, μισθοφόροι ή στρατιωτικοί φυγάδες. Επίσημες κρατικές αποστολές ακόμη, με ειδικούς και διερμηνείς, επισκέπτονταν συχνά τις άλλες χώρες για να προετοιμάσουν ή να ολοκληρώσουν τις συμφωνίες τους με το Βυζάντιο. Οι πρεσβευτές αυτών των αποστολών έφερναν μαζί τους, εκ μέρους του αυτοκράτορα, πολύτιμα δώρα, κοσμήματα και μεταξωτά για τους άρχοντες και τους αξιωματούχους της ξένης χώρας.

Στις αποστολές αυτές μετείχαν συχνά και ιεραπόστολοι, οι οποίοι φρόντιζαν για τον εκχριστιανισμό αυτών των λαών. Σε αρκετές περιπτώσεις μάλιστα οι ιερωμένοι αυτοί αποδείχτηκαν και ικανοί διπλωμάτες, που βοήθησαν στην ειρηνική συνύπαρξη των λαών αυτών με τους Βυζαντινούς.

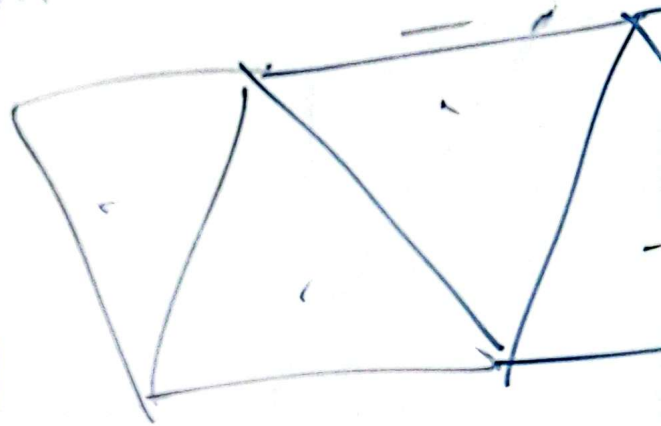
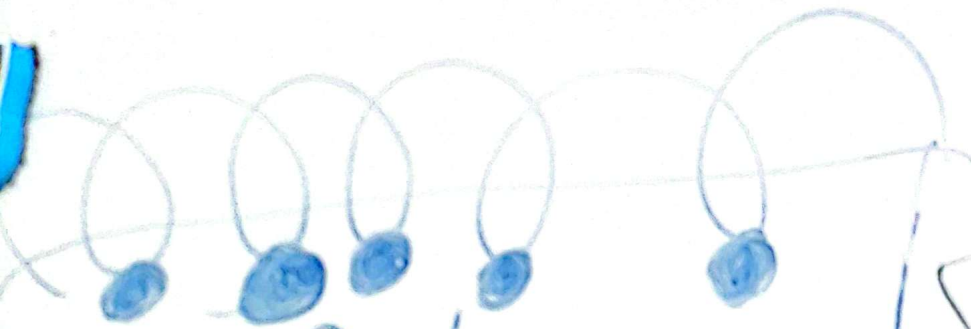
Σημαντική πλευρά της βυζαντινής διπλωματίας, τέλος, αποτελούσαν οι γάμοι ανάμεσα σε βυζαντινές πριγκίπισσες και σε ξένους ηγεμόνες. Οι γάμοι αυτοί, στις περισσότερες περιπτώσεις, συνέβαλλαν στην ειρήνη και τη συνεργασία ανάμεσα στους λαούς και οι πριγκίπισσες αυτές γίνονταν οι καλύτεροι πρεσβευτές του Βυζαντίου στις νέες πατρίδες τους.

- Ποιους διπλωματικούς τρόπους χρησιμοποιούσαν οι Βυζαντινοί για να διατηρούν ειρηνικές σχέσεις με τους γειτονικούς και τους άλλους λαούς;
- Γιατί οι βυζαντινοί συνόδευσαν τις αποστολές τους με πολύτιμα δώρα; Συνηθίζεται κάτι ανάλογο σήμερα;



2. Η διπλωματία «των ξένων όπλων»: Το ιππικό των Ρώσων κυνηγά τους Βούλγαρους. Η εικόνα αναφέρεται στην περίοδο που οι Ρώσοι συνεργάστηκαν με τους Βυζαντινούς εναντίον των Βουλγάρων (δες κεφάλαιο 22). (Μικρογραφία από βουλγαρικό χειρόγραφο, Βιβλιοθήκη Βατικανού)

Δευτερ^η



Μαθ/κα

ΤΕ σελ 47

ασκ 3 και

σελ 48 3 προβλήματα.

Γλωσσα

σελ 53 ασκ

4. σελ 50

51 ασκιση.

Ιωρτα

κεφ 38