

## ΕΠΑΝΑΛΗΨΗ Β' ΠΡΣ

Μπαλάκι του τένις, μάζας  $m$ , αφήνεται να πέσει από ύψος  $h_1$  από την επιφάνεια του εδάφους. Αφού χτυπήσει στο έδαφος αναπηδά και φτάνει σε ύψος  $h_2$  από την επιφάνεια του εδάφους. Να υπολογίσετε :

**4.1.** το μέτρο της ταχύτητας που έχει το μπαλάκι ακριβώς πριν προσκρούσει στο έδαφος,

**Μονάδες 5**

**4.2.** τη μεταβολή της ορμής (μέτρο και κατεύθυνση) κατά τη διάρκεια της αναπήδησής του στο έδαφος.

**Μονάδες 7**

**4.3.** Αν η μέση συνισταμένη δύναμη που ασκείται στο μπαλάκι κατά τη διάρκεια της πρόσκρουσης έχει μέτρο  $6 \text{ N}$  να υπολογιστεί η χρονική διάρκεια της πρόσκρουσης.

**Μονάδες 6**

Στη συνέχεια το μπαλάκι αναπηδά στο έδαφος για δεύτερη φορά.

**4.4.** Εάν γνωρίζετε ότι κατά τη διάρκεια της δεύτερης αυτής πρόσκρουσης χάνεται στο περιβάλλον το 50% της ενέργειας που είχε το μπαλάκι πριν την πρόσκρουση, να υπολογίσετε το νέο μέγιστο ύψος από το έδαφος,  $h_3$ , στο οποίο θα ανέβει.

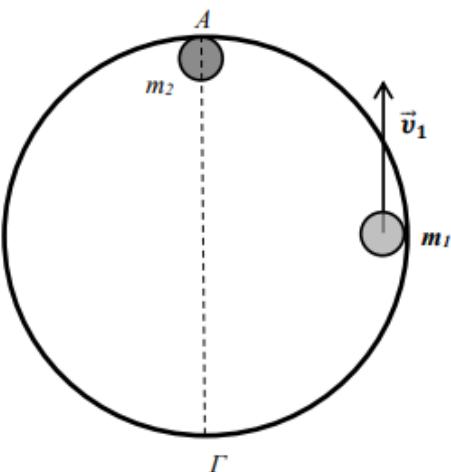
**Μονάδες 7**

Δίνεται η επιτάχυνση της βαρύτητας στην επιφάνεια της Γης  $g = 10 \text{ m/s}^2$ ,  $m = 100 \text{ g}$ ,  $h_1 = 80 \text{ cm}$ ,

$h_2 = 20 \text{ cm}$ . Η αντίσταση του αέρα θεωρείται αμελητέα.

---

Δύο σφαιρίδια  $\Sigma_1$  και  $\Sigma_2$  με λείες επιφάνειες και μάζες  $m_1 = 4 \text{ kg}$  και  $m_2 = 6 \text{ kg}$  αντίστοιχα μπορούν να κινούνται στο εσωτερικό κυκλικού δακτυλίου ακτίνας  $R = 2 \text{ m}$  που είναι ακλόνητα στερεωμένος σε λείο οριζόντιο τραπέζι (κάτοψη του οποίου εικονίζεται στο σχήμα). Οι τριβές μεταξύ των σφαιριδίων και του κυκλικού δακτυλίου θεωρούνται αμελητέες, όπως και οι διαστάσεις τους. Αρχικά το σφαιρίδιο  $\Sigma_2$  είναι ακίνητο, ενώ το  $\Sigma_1$  εκτελεί ομαλή κυκλική κίνηση με φορά αντίθετη εκείνης των δεικτών του ρολογιού με ταχύτητα, μέτρου  $v_1 = 5 \text{ m/s}$ . Αν τα σφαιρίδια  $\Sigma_1$  και  $\Sigma_2$  συγκρουστούν πλαστικά, να υπολογίσετε :



**4.1.** Το μέτρο της ταχύτητας του συσσωματώματος αμέσως μετά την κρούση καθώς και την περίοδο της κίνησης του.

**Μονάδες 6**

**4.2.** Το μέτρο της μεταβολής της ορμής του σφαιριδίου  $\Sigma_1$  κατά την πλαστική κρούση.

**Μονάδες 6**

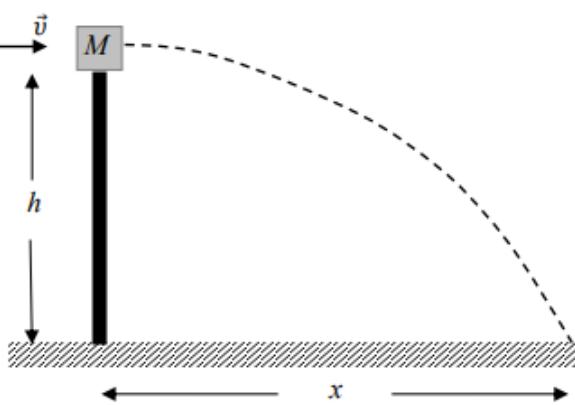
**4.3.** Την απώλεια της μηχανικής ενέργειας κατά την πλαστική κρούση.

**Μονάδες 6**

**4.4.** Το μέτρο της μεταβολής της ορμής του μεταξύ της θέσης κρούσης  $A$  και της αντιδιαμετρικής της  $\Gamma$ .

**Μονάδες 7**

Ο καθηγητής Φυσικής σε μία σχολή αξιωματικών του στρατού θέτει ένα πρόβλημα σχετικά με το πώς οι φοιτητές, αξιοποιώντας τις γνώσεις τους από το μάθημα, θα μπορούσαν να υπολογίσουν την ταχύτητα  $\vec{v}$  του βλήματος ενός πιστολιού. Ο καθηγητής υποδεικνύει στους φοιτητές την παρακάτω διαδικασία: Το βλήμα μάζας  $m$  εκτοξεύεται οριζόντια και σφηνώνται σε ένα κομμάτι ξύλου, μάζας  $M$ , που ισορροπεί ελεύθερο στην κορυφή ενός στύλου ύψους  $h$ . Οι μάζες  $m$  και  $M$  μετρώνται με ζύγιση και το ύψος  $h$  μετράται με μετροταινία. Το συσσωμάτωμα αμέσως μετά την κρούση εκτελεί οριζόντια βολή και χτυπάει στο έδαφος σε οριζόντια απόσταση  $x$  από τη βάση του στύλου, αφήνοντας ένα σημάδι στο χώμα ώστε να είναι δυνατή η μέτρηση αυτής της απόστασης  $x$ . Οι φοιτητές ακολουθησαν τη διαδικασία και έλαβαν μετρήσεις ακολουθώντας τη διαδικασία που τους υπέδειξε ο καθηγητής τους και κατέγραψαν τις τιμές  $m = 0,1\text{kg}$ ,  $M = 1,9\text{kg}$ ,  $h = 5\text{ m}$  και  $x = 10\text{ m}$ . Λαμβάνοντας υπόψη τις προηγούμενες τιμές των μεγεθών που μετρήθηκαν από τους φοιτητές, και θεωρώντας την αντίσταση του αέρα αμελητέα, να υπολογίσετε:



**4.1.** Το χρονικό διάστημα που πέρασε από την στιγμή της κρούσης μέχρι το συσσωμάτωμα να αγγίξει το έδαφος.

**Μονάδες 6**

**4.2.** Το μέτρο της οριζόντιας ταχύτητας  $\vec{v}$  την οποία απέκτησε το συσσωμάτωμα αμέσως μετά την κρούση.

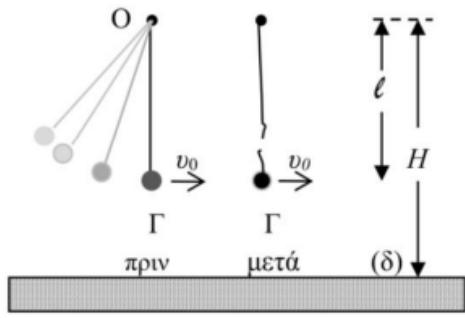
**Μονάδες 6**

**4.3.** Το μέτρο της ταχύτητας  $\vec{v}$  του βλήματος πριν σφηνωθεί στο ξύλο.

**Μονάδες 6**

**4.4.** Την απώλεια της μηχανικής ενέργειας του συστήματος βλήμα-ξύλο κατά την κρούση.

Μικρή σφαίρα μάζας  $m = 200\text{ g}$  κρέμεται δεμένη στο κάτω άκρο αβαρούς μη ελαστικού νήματος, μήκους  $l$ . Το πάνω άκρο του νήματος είναι δεμένο σε ακλόνητο σημείο  $O$ , το οποίο απέχει από οριζόντιο δάπεδο  $(\delta)$ , ύψος  $H = 1,25\text{ m}$ . Θέτουμε το σύστημα σε αιώρηση με τέτοιο τρόπο ώστε τελικά το σώμα να κινείται σε κατακόρυφο επίπεδο με το νήμα τεντωμένο.



Τη στιγμή που η σφαίρα περνάει από την κατώτερη θέση  $\Gamma$  της κυκλικής τροχιάς της, με το νήμα τεντωμένο και κατακόρυφο, η κεντρομόλος επιτάχυνσή της έχει μέτρο  $20 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ . Ακριβώς τη στιγμή που διέρχεται από τη θέση  $\Gamma$ , το νήμα κόβεται και η σφαίρα με την ταχύτητα που είχε, πραγματοποιεί οριζόντια βολή μέχρι να χτυπήσει στο οριζόντιο δάπεδο. Η σφαίρα φτάνει στο δάπεδο μετά από χρόνο  $0,3\text{ s}$  από τη στιγμή που κόπηκε το νήμα. Δίνεται το μέτρο της επιτάχυνσης της βαρύτητας  $g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$  και ότι η αντίσταση του αέρα θεωρείται αμελητέα.

Να υπολογίσετε:

**4.1.** Το μήκος  $l$  του νήματος.

**Μονάδες 6**

**4.2.** Την οριζόντια απόσταση από το σημείο  $\Gamma$ , του σημείου στο οποίο θα χτυπήσει η σφαίρα στο δάπεδο.

**Μονάδες 6**

**4.3.** Τη βαρυτική δυναμική ενέργεια της σφαίρας ως προς το οριζόντιο δάπεδο ( $\delta$ ) μετά από χρόνο  $0,2\text{ s}$  από τη στιγμή που κόπηκε το νήμα.

**Μονάδες 6**

**4.4.** Το μέτρο της ταχύτητας καθώς και την εφαπτομένη της γωνίας που σχηματίζει το διάνυσμα της ταχύτητας με το οριζόντιο δάπεδο, ελάχιστα πριν η σφαίρα προσκρούσει στο δάπεδο.

---

Δύο αυτοκινητάκια από παιδικό παιχνίδι, με μάζες  $m_1 = 250\text{ g}$  και  $m_2 = 300\text{ g}$  αντίστοιχα, κινούνται σε κυκλική πίστα ακτίνας  $R = \frac{200}{\pi}\text{ cm}$  και πραγματοποιούν ομαλή κυκλική κίνηση με ταχύτητες μέτρου  $v_1 = 40\frac{\text{cm}}{\text{s}}$  και  $v_2 = 50\frac{\text{cm}}{\text{s}}$  αντίστοιχα. Η αντίσταση του αέρα θεωρείται αμελητέα. Να υπολογίσετε:

**4.1.** Τις περιόδους περιστροφής των δύο αυτοκινήτων  $T_1$  και  $T_2$ .

**Μονάδες 6**

**4.2.** Το χρονικό διάστημα μεταξύ δύο διαδοχικών συναντήσεων των αυτοκινήτων, δεδομένου ότι κινούνται κατά την ίδια φορά.

**Μονάδες 6**

Ξαφνικά, το δεύτερο αυτοκινητάκι ξεφεύγει από την πορεία του. Κινούμενο ευθύγραμμα προσκρούει κάθετα στον προστατευτικό ελαστικό τοίχο της πίστας και γυρίζει προς τα πίσω με ταχύτητα μέτρου  $v_3 = 20\frac{\text{cm}}{\text{s}}$ . Αν η πρόσκρουση διαρκεί  $\Delta t = 0,07\text{ s}$  να υπολογιστούν:

**4.3.** Η μέση δύναμη κατά μέτρο, διεύθυνση και φορά που δέχθηκε το αυτοκινητάκι από τον προστατευτικό τοίχο της πίστας κατά την πρόσκρουση.

**Μονάδες 6**

**4.4.** Το ποσοστό της κινητικής ενέργειας που μετατράπηκε σε θερμική ενέργεια κατά την πρόσκρουση.

**Μονάδες 7**

Ένα σώμα μάζας  $m_1$  περιστρέφεται σε κυκλική τροχιά σε ύψος  $h = \frac{7}{9}R_\Gamma$  από την επιφάνεια της Γης υπό την επίδραση μόνο της βαρυτικής έλξης της Γης. Ένα άλλο σώμα μάζας  $m_2 = 2m_1$  που περιστρέφεται κατά την αντίθετη φορά στην ίδια κυκλική τροχιά υπό την επίδραση μόνο της βαρυτικής έλξης της Γης, συγκρούεται πλαστικά με το σώμα μάζας  $m_1$ . Η αντίσταση του αέρα θεωρείται αμελητέα. Δίνονται: η ακτίνα της Γης  $R_\Gamma = 6400\text{ Km}$  και το μέτρο της επιτάχυνσης της βαρύτητας στην επιφάνεια της Γης  $g_0 = 10\frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ .

**4.1.** Να υπολογίσετε την ταχύτητα περιστροφής κάθε σώματος πριν συγκρουστούν.

**Μονάδες 6**

**4.2.** Να υπολογίσετε την περίοδο περιστροφής κάθε σώματος πριν συγκρουστούν.

Δίνεται ότι:  $\frac{1024\pi}{27} = 119,15$

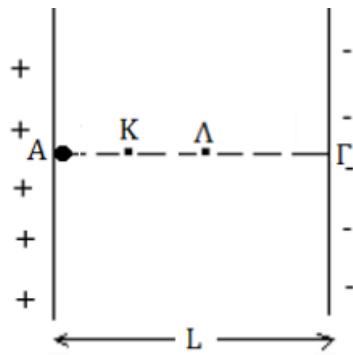
**Μονάδες 6**

**4.3.** Να υπολογίσετε την ταχύτητα του συσσωματώματος αμέσως μετά τη δημιουργία του.

**Μονάδες 6**

**4.4.** Να ελέγχετε αν το συσσωμάτωμα διαφεύγει από το βαρυτικό πεδίο της Γης.

**Μονάδες 7**



Δύο παράλληλες μεταλλικές πλάκες που απέχουν μεταξύ τους απόσταση  $L = 1 \text{ cm}$ , είναι φορτισμένες με αντίθετα φορτία, όπως στο παραπάνω σχήμα και δημιουργούν ανάμεσά τους ομογενές ηλεκτροστατικό πεδίο. Η διαφορά δυναμικού μεταξύ των δύο πλακών είναι  $V = 200 \text{ V}$ . Σωμάτιο μάζας  $m = 10 \text{ g}$  και ηλεκτρικού φορτίου  $q = +10^{-8} \text{ C}$ , αφήνεται ελεύθερο από ένα σημείο A πολύ κοντά στη θετική πλάκα.

**4.1.** Να υπολογίσετε την ένταση του ηλεκτροστατικού πεδίου.

**Μονάδες 5**

**4.2.** Να υπολογίσετε το μέτρο της επιτάχυνσης του σωματίου.

**Μονάδες 6**

**4.3.** Τη χρονική στιγμή  $t_1$  το σωμάτιο φτάνει στο σημείο  $\Gamma$  που βρίσκεται στον αρνητικό οπλισμό του πυκνωτή. Να υπολογίσετε την ταχύτητα του σωματίου στο σημείο  $\Gamma$ .

**Μονάδες 7**

**4.4.** Το σωμάτιο κατά την πορεία του από το σημείο A στο σημείο  $\Gamma$  διέρχεται και από τα σημεία K και  $\Lambda$  που απέχουν απόσταση  $(KL) = 0,25 \text{ cm}$ . Αν το δυναμικό στο σημείο K είναι  $V_K = 80 \text{ V}$ , να υπολογίσετε το δυναμικό στο σημείο  $\Lambda$ .

**Μονάδες 7**

Να θεωρήσετε ότι το βάρος του σωματίου είναι αμελητέο.

Οι δύο φορτισμένες οριζόντιες μεταλλικές πλάκες του σχήματος συνδέονται με πηγή συνεχούς τάσης  $V$  και απέχουν απόσταση  $d$ . Στο χώρο μεταξύ των πλακών, στο μέσο της απόστασης τους, αιωρείται μικρή σταγόνα μάζας  $m = 2 \cdot 10^{-4} \text{ kg}$  και φορτίου  $q = -2 \cdot 10^{-7} \text{ C}$ .



**4.1.** Αν η σταγόνα ισορροπεί, να υπολογίσετε την ένταση του ομογενούς ηλεκτρικού πεδίου μεταξύ των πλακών.

**Μονάδες 6**

Διπλασιάζουμε την τάση της πηγής, διατηρώντας σταθερή την απόσταση των πλακών, οπότε η σταγόνα αρχίζει να κινείται κατακόρυφα.

**4.2.** Να προσδιορίσετε την κατεύθυνση προς την οποία θα κινηθεί η σταγόνα και να υπολογίσετε το μέτρο της επιτάχυνσης που θα αποκτήσει.

**Μονάδες 6**

**4.3.** Αν η σταγόνα φτάνει στη πλάκα, προς την οποία κινήθηκε, με ταχύτητα μέτρου  $1 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ , να υπολογίσετε την απόσταση  $d$  μεταξύ των πλακών.

### **Μονάδες 6**

**4.4.** Να υπολογίσετε το έργο της δύναμης του βάρους της σταγόνας καθώς και το έργο της ηλεκτρικής δύναμης του πεδίου κατά τη μετακίνηση της σταγόνας από την αρχική της θέση μέχρι τη στιγμή που φτάνει στην πλάκα προς την οποία κινήθηκε.

### **Μονάδες 7**

Δίνεται ότι η επιτάχυνση της βαρύτητας έχει τιμή  $g = 10 \frac{m}{s^2}$ . Η επίδραση του αέρα θεωρείται αμελητέα.

Ένας δορυφόρος έχει μάζα  $m = 5.000Kg$  και περιστρέφεται γύρω από την Γη σε κυκλική τροχιά και σε απόσταση  $h = 3R_\Gamma$  από την επιφάνεια της Γης. Η ακτίνα της Γης είναι  $R_\Gamma = 6.400km$  και η επιτάχυνση της βαρύτητας στην επιφάνεια της είναι  $g_0 = 10 \frac{m}{s^2}$ . Θεωρώντας την αντίσταση του αέρα αμελητέα, και την βαρυτική δυναμική ενέργεια σε πολύ μεγάλη απόσταση ίση με μηδέν, να βρεθούν:

**4.1.** το μέτρο της έντασης του βαρυτικού πεδίου της Γης στο ύψος που βρίσκεται η τροχιά του δορυφόρου.

### **Μονάδες 5**

**4.2.** το μέτρο της ταχύτητας περιστροφής του δορυφόρου καθώς και το χρονικό διάστημα στο οποίο ολοκληρώνει μία περιστροφή .

### **Μονάδες 6**

**4.3.** το μέτρο της μεταβολής της ορμής του δορυφόρου σε χρονικό διάστημα μισής περιόδου.

### **Μονάδες 6**

**4.4.** Με την βοήθεια ενσωματωμένων προωθητικών πυραύλων, ο δορυφόρος διπλασιάζει το μέτρο της ταχύτητάς του. Να αποδείξετε ότι ο δορυφόρος θα φύγει για πάντα από την βαρυτική έλξη της Γης και να βρεθεί η τελική του ταχύτητα.

### **Μονάδες 8**

Ένα σώμα μάζας  $m=1,2 kg$  κινείται πάνω σε οριζόντια κυκλική τροχιά ακτίνας  $R=0,2m$ . Η συνισταμένη των δυνάμεων που ασκούνται στο σώμα έχει μέτρο  $\Sigma F=600 N$  και κατεύθυνση προς το κέντρο της κυκλικής τροχιάς. Να υπολογίσετε:

**4.1.** Την κεντρομόλο επιτάχυνση του σώματος.

### **Μονάδες 4**

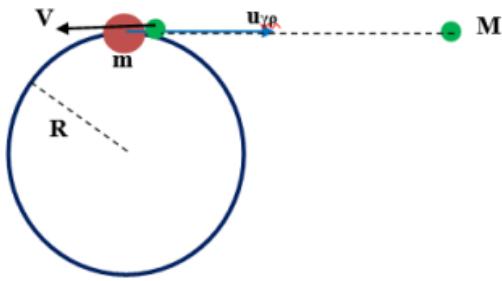
**4.2.** Την γωνιακή ταχύτητα του σώματος.

### **Μονάδες 6**

**4.3.** Το μήκος του τόξου που θα διαγράψει, σε χρόνο ίσο με το χρόνο κίνησης δεύτερου σώματος που εκτελεί ευθύγραμμη ομαλά επιταχυνόμενη κίνηση χωρίς αρχική ταχύτητα και αποκτά ταχύτητα  $u=54 m/s$  έχοντας επιτάχυνση  $\alpha=12m/s^2$ .

### **Μονάδες 7**

**4.4.** Το δεύτερο σώμα μάζας  $M=m/2$  συγκρούεται τελικά με το πρώτο σώμα σε κάποιο σημείο της κυκλικής τροχιάς του, έχοντας ταχύτητα  $V$  με κατεύθυνση αντίρροπη της γραμμικής ταχύτητας του του πρώτου σώματος τη στιγμή της κρούσης.



Αν η κρούση είναι πλαστική, να υπολογίσετε την ταχύτητα  $V$  του σώματος μάζας  $M$  ώστε το συσσωμάτωμα να έχει μηδενική κινητική ενέργεια μετά την κρούση.

**Μονάδες 8**

---

Ένας πύραυλος μάζας  $m=1200 \text{ kg}$  εκτοξεύεται από την επιφάνεια της Γης με αρχική ταχύτητα  $u_0=100 \text{ m/s}$  κατακόρυφα προς τα πάνω. Κάποια στιγμή φθάνει στο ανώτερο σημείο στο οποίο σταματά στιγμιαία. Εκείνη τη στιγμή εκρήγνυται σε 3 κομμάτια  $A$ ,  $B$  και  $G$ . Το κομμάτι  $A$  μάζας  $m_1=m/3$  αποκτά οριζόντια ταχύτητα  $u_A=30 \text{ m/s}$ , ενώ το κομμάτι  $B$ , μάζας  $m_B=500 \text{ kg}$ , εξακολουθεί να παραμένει ακίνητο και μετά την έκρηξη. Θεωρούμε ότι για όλες τις κινήσεις η επιτάχυνση της βαρύτητας  $g=10 \text{ m/s}^2$ , παραμένει σταθερή και ότι δεν υπάρχει ατμόσφαιρα. Να υπολογίσετε:

**4.1.** Το μέγιστο ύψος στο οποίο θα φθάσει ο πύραυλος.

**Μονάδες 5**

**4.2.** Την ταχύτητα του κομματιού  $G$ , αμέσως μετά την έκρηξη.

**Μονάδες 5**

**4.3.** Σε ποια θέση θα προσγειωθεί το κομμάτι  $A$  ως προς το σημείο της έκρηξης.

**Μονάδες 7**

**4.4.** Πόσο απέχουν τα κομμάτια  $A$  και  $G$  την στιγμή  $t=3 \text{ s}$  μετά την έκρηξη.

**Μονάδες 8**

---

## Δ ΘΕΜΑΤΑ ΤΘΔΔ ΙΕΠ

**16040/16041/16043/16053/16054/16074/16130/**

**16367/16460/16494/16496/16853**