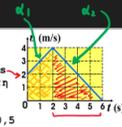


3.16 Σώμα εκτελεί μια σύνθετη κίνηση, το διάγραμμα $v-t$ της οποίας φαίνεται δίπλα.

α) $\square \Delta \checkmark$ Η αρχική ταχύτητα του σώματος είναι $v_0 = 2 \text{ m/s}$.
 β) $\square \Delta \checkmark$ Το σώμα αρχικά κινείται προς τα δεξιά και στη συνέχεια προς τα αριστερά ($v > 0$ (6 m/s)).
 γ) $\square \Delta \checkmark$ Η συνολική μετατόπιση είναι $\Delta x_{\text{ολ}} = 14 \text{ m}$.
 δ) $\square \Delta \checkmark$ Για τις δύο επιταχύνσεις ισχύει: $a_1/a_2 = -0,5$.
 ε) $\square \Delta \checkmark$ Η μέση ταχύτητα της συνολικής κίνησης είναι $v_m = 2,66 \text{ m/s}$.



$$\Delta x_1 = \frac{(6+2) \cdot 2}{2} = 6 \text{ m} \quad \Delta x_{\text{ολ}} = 6 + 8 = 14 \text{ m}$$

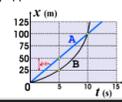
$$\Delta x_2 = \frac{6 \cdot 2}{2} = 4 \text{ m} \quad S_{\text{ολ}} = 14 \text{ m}$$

$$\left. \begin{aligned} a_1 &\rightarrow a_1 = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{4-2}{2-0} = 1 \text{ m/s}^2 \\ a_2 &\rightarrow a_2 = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{0-4}{6-2} = -1 \text{ m/s}^2 \end{aligned} \right\} \Rightarrow \frac{a_1}{a_2} = \frac{1}{-1} = -1$$

$$v_m = \frac{S_{\text{ολ}}}{\Delta t_{\text{ολ}}} = \frac{14}{5} = 2,8 \text{ m/s}$$

3.20 Δύο σώματα ξεκινούν μαζί εκτελώντας, το Α ΕΟΚ και το Β ΕΟΕΚ χωρίς αρχική ταχύτητα. Δίνεται το κοινό διάγραμμα $x-t$:

i) τα σώματα συναντιούνται τη στιγμή $t = 10 \text{ sec}$.
 ii) τα σώματα συναντιούνται στη θέση $x = 100 \text{ m}$.
 iii) τη στιγμή $t = 5 \text{ sec}$ τα σώματα απέχουν $d = 25 \text{ m}$.
 iv) η ταχύτητα του Α είναι $v_A = 10 \text{ m/s}$.
 v) η επιτάχυνση του Β είναι $a_B = 2 \text{ m/s}^2$.
 vi) τη στιγμή της συνάντησης $v_A = v_B$ με $k = \frac{1}{2}$.



$$v_A = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{100-0}{10-0} = 10 \text{ m/s}$$

$$x_B = \frac{1}{2} a_B t^2 \Rightarrow 100 = \frac{1}{2} a_B \cdot 10^2 \Rightarrow 1 = \frac{1}{2} a_B \Rightarrow a_B = 2 \text{ m/s}^2$$

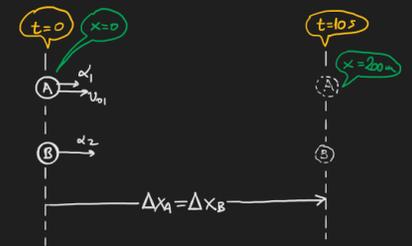
$$iv) \quad \left. \begin{aligned} v_A &= 10 \text{ m/s} = 6 \text{ m/s} \\ v_B &= a_B t_{\text{συν}} = 2 \cdot 10 = 20 \text{ m/s} \end{aligned} \right\} v_B = 2 v_A \Rightarrow v_A = \frac{1}{2} v_B$$

HW : 3.23
 3.24
 3.26

3.22 Δύο σώματα ξεκινούν από το ίδιο σημείο, με επιταχύνσεις:

$a_1 = 2 \text{ m/s}^2$ & $a_2 = 4 \text{ m/s}^2$

Το πρώτο έχει αρχική ταχύτητα $v_0 = 10 \text{ m/s}$ ενώ το δεύτερο δεν έχει.



Συνθήκες συνάντησης: $\Delta x_A = \Delta x_B \Rightarrow$

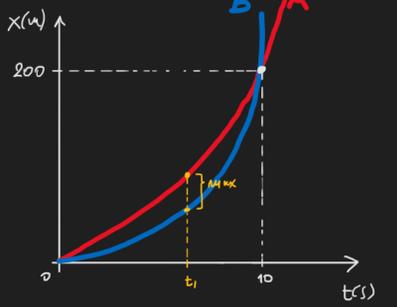
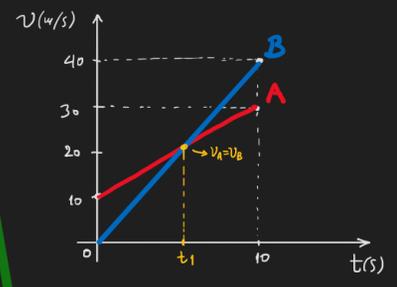
$$v_0 t + \frac{1}{2} a_1 t^2 = \frac{1}{2} a_2 t^2 \Rightarrow 10t + \frac{1}{2} \cdot 2 t^2 = \frac{1}{2} \cdot 4 t^2 \Rightarrow 10t = 2t^2 - t^2 \Rightarrow 10t = t^2 \Rightarrow t = 10 \text{ sec}$$

$$\Delta x_B = \frac{1}{2} a_2 t^2 = \frac{1}{2} \cdot 4 \cdot 10^2 = 200 \text{ m}$$

$$\Delta x_A = v_0 t + \frac{1}{2} a_1 t^2 = 10 \cdot 10 + \frac{1}{2} \cdot 2 \cdot 10^2 = 100 + 100 = 200 \text{ m}$$

$$v_A = v_0 + a_1 t = 10 + 2 \cdot 10 = 30 \text{ m/s}$$

$$v_B = a_2 t = 4 \cdot 10 = 40 \text{ m/s}$$



$$v_A = v_B \Rightarrow t_1 = \dots \quad \left. \begin{aligned} \Delta x_A(t_1) &= \dots \\ \Delta x_B(t_1) &= \dots \end{aligned} \right\} d_{\text{ολ}} = \Delta x_A - \Delta x_B = \dots$$

???