

ΘΕΜΑ 4

Δίνονται τα διανύσματα $\vec{a}$ και $\vec{b}$ με μέτρα 2 , 6 αντίστοιχα και $\phi \in [0, \pi]$ η μεταξύ τους γωνία.

Επίσης δίνεται η εξίσωση $(\vec{a}\vec{b} + 12)x + (\vec{a}\vec{b} - 12)\psi - 5 = 0$ (1).

α) Να αποδείξετε ότι η (1) παριστάνει ευθεία για κάθε $\phi \in [0, \pi]$. (Μονάδες 3)

β) Αν η παραπάνω ευθεία είναι παράλληλη στον άξονα $\psi'\psi$, να αποδείξετε ότι $\vec{b} = 3\vec{a}$
(Μονάδες 7)

γ) Αν η παραπάνω ευθεία είναι παράλληλη στον άξονα $\chi'\chi$, να αποδείξετε ότι $\vec{b} = -3\vec{a}$
(Μονάδες 7)

δ) Αν η παραπάνω ευθεία είναι παράλληλη στην διχοτόμο πρώτης και τρίτης γωνίας των
αξόνων, να αποδείξετε ότι $\vec{b} \perp \vec{a}$ (Μονάδες 8)