

ΠΟΛΥΩΝΥΜΑ

Ερωτήσεις του τύπου “Σωστό-Λάθος”

- | | | |
|---|---|---|
| 1. * Οι πραγματικοί αριθμοί είναι σταθερά πολυώνυμα. | Σ | Λ |
| 2. * Το σταθερό πολυώνυμο 0 λέγεται μηδενικό πολυώνυμο. | Σ | Λ |
| 3. * Κάθε σταθερό και μη μηδενικό πολυώνυμο έχει βαθμό μη-
δέν. | Σ | Λ |
| 4. * Το μηδενικό πολυώνυμο είναι μηδενικού βαθμού. | Σ | Λ |
| 5. * Τα ίσα πολυώνυμα έχουν ίσες τιμές για όλες τις τιμές του x . | Σ | Λ |
| 6. * Ο βαθμός του γινομένου δυο μη μηδενικών πολυωνύμων
είναι ίσος με το γινόμενο των βαθμών των πολυωνύμων αυ-
τών. | Σ | Λ |
| 7. * Αν σε μια διαίρεση πολυωνύμων το υπόλοιπο είναι μηδέν, η
διαίρεση λέγεται τέλεια. | Σ | Λ |
| 8. * Αν το πολυώνυμο $P(x)$ έχει ρίζα το ρ , ισχύει $P(\rho) = 0$. | Σ | Λ |
| 9. * Αν τα πολυώνυμα $P(x)$ και $Q(x)$ έχουν για ρίζα το ρ , τότε
και το πολυώνυμο $P(x) + Q(x)$ έχει για ρίζα το ρ . | Σ | Λ |
| 10. * Αν το πολυώνυμο $P(x)$ έχει για ρίζα το 1, τότε και το πολυ-
ώνυμο $P(x - 1)$ έχει για ρίζα το 1. | Σ | Λ |
| 11. * Αν το πολυώνυμο $P(x)$ έχει για ρίζα το ρ , τότε το $P(-x)$
έχει για ρίζα το $-\rho$. | Σ | Λ |
| 12. * Αν σε μια διαίρεση πολυωνύμων που δεν είναι τέλεια, ο
διαιρέτης είναι τρίτου βαθμού, τότε το υπόλοιπο της διαίρε-
σης είναι ακριβώς δευτέρου βαθμού. | Σ | Λ |
| 13. * Αν ένα πολυώνυμο $P(x)$ διαιρεθεί με το $x - \rho$ και η διαίρεση
είναι τέλεια, τότε το υπόλοιπο της διαίρεσης $P(x) : \kappa(x - \rho)$,
$\kappa \in \mathbb{R}^*$ είναι κ . | Σ | Λ |

14. * Ένα πολυώνυμο $P(x)$ βαθμού κ διαιρούμενο με το $Q(x)$ βαθμού μ ($\kappa > \mu$) δίνει υπόλοιπο 0. Τότε κάθε ρίζα του $P(x)$ είναι ρίζα του $Q(x)$. Σ Λ
15. * Το πολυώνυμο $P(x) = x^6 + 3x^4 + x^2 + 5$ διαιρούμενο με το διώνυμο $x - \rho$ δίνει υπόλοιπο 0. Σ Λ
16. * Αν ένα πολυώνυμο $P(x)$ διαιρείται με το $(x - \rho)^2$ και η διαίρεση είναι τέλεια, τότε ισχύει $P(\rho) = 0$. Σ Λ
17. * Η γραφική παράσταση της συνάρτησης $f(x) = x^6 + (x - 1)^2 + 5$ βρίσκεται ολόκληρη πάνω από τον άξονα $x'x$. Σ Λ
18. * Η εξίσωση $x^{14} + 3x^{12} + 7 = 0$ έχει ρίζα ακέραιο αριθμό. Σ Λ
19. * Αν η εξίσωση $\sqrt{x-2} = a + x$, $a \in \mathbb{R}^*$ έχει λύση τον αριθμό ρ , τότε ισχύει $\rho \geq 2$. Σ Λ
20. * Η εξίσωση $\sqrt{x-1} - \sqrt{1-x} = 0$ είναι αδύνατη. Σ Λ

Ερωτήσεις πολλαπλής επιλογής

1. Το πολυώνυμο $P(x) = 3(x - 1)^2 - 3x^2 + 5$ είναι
 Α. μηδενικού βαθμού Β. πρώτου βαθμού Γ. δευτέρου βαθμού
 Δ. το μηδενικό πολυώνυμο Ε. τρίτου βαθμού
2. Αν το πολυώνυμο $P(x) = (\lambda^2 - 4)x^2 + (\lambda - 2)x - (\lambda + 2)$, $\lambda \in \mathbb{R}$ είναι πρώτου βαθμού τότε το λ είναι
 Α. - 2 Β. - 1 Γ. 0 Δ. 1 Ε. $\sqrt{2}$
3. Το πολυώνυμο $P(x) = (\lambda^2 - 1)x^3 + (1 - \lambda)x^2 - (\lambda + 1)x + \lambda + 8$ είναι σταθερό πολυώνυμο, όταν το λ ισούται με
 Α. - 1 Β. 0 Γ. 1
 Δ. για κάθε $\lambda \in \mathbb{R}$ Ε. για καμία τιμή του $\lambda \in \mathbb{R}$

4. Το πολυώνυμο $P(x) = (\lambda^5 - 1)x^3 + (\lambda^2 - 3\lambda + 2)x + \lambda - 1$ είναι το μηδενικό πολυώνυμο όταν ο πραγματικός αριθμός λ ισούται με
A. - 1 **B.** 0 **Γ.** 1 **Δ.** - 5 **Ε.** 5
5. Αν το πολυώνυμο $P(x) = (\lambda^5 - 1)x^5 + (1 - \lambda)x + 8$, $\lambda \in \mathbb{R}$ είναι μηδενικού βαθμού, τότε το πολυώνυμο $q(x) = (\lambda^3 - 1)x^3 - (1 - \lambda^2)x^2 + (\lambda + 1)x - (1 - \lambda)$ είναι
A. τρίτου βαθμού **B.** δευτέρου βαθμού **Γ.** πρώτου βαθμού
Δ. μηδενικού βαθμού **Ε.** το μηδενικό πολυώνυμο
6. Τα πολυώνυμα $P(x) = x^3 - \beta x + 5$ και $Q(x) = x^3 + \beta x^2 + 5 - \beta$, $\beta \in \mathbb{R}$ είναι ίσα όταν ο β ισούται με
A. - 1 **B.** 0 **Γ.** 1 **Δ.** 5 **Ε.** - 5
7. Αν τα πολυώνυμα $P(x) = \lambda^{v+1}x^v + (2\lambda - 3)x^2 + x - 1$ και $q(x) = \lambda x^{1998} - 3x^2 + x - (\lambda + 1)$ είναι ίσα, τότε ο πραγματικός αριθμός λ είναι
A. 1 **B.** - 1 **Γ.** 0 **Δ.** 1998
Ε. κάθε πραγματικός αριθμός
8. Το πολυώνυμο $P(x) = \alpha_v x^v + \alpha_{v-1} x^{v+1} + \dots + \alpha_0$ έχει για ρίζα το μηδέν. Τότε για το α_0 ισχύει
A. $\alpha_0 > 0$ **B.** $\alpha_0 < 0$ **Γ.** $\alpha_0 = \alpha_v$ **Δ.** $\alpha_0 = 0$
Ε. κανένα από τα προηγούμενα
9. Ποια από τις παρακάτω προτάσεις είναι ψευδής;
A. Αν $P(\rho) = 0$ τότε το ρ είναι ρίζα του $P(x)$
B. Κάθε σταθερό και μη μηδενικό πολυώνυμο έχει βαθμό μηδέν
Γ. Για το μηδενικό πολυώνυμο δεν ορίζεται βαθμός
Δ. Ο βαθμός του γινομένου δυο μη μηδενικών πολυωνύμων είναι ίσος με το γινόμενο των βαθμών των πολυωνύμων αυτών.
Ε. Τα ίσα πολυώνυμα έχουν ίσες τιμές για όλες τις τιμές του x

10. Έστω $P(x)$ σταθερό πολυώνυμο και $P(2) = 5$. Τότε το $P(-2)$ ισούται με
A. 5 **B.** - 5 **Γ.** 2 **Δ.** - 2 **Ε.** 0
11. Δίνεται το πολυώνυμο $P(x) = x^{1998} + 1$. Αν $P(\alpha + 1997) = 1$, τότε για τον πραγματικό αριθμό α ισχύει
A. $\alpha > 1997$ **B.** $\alpha > 1998$ **Γ.** $\alpha = 1997$
Δ. $\alpha = -1997$ **Ε.** κανένα από τα προηγούμενα
12. Αν για το πολυώνυμο $P(x)$ ισχύει: $(x^2 - 1) \cdot P(x) = x^6 - 2x^4 + 5x - 8$, τότε το $P(x)$ είναι
A. τρίτου βαθμού **B.** τέταρτου βαθμού **Γ.** πέμπτου βαθμού
Δ. έκτου βαθμού **Ε.** κανένα από τα προηγούμενα
13. Αν ένα πολυώνυμο $P(x)$ έχει ρίζα το - 2, τότε διαιρείται με το διώνυμο
A. $x - 2$ **B.** $x + 2$ **Γ.** $2x + 1$ **Δ.** $2x - 1$ **Ε.** $2 - x$
14. Αν ένα πολυώνυμο $P(x)$ έχει ρίζες τους αριθμούς 2 και - 1, τότε διαιρείται με τα διώνυμα
A. $x - 2$ και $x - 1$ **B.** $x + 2$ και $x - 1$ **Γ.** $x + 2$ και $x + 1$
Δ. $x - 2$ και $x + 1$ **Ε.** $2x - 1$ και $2x + 1$
15. Αν η διαίρεση ενός πολυωνύμου $P(x)$ με το διώνυμο $2x + 1$ είναι τέλεια, τότε το $P(x)$ έχει ρίζα του τον αριθμό
A. 2 **B.** - 2 **Γ.** 1 **Δ.** $-\frac{1}{2}$ **Ε.** $\frac{1}{2}$
16. Αν ένα πολυώνυμο πέμπτου βαθμού διαιρείται με ένα τρίτου βαθμού, τότε το πηλίκο είναι
A. το πολύ δευτέρου βαθμού **B.** τουλάχιστον δευτέρου βαθμού
Γ. ακριβώς δευτέρου βαθμού **Δ.** ακριβώς τρίτου βαθμού
Ε. τουλάχιστον τρίτου βαθμού

17. Αν σε μια διαίρεση πολυωνύμων που δεν είναι τέλεια, ο διαιρέτης είναι τρίτου βαθμού, τότε το υπόλοιπο της διαίρεσης είναι
- A. τουλάχιστον τρίτου βαθμού
 B. ακριβώς τρίτου βαθμού
 Γ. ακριβώς δευτέρου βαθμού
 Δ. το πολύ δευτέρου βαθμού
 Ε. τουλάχιστον δευτέρου βαθμού
18. Το πολυώνυμο $P(x) = x^8 + x^4 + x^2 + 3$ το διαιρούμε με το διώνυμο $x - \rho$. Αν είναι v το υπόλοιπο αυτής της διαίρεσης, τότε
- A. $v > 0$ B. $v < 0$ Γ. $v = 0$ Δ. $v \leq 0$
 Ε. κανένα από τα προηγούμενα
19. Αν ένα πολυώνυμο $P(x)$ διαιρεθεί με το $x - \rho$ και η διαίρεση είναι τέλεια, τότε το υπόλοιπο της διαίρεσης του $P(x) : \kappa(x - \rho)$, $\kappa \in \mathbb{R}^*$ είναι
- A. κ B. $-\kappa$ Γ. 0
 Δ. $-\kappa\rho$ Ε. $\kappa\rho$
20. Αν ένα πολυώνυμο $P(x)$ διαιρούμενο με το $Q(x)$ δίνει υπόλοιπο 0 [ο βαθμός του $P(x)$ είναι μεγαλύτερος του βαθμού του $Q(x)$], τότε
- A. Κάθε ρίζα του $P(x)$ είναι και ρίζα του $Q(x)$
 B. Αν ρ δεν είναι ρίζα του $Q(x)$ τότε δεν είναι ρίζα και του $P(x)$
 Γ. Ο ρ είναι ρίζα του $Q(x)$ αν και μόνο αν ο ρ είναι ρίζα του $P(x)$
 Δ. Κάθε ρίζα του $Q(x)$ είναι και ρίζα του $P(x)$
 Ε. Το $P(x)$ έχει ρίζες μόνο τις ρίζες του $Q(x)$
21. Για ποιο από τα παρακάτω πολυώνυμα μπορείτε με βεβαιότητα και χωρίς δοκιμή να πείτε ότι δεν μπορεί να έχει παράγοντα της μορφής $x - \rho$;
- A. $x^3 - 2x^2 + x - 1$ B. $4x^5 - 1$
 Γ. $2x^4 - x^2 + x - 7$ Δ. $x^6 - x^4 + 2x^2 - 9$ Ε. $x^8 + 2x^6 + 5$

22. Το πολυώνυμο $P(x)$ (βαθμού μεγαλύτερου ή ίσου του τρία) διαιρείται με το $(x - \rho)^3$ και η διαίρεση είναι τέλεια. Το υπόλοιπο της διαίρεσης $P(x) : (x - \rho)$ είναι
- A. -3 B. -1 Γ. 0 Δ. 1 Ε. 3
23. Ποια από τις παρακάτω εξισώσεις δεν έχει ρίζα ακέραιο αριθμό
- A. $x^2 - 5x + 6 = 0$ B. $x^3 - 2x^2 + x - 2 = 0$
Γ. $3x^4 - 2x^3 + x - 2 = 0$ Δ. $3x^4 + x^2 + 7 = 0$
Ε. $2x^3 + x + 3 = 0$
24. Ποιας συνάρτησης η γραφική παράσταση αποκλείεται να τέμνει τον άξονα $x'x$
- A. $f(x) = (x - 2)^2 + 2x - 4$ B. $g(x) = x^3 - 3x$
Γ. $h(x) = x^4 - 3x^2 + 2$ Δ. $k(x) = x^5 - 5x + 4$
Ε. $\Phi(x) = (x + 1)^4 + x^2 + 5$
25. Για ποιας συνάρτησης τη γραφική παράσταση μπορείτε να πείτε με βεβαιότητα και χωρίς καμιά δοκιμή ότι βρίσκεται ολόκληρη πάνω από τον άξονα $x'x$
- A. $f(x) = x^3 - 3x^2 + x + 2$ B. $g(x) = x^2 - 5x$
Γ. $h(x) = (x^3 - 1)^2 + x^4$ Δ. $k(x) = (x - 1)^2 - 2$
Ε. $\Phi(x) = x^4 + x^2 - 2$
26. Η εξίσωση $x^3 - 3x^2 + \kappa x + 2 = 0$, $\kappa \in \mathbb{Z}$ αποκλείεται να έχει ακέραια ρίζα τον αριθμό
- A. -1 B. 1 Γ. -2 Δ. 2 Ε. 3
27. Αν η εξίσωση $x^3 + \beta x^2 - x + \alpha = 0$, $\alpha, \beta \in \mathbb{Z}$, έχει ρίζα το 3, τότε ο α αποκλείεται να ισούται με
- A. 6 B. 10 Γ. 12 Δ. 15 Ε. 18

28. Η εξίσωση $\sqrt{3-x} = x + \kappa$, $\kappa \in \mathbb{R}^*$ αποκλείεται να έχει ρίζα τον αριθμό

- A. 1 B. -1 Γ. $\frac{2}{3}$ Δ. 4 Ε. $\frac{5}{4}$

29. Για να δεχθούμε το ρ για ρίζα της εξίσωσης $\sqrt{5-x} = \kappa^2 x$, $\kappa \in \mathbb{R}^*$ πρέπει

- A. $\rho \in (0, +\infty)$ B. $\rho \in (-\infty, 0)$ Γ. $\rho \in [5, +\infty)$
Δ. $\rho \in (-\infty, 5]$ Ε. $\rho \in [0, 5]$

30. Αν η εξίσωση $\sqrt{x-3} + \sqrt{\kappa-x} = \alpha$, $\alpha \in \mathbb{R}$, έχει οπωσδήποτε λύση, ποια τιμή δεν μπορεί να πάρει ο $\kappa \in \mathbb{R}^*$;

- A. 2 B. 3 Γ. 4 Δ. 5 Ε. 6

Ερωτήσεις ανάπτυξης

1. Δίνονται τα πολυώνυμα: $P(x) = x^3 - 2x$, $Q(x) = x^2 - 3x - 1$. Να βρεθούν:

- α) $P(x) + Q(x)$
β) $P(x) - Q(x)$
γ) $P(x) \cdot Q(x)$

2. Να βρεθεί η τιμή του $\lambda \in \mathbb{R}$ για την οποία το πολυώνυμο:

$$P(x) = (\lambda + 2)x^3 - (\lambda^2 + \lambda - 2)x + \lambda^2 - 4$$

να είναι το μηδενικό πολυώνυμο.

3. Αν $\alpha^3 + \beta^3 + \gamma^3 = 3\alpha\beta\gamma$ και $\alpha + \beta + \gamma \neq 0$, δείξτε ότι το πολυώνυμο

$$P(x) = (\alpha - \beta)x^2 + (\beta - \gamma)x + \gamma - \alpha$$
 είναι το μηδενικό πολυώνυμο.

4. Ναδειχθεί ότι το πολυώνυμο $P(x) = (\kappa - 2)x^2 + (2\lambda + 6)x + \kappa + \lambda - 3$

είναι διάφορο του μηδενικού.

5. Να βρεθεί για ποιες τιμές των κ, λ, μ είναι ίσα τα πολυώνυμα:
 $P(x) = \lambda x^2 - (\lambda - \kappa)x + \mu - 2\lambda$
 $Q(x) = (\mu - \lambda)x^2 + 4x + \kappa + \lambda.$
6. Να προσδιοριστεί ο $\alpha \in \mathbb{R}$ ώστε το πολυώνυμο
 $P(x) = 9x^3 - 3x^2 + 8x - 27$
να παίρνει τη μορφή $\alpha(x^3 + x) - 3x^2 + (x - 3)(x^2 + 3x + 9).$
7. Να βρεθεί πολυώνυμο $K(x)$ τέτοιο ώστε το τετράγωνό του να ισούται με το:
 $P(x) = x^4 + 2x^3 - 3x^2 - 4x + 4.$
8. Να δειχθεί ότι για κάθε $\kappa \in \mathbb{R}$ το πολυώνυμο
 $P(x) = (\kappa - 1)x^5 + (3\kappa^2 + 2)x^3 + \kappa x$
δεν έχει ρίζα το $\frac{1}{2}.$
9. Αν το πολυώνυμο $P(x) = x^2 + (\alpha - 1)x + 2\alpha$ έχει ρίζα το -1 αποδείξτε ότι το ίδιο ισχύει και για το $K(x) = x^3 + 4x^2 + (\alpha^2 - 1)x.$ Το αντίστροφο ισχύει;
10. Να βρεθεί πολυώνυμο $P(x)$ για το οποίο ισχύει:
 $(x^2 + 1)P(x) = 3x^5 + 2x^4 + x^3 - x^2 - 2x - 3$
11. Δίνεται το πολυώνυμο $P(x) = x^2 + 2x + 5.$ Να προσδιοριστεί ο πραγματικός αριθμός α αν ισχύει: $P(\alpha - 1) = 13.$
12. Να γίνουν οι διαιρέσεις:
α) $(2x^5 - x^3 + 2x^2 - 9) : (x^2 - 1)$
β) $(x^4 - 7x^3 + 2x - 15) : (x^3 + 5)$
γ) $(3x^3 - 4\alpha x + \alpha^2) : (x - 2\alpha)$
δ) $[7x^3 - (9\alpha + 7\alpha^2)x + 9\alpha^2] : (x - \alpha)$

13. Να βρείτε το πολυώνυμο $f(x)$ το οποίο όταν διαιρεθεί με το $x^2 + 1$, δίνει πηλίκο $3x - 1$ και υπόλοιπο $2x + 5$.
14. Να προσδιορίσετε τους πραγματικούς αριθμούς κ, λ ώστε αν το πολυώνυμο $P(x) = x^4 + 1$ διαιρεθεί με το πολυώνυμο $x^2 + \kappa x + \lambda$ να αφήνει υπόλοιπο 0.
15. Αν το πολυώνυμο $f(x) = x^3 + \alpha x^2 + \beta x + 4$ διαιρείται ακριβώς με το $x - 2$ και εάν επιπλέον $f(1) = 8$, να προσδιοριστούν τα α, β .
16. Δίνεται το πολυώνυμο $P(x) = 2x^3 + \alpha x^2 - 13x + \beta$. Αν το $P(x)$ διαιρείται με το $x^2 - x - 6$, να προσδιορίσετε τα $\alpha, \beta \in \mathbb{R}$.
17. Δίνεται το πολυώνυμο $P(x) = \lambda^2 x^2 + 2(\lambda^2 - 3\lambda + 1)x - 3(4\lambda + 1)$. Δείξτε ότι το υπόλοιπο της διαίρεσης $P(x) : (x + 2)$ είναι ανεξάρτητο του λ .
18. Να αποδείξετε ότι αν το πολυώνυμο $P(x)$ έχει παράγοντα το $x - 5$, τότε το πολυώνυμο $P(2x - 3)$ έχει παράγοντα το $x - 4$.
19. Με τη βοήθεια του σχήματος Horner να βρείτε τα πηλίκα και τα υπόλοιπα των διαιρέσεων:
- α) $(x^3 - 2x^2 + 5x - 6) : (x - 2)$
 - β) $(2x^5 - x^4 + 6x^2 + 3) : (x + 1)$
 - γ) $[6x^3 - (2\alpha + 6\alpha^2)x + 3\alpha^2] : (x - \alpha), \alpha \in \mathbb{R}$
 - δ) $(x^6 - 4x^5 + x^2 - 2) : (2x - 1)$
 - ε) $(x^5 - \frac{1}{\lambda^2} x^3 + \lambda x^2 - 2) : (\lambda x + 1), \lambda \in \mathbb{R}^*$
20. Να προσδιοριστούν οι πραγματικοί αριθμοί κ, λ ώστε το πολυώνυμο $P(x) = x^3 - \kappa x^2 + (\lambda - 1)x + 5$ να έχει για παράγοντα το $(x - 1)(x + 2)$.

21. Να προσδιοριστούν οι πραγματικοί αριθμοί α, β ώστε το πολυώνυμο $P(x) = x^3 - x^2 - (3 + \alpha)x + \beta + 10$ να έχει για παράγοντα το $(x - 2)^2$.
22. Το πολυώνυμο $P(x)$ διαιρούμενο με $x - 2$ αφήνει υπόλοιπο 10 και διαιρούμενο με $x + 3$ αφήνει υπόλοιπο 5. Να βρεθεί το υπόλοιπο της διαίρεσης του $P(x)$ με το $(x - 2)(x + 3)$.
23. Να βρεθούν (αν υπάρχουν) οι ακέραιες λύσεις των εξισώσεων:
- α) $x^3 - 8x + 7 = 0$
 - β) $x^4 - 5x^3 + 6x^2 + x - 2 = 0$
 - γ) $(x^3 - 2x)x + x + 2 = 0$
 - δ) $(x - 1)(x^4 + 4) - 3(x + 4) = 0$
 - ε) $x^4 - 2x^3 - 7x^2 + 8x + 12 = 0$
24. Αν κ ακέραιος αριθμός ναδειχθεί ότι η εξίσωση: $5x^{2\kappa} + 9\kappa x - 1 = 0$ δεν έχει ακέραιες ρίζες.
25. Να λυθούν οι ανισώσεις:
- α) $x^3 - 2x^2 - x + 2 > 0$
 - β) $x^3 + 3x \geq 5x^2 - 9$
 - γ) $3x^4 - x^3 - 9x^2 + 9x - 2 \leq 0$
 - δ) $x^4 - 3x^3 + 6x \leq 4$
26. Δίνεται η εξίσωση $x^5 - \alpha x^3 + \beta x^2 + x - 1 = 0$. Να βρεθούν οι πραγματικοί αριθμοί α, β ώστε η εξίσωση να έχει το ανώτερο δυνατό πλήθος ακέραιων ριζών.
27. Να λύσετε τις εξισώσεις:
- α) $x^6 - 9x^3 + 8 = 0$
 - β) $(x^2 + 3x - 2)^6 - 9(x^2 + 3x - 2)^3 + 8 = 0$
 - γ) $(x + 2)^8 - 3(x + 2)^4 - 4 = 0$
 - δ) $\left(\frac{x-1}{x}\right)^2 - 5\left(\frac{x-1}{x}\right) + 6 = 0$

28. Να λυθούν οι εξισώσεις:

$$\alpha) \frac{x}{x-1} + \frac{x+2}{x+1} = \frac{2}{x^2-1}$$

$$\beta) \frac{x^2+2x-4}{x-2} = x^2$$

29. Να λυθούν οι ανισώσεις:

$$\alpha) \frac{x^3+2x-4}{x-2} < 1$$

$$\beta) \frac{x^2}{x+1} - \frac{4}{x-1} \leq \frac{2}{x^2-1}$$

30. Να λυθούν οι εξισώσεις:

$$\alpha) (2\eta\mu x - 1)^4 + 6(2\eta\mu x - 1)^2 - 7 = 0$$

$$\beta) 2\eta\mu^3 x + 5\eta\mu^2 x + 5\eta\mu x + 2 = 0$$

$$\gamma) 2\sigma\upsilon\nu^4 x - 5\sigma\upsilon\nu^3 x + 5\sigma\upsilon\nu x - 2 = 0$$

31. Να λυθούν οι εξισώσεις:

$$\alpha) \sqrt{x-3} = 5$$

$$\beta) x - \sqrt{25-x^2} = 1$$

$$\gamma) \sqrt{x} - \sqrt{x+1} = 2$$

$$\delta) 2\sqrt{5-4x} = 5-4x$$

$$\epsilon) \sqrt{x^2-x+5} = x-3$$

32. Να λυθούν οι ανισώσεις:

$$\alpha) \sqrt{x-2} < \sqrt{2x+1}$$

$$\beta) \sqrt{4x+1} < \sqrt{1-2x}$$