

ΛΥΣΗ

α) Η συνάρτηση $\eta\mu x$ είναι περιοδική με περίοδο 2π , οπότε για κάθε $x \in \mathbb{R}$ έχουμε:

$f(x+1) = \eta\mu(2\pi(x+1)) = \eta\mu(2\pi x + 2\pi) = \eta\mu(2\pi x) = f(x)$, άρα η συνάρτηση f είναι περιοδική με περίοδο $T = 1$.

Η εναλλακτικά: Η συνάρτηση είναι της μορφής $f(x) = \rho\eta\mu\omega x$, με $\rho = 1$ και $\omega = 2\pi$, οπότε είναι περιοδική με περίοδο $T = \frac{2\pi}{\omega} = \frac{2\pi}{2\pi} = 1$.

β) $f(0) = \eta\mu(2\pi \cdot 0) = \eta\mu(0) = 0$.

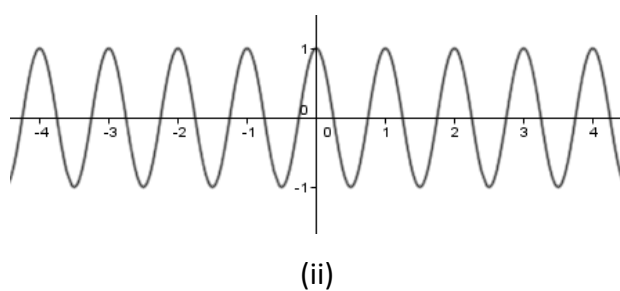
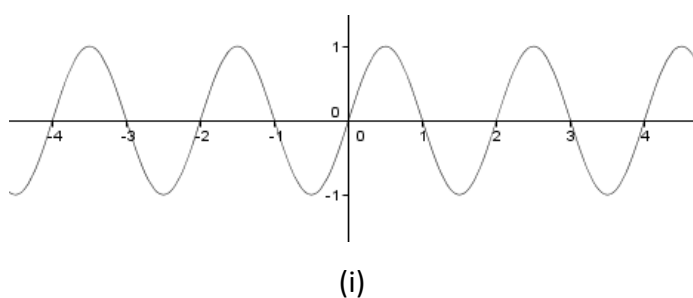
$f\left(\frac{1}{4}\right) = \eta\mu\left(2\pi \cdot \frac{1}{4}\right) = \eta\mu\left(\frac{\pi}{2}\right) = 1$.

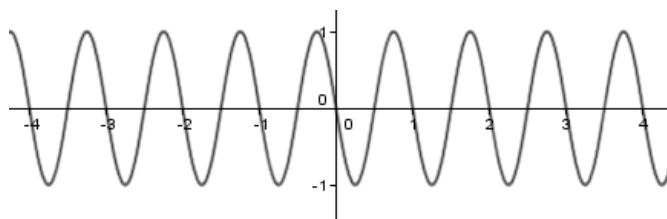
γ) Η καμπύλη (i) δεν είναι η ζητούμενη, καθώς αντιστοιχεί σε περιοδική συνάρτηση με περίοδο $T = 2$, ενώ η ζητούμενη έχει περίοδο $T = 1$ (από το α) ερώτημα).

Η καμπύλη (ii) δεν είναι η ζητούμενη, καθώς αντιστοιχεί σε συνάρτηση με $f(0) = 1$, ενώ για την ζητούμενη είναι $f(0) = 0$ (από το β) ερώτημα).

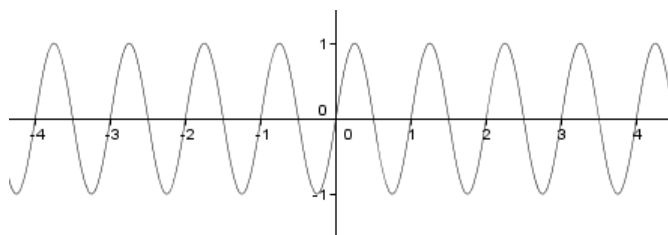
Η καμπύλη (iii) δεν είναι η ζητούμενη, καθώς αντιστοιχεί σε συνάρτηση με $f\left(\frac{1}{4}\right) = -1$, ενώ για την ζητούμενη είναι $f\left(\frac{1}{4}\right) = 1$ (από το β) ερώτημα).

Άρα, η καμπύλη που αντιστοιχεί στη γραφική παράσταση της συνάρτησης f είναι η καμπύλη (iv).





(iii)



(iv)