

$$E_1 = \frac{1}{2} AB \cdot v = \frac{1}{2} \cdot 6v = 3v \quad \text{και} \quad E_2 = \frac{1}{2} \Delta \Gamma \cdot v = \frac{1}{2} \cdot 3v$$

Άρα  $E_2 = \frac{1}{2} E_1$  ή διαφορετικά  $E_1 = 2E_2$ .

### Ερωτήσεις κατανόησης:

**22.19** Να εξετάσετε αν είναι σωστές ή λανθασμένες οι παρακάτω προτάσεις:

- a) Το εμβαδόν τετραγώνου πλευράς α είναι ίσο με  $\alpha^4$ .
- b) Το εμβαδόν τετραγώνου με περίμετρο 4 cm είναι  $4 \text{ cm}^2$ .
- c) Δύο ορθογώνια με ίσες διαστάσεις έχουν ίσα εμβαδά.
- d) Σε ένα ορθογώνιο τρίγωνο το γινόμενο της υποτείνουσας επί το αντίστοιχο ύψος είναι ίσο με το γινόμενο των κάθετων πλευρών.
- e) Το εμβαδόν ενός τραπεζίου με βάσεις β και Β και ύψος ν είναι  $E = \frac{1}{2} \beta v + \frac{1}{2} Bv$ .

**22.20** Να επιλέξετε τη σωστή απάντηση:

a) Το εμβαδόν του τριγώνου  $AB\Gamma$  σε  $\text{cm}^2$  είναι:

- |       |       |
|-------|-------|
| A. 48 | B. 30 |
| Γ. 40 | Δ. 24 |

b) Το μήκος του  $B\Delta$  σε cm είναι:

- |        |        |
|--------|--------|
| A. 4,8 | B. 4   |
| Γ. 3   | Δ. 2,4 |

c) Το εμβαδόν του παραλληλογράμμου  $AB\Gamma\Delta$  είναι:

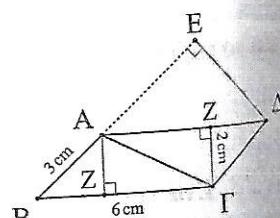
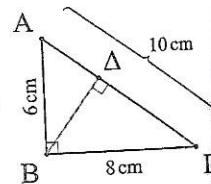
- |       |       |
|-------|-------|
| A. 6  | B. 12 |
| Γ. 18 | Δ. 9  |

d) Το μήκος του  $E\Delta$  σε cm είναι:

- |      |      |
|------|------|
| A. 6 | B. 4 |
| Γ. 5 | Δ. 3 |

e) Το εμβαδόν του τριγώνου  $AB\Gamma$  σε  $\text{cm}^2$  είναι:

- |      |       |
|------|-------|
| A. 6 | B. 9  |
| Γ. 3 | Δ. 12 |



- στ) Το εμβαδόν του τριγώνου ΚΛΜ σε  $\text{cm}^2$  είναι:

  - A. 54
  - B. 24
  - Γ. 36
  - Δ. 18

φ) Το μήκος του ΑΡ σε  $\text{cm}$  είναι:

  - A. 3
  - B. 2
  - Γ.  $\frac{3}{2}$
  - Δ.  $\frac{5}{2}$

η) Το εμβαδόν του τριγώνου ΕΓΔ σε  $\text{cm}^2$  είναι:

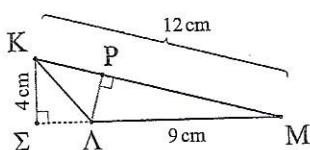
  - A. 100
  - B. 50
  - Γ. 40
  - Δ. δεν γνωρίζουμε

θ) Το μήκος της ΑΒ σε  $\text{cm}$  είναι:

  - A. 8
  - B. 16
  - Γ. 4
  - Δ. δεν γνωρίζουμε

ι) Το εμβαδόν του τραπεζίου ΑΒΓΔ σε  $\text{cm}^2$  είναι:

  - A. 100
  - B. 120
  - Γ. 160
  - Δ. δεν γνωρίζουμε



- 

**22.21 Ποιο είναι το εμβαδόν:**

- α) ενός τετραγώνου με πλευρά 13,5 cm
  - β) ενός ορθογωνίου με διαστάσεις 15 cm και 9 cm
  - γ) ενός τριγώνου με βάση 5 cm και ύψος 4 cm
  - δ) ενός παραλληλογράμμου με βάση 5 cm και ύψος 4,3 cm
  - ε) ενός τραπεζίου του οποίου η μεγάλη βάση είναι 11 cm, η μικρή βάση 7 cm και το ύψος 8 cm

## Ασκήσεις – Προβλήματα:

- 22.22 Να βρείτε το εμβαδόν ενός τετραγώνου με περίμετρο 64 cm.

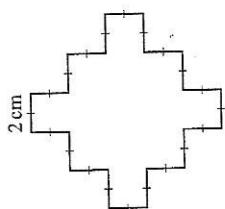
22.23 Ένα ορθογώνιο έχει εμβαδόν  $884 \text{ cm}^2$  και πλάτος 26 cm. Να βρείτε το μήκος του.

22.24 Να υπολογίσετε το εμβαδόν ενός ορθογωνίου με μήκος 25 cm και περίμετρο 80 cm.

Οι απαντήσεις βρίσκονται στο τέλος του βιβλίου.

22.25 Ένα ορθογώνιο έχει εμβαδόν  $243 \text{ dm}^2$  και μήκος τριπλάσιο από το πλάτος του. Να υπολογίσετε τις διαστάσεις του.

22.26 Να υπολογίσετε το εμβαδόν του σχήματος:



22.27 Ένα ορθογώνιο έχει μήκος  $16 \text{ m}$  και εμβαδόν ίσο με το εμβαδόν τετραγώνου πλευράς  $12 \text{ m}$ . Να βρείτε το πλάτος του ορθογωνίου.

22.28 Το δάπεδο ενός μπάνιου στρώθηκε με 108 ορθογώνια πλακάκια διαστάσεων  $20 \text{ cm}$  και  $30 \text{ cm}$ . Πόση είναι η επιφάνεια του μπάνιου;

22.29 Να υπολογίσετε την περίμετρο μιας ορθογώνιας πλατείας, η οποία έχει μήκος  $75 \text{ m}$  και εμβαδόν  $4,2 \text{ στρέμματα}$ .

22.30 Ένα χαλί σε σχήμα ορθογωνίου έχει διαστάσεις  $3,5 \text{ m}$  και  $2,45 \text{ m}$ . Να υπολογίσετε την αξία του, αν κοστίζει  $300 \text{ ευρώ} \text{ per } \text{m}^2$ .

22.31 Ένα φύλλο χαρτί έχει διαστάσεις  $30 \text{ cm}$  και  $21 \text{ cm}$ . Αν κόψουμε μιφλωρίδα από κάθε πλευρά πλάτους  $1,5 \text{ cm}$ , να βρείτε το εμβαδόν του φύλλου που απομένει.

22.32 Να υπολογίσετε:

α) το εμβαδόν ορθογωνίου με περίμετρο  $450 \text{ cm}$  και πλάτος  $9 \text{ dm}$

β) την περίμετρο ορθογωνίου με εμβαδόν  $3,2 \text{ m}^2$  και μήκος  $20 \text{ dm}$ .

22.33 Ένα τρίγωνο  $\text{ABC}$  έχει εμβαδόν  $50 \text{ cm}^2$  και το ύψος του  $\text{BE}$  είναι  $8 \text{ cm}$ . Να υπολογίσετε την πλευρά  $\text{AG}$ .

22.34 Ένα τρίγωνο  $\text{ABC}$  έχει εμβαδόν  $36 \text{ cm}^2$  και το ύψος του  $\text{GZ}$  είναι  $60 \text{ mm}$ . Να υπολογίσετε την πλευρά  $\text{AB}$ .

22.35 Ένα ορθογώνιο τρίγωνο  $\text{ABC}$  έχει κάθετες πλευρές  $\text{AB} = 9 \text{ cm}$  και  $\text{AG} = 12 \text{ cm}$ .

α) Να υπολογίσετε το εμβαδόν του.

β) Αν η υποτείνουσα του τριγώνου είναι  $\text{BG} = 15 \text{ cm}$ , να υπολογίσετε το ύψος του  $\text{AD}$ .

22.36 Η περίμετρος ενός ορθογωνίου τριγώνου  $\text{ABC}$  είναι  $48 \text{ cm}$ . Αν η υποτείνουσά του  $\text{BG}$  είναι  $20 \text{ cm}$  και η μία κάθετη πλευρά του είναι  $4 \text{ cm}$  μεγαλύτερη από την άλλη κάθετη, να υπολογίσετε το εμβαδόν του.

22.37 Το εμβαδόν ορθογωνίου και ισοσκελούς τριγώνου είναι  $32 \text{ cm}^2$ . Να βρείτε το μήκος καθεμίας κάθετης πλευράς του.

22.38 Σε ορθογώνιο και ισοσκελές τρίγωνο  $\text{ABC}$  είναι  $\text{AB} = \text{AG} = 6 \text{ cm}$ . Αν  $\text{M}$  είναι το μέσο της  $\text{AB}$ , να υπολογίσετε το εμβαδόν του τριγώνου  $\text{GMB}$ .

22.39 Παραλληλόγραμμο ΑΒΓΔ έχει εμβαδόν  $144 \text{ cm}^2$ . Αν η απόσταση των παραλλήλων πλευρών του ΑΒ και ΓΔ είναι  $16 \text{ cm}$ , να υπολογίσετε το μήκος της καθεμιάς.

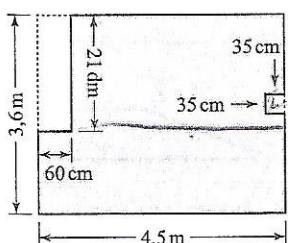
22.40 Ένα παραλληλόγραμμο έχει περίμετρο  $30 \text{ cm}$  και εμβαδόν  $35 \text{ cm}^2$ . Αν η μία πλευρά του είναι  $7 \text{ cm}$ , να υπολογίσετε τα ύψη του.

22.41 Ένα παραλληλόγραμμο έχει βάση  $6 \text{ cm}$  και εμβαδόν ίδιο με ένα τετράγωνο πλευράς  $5,2 \text{ cm}$ . Να βρείτε το ύψος του παραλληλογράμμου που αντιστοιχεί στη βάση αυτή.

22.42 Να υπολογίσετε το εμβαδόν τραπεζίου του οποίου η μικρή βάση είναι  $4 \text{ cm}$ , η μεγάλη βάση είναι τα  $\frac{7}{4} \text{ της μικρής}$  και το ύψος του είναι  $35 \text{ mm}$ .

\* \* \*

22.43 Να υπολογίσετε το εμβαδόν του σχήματος:



22.44 Να υπολογίσετε σε  $\text{m}^2$  το εμβαδόν

ενός ορθογωνίου, του οποίου το μήκος είναι τριπλάσιο από το πλάτος και η περίμετρός του είναι  $8800 \text{ dm}$ .

22.45 Σε μια νεοκατοικημένη περιοχή, γύρω από ένα οικοδομικό τετράγωνο πλευράς  $70 \text{ m}$ , πρόκειται να κατασκευαστεί πεζοδρόμιο πλάτους  $1,5 \text{ m}$ . Πόσες ορθογώνιες πλάκες θα χρειαστούν για να στρωθεί το πεζοδρόμιο, αν κάθε μία έχει μήκος  $5 \text{ dm}$  και πλάτος  $3 \text{ dm}$ ;

22.46 Ένα ορθογώνιο με διαστάσεις  $11 \text{ cm}$  και  $7 \text{ cm}$  έχει περίμετρο ίση με την περίμετρο ενός τετραγώνου. Να βρείτε ποιο έχει το μεγαλύτερο εμβαδόν.

22.47 Πρόκειται να περιφράξουμε με συρματόπλεγμα ένα χωράφι σχήματος ορθογωνίου με εμβαδόν  $6,075 \text{ στρέμματα}$  και πλάτος  $67,5 \text{ m}$ . Για τη στήριξη του συρματοπλέγματος χρειάζεται να τοποθετηθούν μεταλλικοί πάσσαλοι ανά  $1,5 \text{ m}$ .  
 α) Να βρείτε πόσοι πάσσαλοι θα χρειαστούν.

β) Πόσα χρήματα θα κοστίσει η περιφραξη, αν το μέτρο κοστίζει  $7,25 \text{ ευρώ}$ ;

22.48 Στο παρακάτω σχήμα η γραμμοσκιασμένη επιφάνεια είναι διάδρομος πλάτους  $11 \text{ ft}$  που περιβάλλει ένα γήπεδο με εμβαδόν  $3 \text{ στρέμματα}$  και πλάτος  $50 \text{ yrd}$ .

