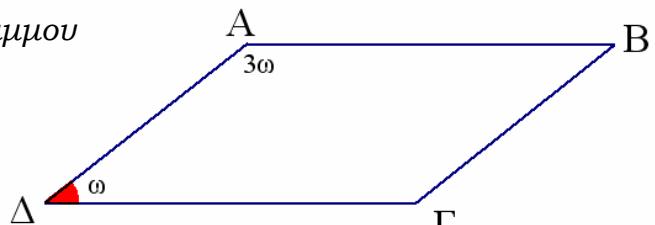


**ΦΥΛΛΟ ΕΡΓΑΣΙΑΣ 2<sup>ο</sup>**  
**(ΠΑΡΑΛΛΗΛΟΓΡΑΜΜΑ)**

1. Να υπολογίσετε τις γωνίες του παραλληλογράμμου

$AB\Gamma\Delta$ , αν είναι γνωστό ότι:  $\hat{A} = 3\hat{B}$ .



**ΛΥΣΗ :**

---



---

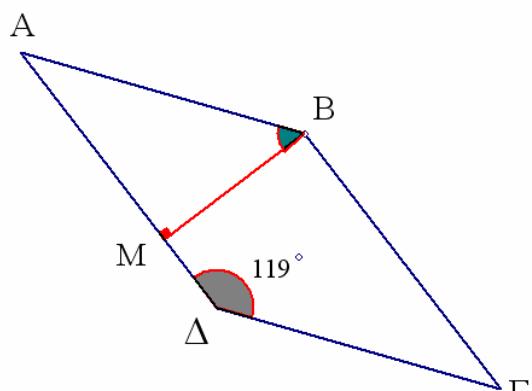


---



---

2. Σε παραλληλόγραμμο  $AB\Gamma\Delta$  φέρουμε από το  $B$  κάθετη στην  $A\Delta$  που την τέμνει στο  $M$ . Αν η γωνία  $\hat{\Delta}$  είναι ίση με  $119^\circ$ , να υπολογίσετε την γωνία  $\hat{A}\hat{B}M$



**ΛΥΣΗ :**

---



---



---



---



---



---

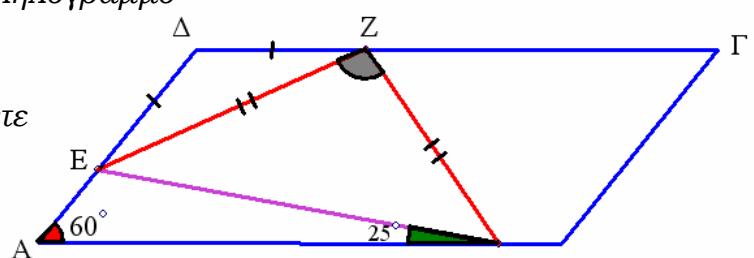


---

3. Στο διπλανό σχήμα το  $AB\Gamma\Delta$  είναι παραλληλόγραμμο

με  $ZE=ZH$  και  $\Delta E=\Delta Z$ .

Αν  $\hat{A}=60^\circ$  και  $\hat{A}\hat{H}E=25^\circ$ , να υπολογίσετε τη γωνία  $\hat{E}\hat{Z}H$ .



**ΛΥΣΗ :**

---



---



---



---



---

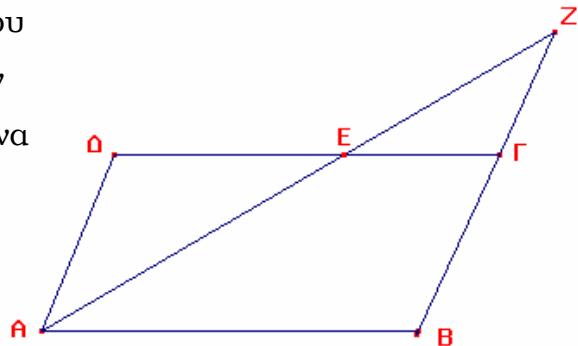


---



---

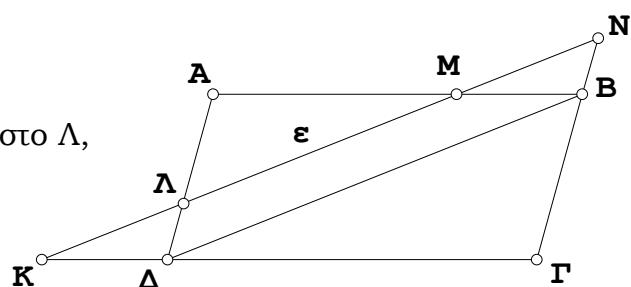
4. Στο διπλανό σχήμα η διχοτόμος της γωνίας  $A$  του παραλληλογράμμου τέμνει την  $\Gamma\Delta$  στο  $E$  και την προέκταση της  $B\Gamma$  στο  $Z$ . Αποδείξτε ότι τα τρίγωνα  $A\Delta E$ ,  $ABZ$ ,  $E\Gamma Z$  είναι ισοσκελή.



**ΛΥΣΗ :**

.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....

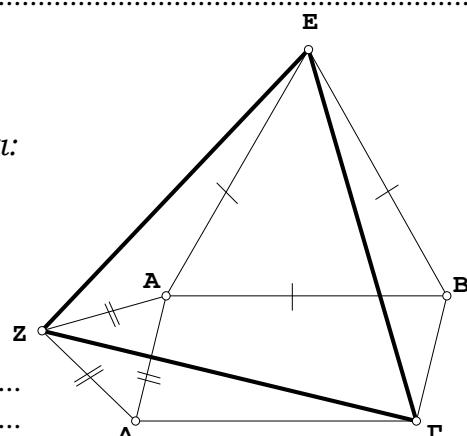
5. Δίνεται παραλληλόγραμμο  $AB\Gamma\Delta$  και μια ευθεία  $\varepsilon$  παραλληλή προς τη διαγώνιο  $B\Delta$ , η οποία τέμνει την ευθεία  $\Gamma\Delta$  στο  $K$ , την  $A\Delta$  στο  $L$ , την  $AB$  στο  $M$  και την  $\Gamma B$  στο  $N$ .  
Na αποδειχθεί ότι:  $KL = MN$



**ΛΥΣΗ :**

.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....

6. Εξωτερικά ενός παραλληλογράμμου  $AB\Gamma\Delta$  θεωρούμε τα ισόπλευρα τρίγωνα  $ABE$  και  $\Delta ZB$ . Na αποδειχθεί ότι:  
i)  $\widehat{EAZ} = \widehat{B} + 60^\circ$   
ii) το τρίγωνο  $EZ\Gamma$  είναι ισόπλευρο.



**ΛΥΣΗ :**

.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....