

ΦΥΛΛΟ ΕΡΓΑΣΙΑΣ
(ΙΣΟΤΗΤΑ ΤΡΙΓΩΝΩΝ)

ΔΕΔΟΜΕΝΑ (ΥΠΟΘΕΣΗ)	ΖΗΤΟΥΜΕΝΑ (ΣΥΜΠΕΡΑΣΜΑ)	ΣΧΗΜΑ
-----------------------	---------------------------	-------

Άσκηση 1 $\triangle AB\Gamma$ Ζ μέσο ΑΓ και $ZH=BZ$ Ε μέσο ΑΒ και $E\Theta=ΓΕ$	$A\Theta=AH$	
--	--------------------------------	--

Άσκηση 2 $\triangle AB\Gamma$ $AD=AB$ και $AE=A\Gamma$ $AD \perp AB$ και $AE \perp A\Gamma$	$\Gamma\Delta=BE$	
---	-------------------------------------	--

Άσκηση 3 $\triangle AB\Gamma$ ισοσκελές ($AB=A\Gamma$) $B\Delta=ΓΕ$ $BZ=ΓΗ$	$\Delta Z=EH$	
--	---------------------------------	--

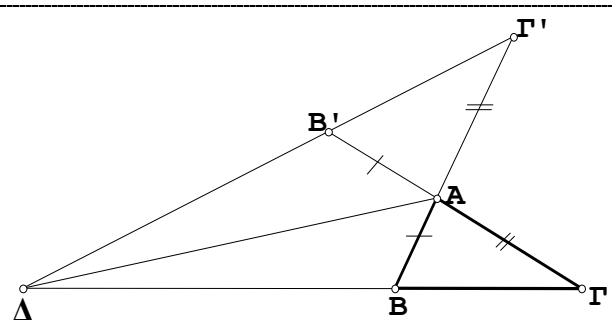
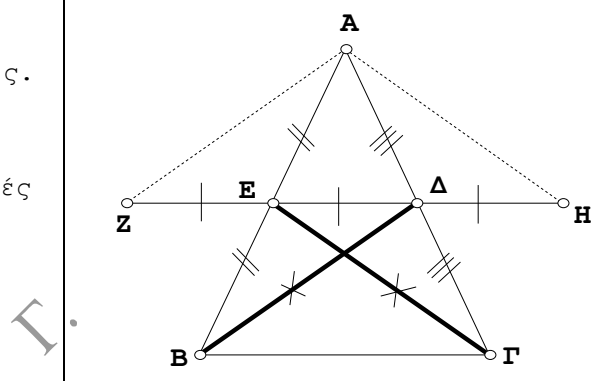
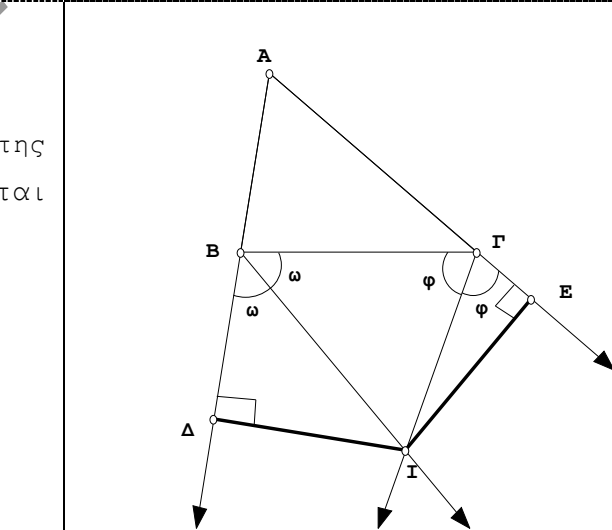
Άσκηση 4 $\triangle AB\Gamma$ ισοσκελές ($AB=A\Gamma$) $AE=AZ$ Μ μέσο της ΒΓ	$MZ=ME$	
--	---------------------------	--

ΔΕΔΟΜΕΝΑ (ΥΠΟΘΕΣΗ)	ΖΗΤΟΥΜΕΝΑ (ΣΥΜΠΕΡΑΣΜΑ)	ΣΧΗΜΑ
-----------------------	---------------------------	-------

Άσκηση 5 $\triangle AB\Gamma$ $AD=AB$ ΚΑΙ $AE=AG$ M μέσο $B\Gamma$ Z το σημείο τομής της προέκτασης της MA με τη DE	i) $\triangle AB\Gamma = \triangle AED$ ii) $\triangle AEZ = \triangle AM\Gamma$ iii) Z μέσο ED	
Άσκηση 6 $\triangle AB\Gamma$ $BE=AB$ και $\Gamma Z=AG$ $EH, Z\Theta \perp$ ευθεία $B\Gamma$	$EH=Z\Theta$	
Άσκηση 7 Γωνία $\hat{xOy}$ $OA=OG$ και $OB=OD$	i) $\triangle OBG = \triangle ODA$ ii) Η OK είναι η διχοτόμος της γωνίας $\hat{xOy}$	
Άσκηση 8 $\triangle AB\Gamma$ $B\Gamma=2AB$ $\hat{B}=2\hat{\Gamma}$ BD διχοτόμος της $\hat{B}$ M μέσο της πλευράς $B\Gamma$.	i) $\triangle B\Delta\Gamma$ ισοσκελές ii) $\Delta M \perp B\Gamma$ iii) $\triangle A\Delta B = \triangle B\Delta M$ iv) $\hat{A} = 90^\circ$	

ΔΕΔΟΜΕΝΑ (ΥΠΟΘΕΣΗ)	ΖΗΤΟΥΜΕΝΑ (ΣΥΜΠΕΡΑΣΜΑ)	ΣΧΗΜΑ
<u>Άσκηση 9</u> $\triangle AB\Gamma$ ισοσκελές ($AB=AG$) $\Gamma\epsilon \perp B\Gamma$ E σημείο τομής BA με ϵ $A\Delta \perp AB$ και $AZ \perp A\Gamma$	i) $\triangle A\epsilon\Gamma$ ισοσκελές ii) $\triangle AZ\Gamma = \triangle A\Delta E$ iii) $\Gamma\Delta = ZE$ i) $A\Delta = AZ$	
<u>Άσκηση 10</u> Κύκλος κέντρου K Σ εξωτερικό σημείο του $\Sigma AB, \Sigma\Gamma\Delta$ τέμνουσες τέτοιες, ώστε $\Sigma B = \Sigma\Delta$	i) ΣK διχοτόμος της Σ i) $AB = \Gamma\Delta$ ii) $\Sigma A = \Sigma\Gamma$	
<u>Άσκηση 11</u> $\triangle AB\Gamma$ με $AB < A\Gamma$ $A\Delta = A\Gamma$ και $A\epsilon = AB$ I σημείο τομής της ΔE με τη $B\Gamma$	i) $\triangle AB\Gamma = \triangle A\Delta E$ ii) $BI = IE$ iii) AI διχοτόμος της γωνίας $\hat{A}$	

ΔΕΔΟΜΕΝΑ (ΥΠΟΘΕΣΗ)	ΖΗΤΟΥΜΕΝΑ (ΣΥΜΠΕΡΑΣΜΑ)	ΣΧΗΜΑ
-----------------------	---------------------------	-------

Άσκηση 12 $\triangle AB\Gamma$ με $AB < A\Gamma$ $A\Gamma' = A\Gamma$ και $AB' = AB$ Δ σημείο τομής των $B'\Gamma', B\Gamma$	i) $\triangle AB\Gamma = \triangle AB'\Gamma'$ ii) $\triangle BB'A$ ισοσκελές. iii) Η διχοτόμος της γωνίας $\hat{A}$ διέρχεται από το A.	
Άσκηση 13 $\triangle AB\Gamma$ $B\Delta, \Gamma E$ διάμεσοι $B\Delta = \Gamma E$ προεκτείνουμε τη $E\Delta$ ώστε $ZE = E\Delta = \Delta H$	i) $\triangle AZH$ ισοσκελές. ii) $\triangle AZE = \triangle AH\Delta$ iii) $\triangle AB\Gamma$ ισοσκελές	
Άσκηση 14 $\triangle AB\Gamma$ Οι διχοτόμοι των εξωτερικών γωνιών $\hat{B}$ και $\hat{\Gamma}$ τέμνονται στο I $I\Delta \perp AB$ και $I\epsilon \perp A\Gamma$	i) $I\Delta = I\epsilon$ ii) Η διχοτόμος της γωνίας $\hat{A}$ διέρχεται από το σημείο I.	
Άσκηση 15 $\triangle AB\Gamma$ ϵ μεσοκάθετος της $B\Gamma$ Δ σημείο τομής της ϵ και της διχοτόμου της γωνίας $\hat{A}$ $\Delta E \perp AB$ και $\Delta Z \perp A\Gamma$	$\triangle E\Delta B = \triangle Z\Delta \Gamma$	