**ΕΝΔΕΙΚΤΙΚΟΣ ΕΒΔΟΜΑΔΙΑΙΟΣ ΠΡΟΓΡΑΜΜΑΤΙΣΜΟΣ**

**ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΑ ΠΡΟΣΑΝΑΤΟΛΙΣΜΟΥ Β ΛΥΚΕΙΟΥ Γ.Ε.Λ. 2024-25**

Με βάση τη διδακτέα και εξεταστέα  ύλη Υ.Α. με [Α.Π.**89004/Δ2/05-08-24 (ΦΕΚ 4545/Β/05-08-24),**](https://eclass.sch.gr/modules/document/file.php/PDE-PEK200/%CE%A6%CE%95%CE%9A%20%CE%92%204545_89004_%CE%942_1_8_24_%CE%A5%CE%9B%CE%97%20%CE%93%CE%95%CE%9B%20%CE%A4%CE%A1%20%CE%98%CE%95%CE%9C%CE%91%CE%A4%CE%A9%CE%9D.pdf)

τις  [**οδηγίες του Ι.Ε.Π.**](https://eclass.sch.gr/modules/document/file.php/PDE-PEK200/%CE%A3%CE%A5%CE%9D%201_106696_%CE%9C%CE%91%CE%98%CE%97%CE%9C%CE%91%CE%A4%CE%99%CE%9A%CE%91%20%CE%93%20%CE%93%CE%95%CE%9B%20%CE%93%CE%95%CE%9D%202024_25.pdf)με βάση τη με **[Αρ. Πρωτ.106682/Δ2 /18-09-2024](https://eclass.sch.gr/modules/document/file.php/PDE-PEK193/%CE%95%CE%9E%CE%95%20-%20106682%20-%202024%20-%20%CE%9F%CE%B4%CE%B7%CE%B3%CE%AF%CE%B5%CF%82%20%CE%B3%CE%B9%CE%B1%20%CF%84%CE%B7%20%CE%B4%CE%B9%CE%B4%CE%B1%CF%83%CE%BA%CE%B1%CE%BB%CE%AF%CE%B1%20%CF%84%CE%BF%CF%85%20%CE%BC%CE%B1%CE%B8%CE%AE%CE%BC%CE%B1%CF%84%CE%BF%CF%82%20%CF%84%CF%89%CE%BD%20%CE%9C%CE%B1%CE%B8%CE%B7%CE%BC%CE%B1%CF%84%CE%B9%CE%BA%CF%8E%CE%BD%20%CF%84%CE%B7%CF%82%20%CE%9F%CE%BC%CE%AC%CE%B4%CE%B1%CF%82%20%CE%A0%CF%81%CE%BF%CF%83%CE%B1%CE%BD%CE%B1%CF%84%CE%BF%CE%BB%CE%B9%CF%83%CE%BC%CE%BF%CF%8D%20%CE%98%CE%B5%CF%84%CE%B9%CE%BA%CF%8E%CE%BD%20%CE%A3%CF%80%CE%BF%CF%85%CE%B4%CF%8E%CE%BD%20%CF%84%CE%B7%CF%82%20%CE%92%20%CF%84%CE%AC%CE%BE%CE%B7%CF%82%20%CF%84%CE%BF%CF%85%20%CE%97%CE%BC%CE%B5%CF%81%CE%AE%CF%83%CE%B9%CE%BF%CF%85%20%CE%BA%CE%B1%CE%B9.pdf" \t "_blank)**

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **ΕΒΔΟΜΑ**  **ΔΙΑΙΟΣ ΠΡΟΓΡΑ**  **ΜΜΑΤΙΣΜΟΣ** | **ΕΝΟΤΗΤΑ** | **ΤΙΤΛΟΣ** | **ΠΑΡ/ΦΟΣ ΒΙΒΛΙΟΥ** | **ΩΡΕΣ** | **ΟΔΗΓΙΕΣ** |
| Η κατανομή των διδακτικών ωρών που προτείνεται είναι **ενδεικτική**. Μέσα σε αυτές τις ώρες περιλαμβάνεται ο χρόνος που θα χρειαστεί για ανακεφαλαιώσεις, γραπτές δοκιμασίες, εργασίες κλπ. Όσον αφορά στις προτεινόμενες δραστηριότητες, επαφίεται στην κρίση του διδάσκοντα η επιλογή εκείνων που θα εφαρμόσει στην τάξη. Ωστόσο, καλό είναι να εμπλουτιστεί το μάθημα με το συγκεκριμένο υλικό.   |  | | --- | | **Στο πλαίσιο του διδακτικού σχεδιασμού οι εκπαιδευτικοί, προκειμένου να αξιοποιήσουν τις προτεινόμενες διαδικτυακές πηγές από το διδακτικό υλικό ή/και τα διδακτικά βιβλία, να προβαίνουν σε επανέλεγχο της εγκυρότητάς τους, διότι ενδέχεται λόγω του δυναμικού τους χαρακτήρα ορισμένες από αυτές να είναι ανενεργές ή να οδηγούν σε διαφορετικό περιεχόμενο.** | | | | | | |
|  | **ΚΕΦΑΛΑΙΟ 1** | **ΔΙΑΝΥΣΜΑΤΑ** |  | **24** | Στην τάξη αυτή οι μαθητές/ήτριες θα ασχοληθούν με τις έννοιες και τον λογισμό των διανυσμάτων. Αυτά αποτελούν απαραίτητες γνώσεις προκειμένου να γίνει κατανοητή η θεμελίωση της Αναλυτικής Γεωμετρίας του επιπέδου που ακολουθεί, καθώς και η αντιμετώπιση πολλών καταστάσεων της πραγματικής ζωής και προβλημάτων της Ευκλείδειας Γεωμετρίας.  ***Εστίαση σε σημαντικές ιδέες στο κεφάλαιο των διανυσμάτων***  1.Το διάνυσμα αποτελεί χαρακτηριστικό παράδειγμα έννοιας που δομήθηκε από τη στενή αλληλεπίδραση Μαθηματικών και Φυσικής.  2. Ένα διάνυσμα μπορεί να αναπαρίσταται με διαφορετικούς τρόπους. Ως προσανατολισμένο ευθύγραμμο τμήμα (γεωμετρική αναπαράσταση) και ως αλγεβρικό αντικείμενο με τη βοήθεια συντεταγμένων. Σε κάθε περίπτωση, η σύνδεση των αλγεβρικών ή άλλων συμβολικών εκφράσεων με το αντίστοιχο σχήμα έχει κεντρική σημασία στην κατανόηση των εννοιών και των διαδικασιών. Προτείνεται λοιπόν, όποτε είναι δυνατόν, η συζήτηση των εννοιών, των ιδιοτήτων και των ασκήσεων να γίνεται σε άμεση αναφορά με το σχήμα και όχι μόνο στην αφηρημένη αλγεβρική μορφή τους.  3. Τα διανύσματα (όπως και οι εξισώσεις γραμμών) αξιοποιούνται στην απόδειξη προτάσεων και Θεωρημάτων της Ευκλείδειας Γεωμετρίας. |
| 11-13/09  16-20/09 |  | Η Έννοια του Διανύσματος | 1.1 | 2 | Το διάνυσμα εισάγεται ως προσανατολισμένο ευθύγραμμο τμήμα. |
| 23-27/09 |  | Πρόσθεση και Αφαίρεση Διανυσμάτων | 1.2 | 2 | Οι πράξεις της πρόσθεσης και του πολλαπλασιασμού διανύσματος με αριθμό, παρουσιάζονται με τη βοήθεια της γεωμετρικής εποπτείας |
| 30/09-04/10 |  | Πρόσθεση και Αφαίρεση Διανυσμάτων | 1.2 | 2 | και τονίζεται ιδιαίτερα ότι ένα οποιοδήποτε διάνυσμα  μπορεί να γραφτεί ως διαφορά , όπου Ο είναι ένα οποιοδήποτε σημείο του χώρου. |
| 7-11/10 |  | Πολλαπλασιασμός Αριθμού με Διάνυσμα (χωρίς τις Εφαρμογές 1 και 2) | 1.3. | 3 | Α) Προτείνεται να δοθεί έμφαση στη χρήση της ικανής και αναγκαίας συνθήκης παραλληλίας δύο διανυσμάτων  για την απόδειξη της συγγραμμικότητας τριών σημείων.  Β) Επειδή αρκετοί/ές μαθητές/ήτριες αντιλαμβάνονται τον τύπο  ως διαίρεση διανύσματος με αριθμό, καλό είναι να τονισθεί ότι η γραφή αυτή είναι μία σύμβαση και στην πραγματικότητα το 2ο μέλος είναι ο γραμμικός συνδυασμός των διανυσμάτων και  δηλαδή  .  Γ) Προτείνεται να γίνουν ασκήσεις μόνο από την Α΄ ομάδα. |
| 14-18/10 |  | Συντεταγμένες στο Επίπεδο (χωρίς την Εφαρμογή 2 που ακολουθεί την παράγραφο «Μέτρο Διανύσματος») | 1.4 | 3 | Προτείνεται να δοθεί έμφαση στο γεγονός ότι ένα διάνυσμα μπορεί να αναπαρίσταται με διαφορετικούς τρόπους. Ως προσανατολισμένο ευθύγραμμο τμήμα (γεωμετρική αναπαράσταση) και ως αλγεβρικό αντικείμενο με τη βοήθεια συντεταγμένων. Προτείνεται να τονισθεί επίσης η μοναδικότητα της έκφρασης διανύσματος με τις συντεταγμένες του. |
| 21-25/10 |  | 1.4. Συντεταγμένες στο Επίπεδο (χωρίς την Εφαρμογή 2 που ακολουθεί την παράγραφο «Μέτρο Διανύσματος») | 1.4 | 3 | Η έννοια των διανυσμάτων είναι σημαντική στη γεωμετρία εάν αναλογιστεί κανείς ότι η αμφιμονοσήμαντη αντιστοιχία ενός σημείου του επιπέδου με ένα διατεταγμένο ζεύγος πραγματικών αριθμών οδηγεί στην «αλγεβροποίηση» της Γεωμετρίας, δηλαδή στη μελέτη των γεωμετρικών σχημάτων με αλγεβρικές μεθόδους. Για αυτό τον λόγο προτείνεται να δοθεί έμφαση στη σύνδεση των εννοιών και διαδικασιών που περιέχονται στις προηγούμενες παραγράφους με την αναλυτική (αλγεβρική) έκφρασή τους, με άμεση όμως αναφορά στη γεωμετρική έκφραση, όπου είναι δυνατόν. |
| **Δευτέρα, 28/10/2024, ΓΙΟΡΤΗ 28ης Οκτωβρίου** | | | | | |
| 29/10-01/11 |  | 1.5. Εσωτερικό Γινόμενο Διανυσμάτων  (χωρίς την απόδειξη του τύπου της αναλυτικής έκφρασης Εσωτερικού Γινομένου και χωρίς την προβολή διανύσματος σε διάνυσμα) | 1.5 | 3 | Η πράξη του εσωτερικού γινομένου διανυσμάτων αφενός συνδέεται με έννοιες της Φυσικής, αφετέρου παρέχει επιπλέον εργαλεία ελέγχου της καθετότητας, της παραλληλίας κλπ. Ωστόσο, το εσωτερικό γινόμενο δύο διανυσμάτων είναι μια πράξη με αρκετές ιδιότητες με τις οποίες οι μαθήτριες/-ητές δεν είναι εξοικειωμένες/οι: το αποτέλεσμα του εσωτερικού γινομένου δύο διανυσμάτων δεν είναι διάνυσμα, το γινόμενο δύο διανυσμάτων μπορεί να είναι μηδέν ενώ κανένα από τα διανύσματα δεν είναι μηδενικό, δεν ισχύει η προσεταιριστική ιδιότητα, κ.α. Προτείνεται να συζητηθούν αναλυτικά αυτά τα χαρακτηριστικά, με αφορμή τόσο τους ορισμούς όσο και τις  ασκήσεις.  Προτείνεται να μη γίνουν οι Γενικές Ασκήσεις αλλά να αξιοποιηθούν οι ερωτήσεις κατανόησης (ενδεικτικά οι 5, 6, 7, 10, 11, 12) για την ανάπτυξη της μαθηματικής δραστηριότητας των μαθητών/ητριών στην τάξη (διερεύνηση, συζήτηση, επιχειρηματολογία).  ***Προτεινόμενες Δραστηριότητες***  Στη συνέχεια παρουσιάζονται μερικές δραστηριότητες που μπορούν να υλοποιηθούν στην τάξη με την εμπλοκή των μαθητών/ριών. Αν και είναι αυτονόητο, επισημαίνεται ότι, αν ένα πρόβλημα απαιτεί τύπους ή σχέσεις από άλλο επιστημονικό πεδίο, αυτά δίνονται στους/στις μαθητές/ήτριες.  **Δραστηριότητα 1** (συνδέει τα Μαθηματικά με τη Φυσική)  Η δύναμη του διαγράμματος έχει μέτρο Fp=20N και σχηματίζει γωνία θ0 με το οριζόντιο έδαφος. Το βαγονάκι σύρεται 100m κατά μήκος του εδάφους.  α) Να υπολογίστε το έργο  της δύναμης όταν η γωνία είναι 300.  β) Επιλέξτε δύο άλλες τιμές για τη γωνία και υπολογίστε το έργο σε κάθε περίπτωση. Συγκρίνοντας τα αποτελέσματα μπορείτε να διατυπώσετε κάποια εικασία;  ΣΧΟΛΙΟ  Η συγκεκριμένη δραστηριότητα στοχεύει να συνδέσει τα μαθηματικά με τη φυσική και εφαρμογές του πραγματικού κόσμου. Εστιάζει στο γεγονός ότι το έργο δεν είναι τίποτα άλλο, παρά το εσωτερικό γινόμενο δύο διανυσματικών μεγεθών. Της δύναμης και της μετατόπισης. |
| 04-08/11 |  | 1.5. Εσωτερικό Γινόμενο Διανυσμάτων  (χωρίς την απόδειξη του τύπου της αναλυτικής έκφρασης Εσωτερικού Γινομένου και χωρίς την προβολή διανύσματος σε διάνυσμα) | 1.5 | 3 | **Δραστηριότητα 2 (**δίνει τη δυνατότητα στον/στην μαθητή/ήτρια να συνδέει, διατυπώνει και αποδεικνύει προτάσεις της Ευκλείδειας Γεωμετρίας με τον διανυσματικό λογισμό, αλλά να ακολουθεί και την αντίστροφη πορεία)  Τα διανύσματα και του επιπέδου ικανοποιούν τη σχέση  |- |2=||2+||2  i) Να εξετάσετε αν η συγκεκριμένη σχέση ικανοποιείται για οποιαδήποτε διανύσματα και  του επιπέδου ή μόνο σε συγκεκριμένες περιπτώσεις.  ii) Προσπαθήστε να ερμηνεύσετε γεωμετρικά το προηγούμενο συμπέρασμά σας.  **Ενδεικτική λύση**  Η συγκεκριμένη δραστηριότητα συνδέει το διανυσματικό λογισμό με την Ευκλείδεια Γεωμετρία. Στο πρώτο ερώτημα αναμένεται, οι μαθητές/ήτριες να εφαρμόσουν τις ιδιότητες του εσωτερικού γινομένου και εργαζόμενοι, κυρίως αλγεβρικά, να καταλήξουν ότι η συγκεκριμένη σχέση ισχύει αν και μόνο αν τα διανύσματα είναι κάθετα.   |  |  | | --- | --- | | Με το δεύτερο ερώτημα επιχειρείται να οπτικοποιήσουν οι μαθητές/ήτριες τη δοθείσα σχέση. Έτσι, με σημείο αναφοράς το Ο θα κατασκευάζουν τα διανύσματα  =και = , οπότε θα είναι -=-=,όπως φαίνεται και στο διπλανό σχήμα. |  | | Οι μαθητέ/ήτριες, στη συνέχεια, αναμένεται να ερμηνεύσουν τα μέτρα των διανυσμάτων ως μήκη ευθυγράμμων τμημάτων, οπότε |  |   τη σχέση |- |2=||2+||2 θα την γράψουν στη μορφή:  (ΑΒ)2 =(ΟΑ)2 +(ΟΒ)2, για να καταλήξουν στο συμπέρασμα ότι ισχύει, αν και μόνο αν το τρίγωνο ΟΑΒ είναι ορθογώνιο, δηλαδή αν και μόνο αν τα διανύσματα και  και είναι κάθετα. |
| **Κυριακή, 17/11/2024, ΓΙΟΡΤΗ 17ης ΝΟΕΜΒΡΗ** | | | | | |
| 11-15/11 |  | 1.5. Εσωτερικό Γινόμενο Διανυσμάτων (χωρίς την απόδειξη του τύπου της αναλυτικής έκφρασης Εσωτερικού Γινομένου και χωρίς την προβολή διανύσματος σε διάνυσμα) | 1.5 | 3 | **Δραστηριότητα 3** (από το βιβλίο: THOMAS Απειροστικός λογισμός, Τόμος ΙΙ των Finney, Weir & Giordano, σελ. 697, ΠΕΚ, Ηράκλειο 2011 και αναφέρεται σε ένα πρόβλημα από τον πραγματικό κόσμο, όπου οι μαθητές/ήτριες μοντελοποιούν το πρόβλημα με χρήση των διανυσμάτων και απαντούν στο τέλος με τη φυσική γλώσσα).  Ένα αεροσκάφος που πετά προς ανατολάς με ταχύτητα 500 km/h απουσία ανέμου, συναντά άνεμο ταχύτητας 70 km/h, που πνέει σε κατεύθυνση ανατολική-βορειονατολική (οι κατευθύνσεις ορίζουν γωνία η οποία μετριέται από την πρώτη κατεύθυνση δηλ. την ανατολική, προς τη δεύτερη κατεύθυνση, δηλ. τη βορειοανατολική). Το αεροπλάνο διατηρεί τον προσανατολισμό του προς ανατολάς, ωστόσο λόγω του ανέμου, η ταχύτητα του ως προς το έδαφος αποκτά νέο μέτρο και κατεύθυνση. Βρείτε τη νέα κατεύθυνση του αεροσκάφους.  **Ενδεικτική λύση**  Έστω η ταχύτητα του αεροσκάφους πριν την επίδραση του ανέμου και η ταχύτητα του ανέμου.   |  |  | | --- | --- | | Τότε έχουμε: ||=500 και ||=70. Ζητείται το μέτρο και η φορά της συνισταμένης +. Υποθέτουμε ότι ο θετικός ημιάξονας των δείχνει προς την Ανατολή και ο θετικός ημιάξονας των y προς τον Βορρά. Στο σύστημα  αυτό το διάνυσμα =(500,0) και το  =(70 συν600, 70 ημ600 )=  (35,35). |  |   Επομένως, +=(535,35).και συνεπώς  |+|=538,4.  Επιπλέον, για τη γωνία θ που σχηματίζει η κατεύθυνση του αεροσκάφους με την ανατολική κατεύθυνση ισχύει:  που αντιστοιχεί σε γωνία 6,50.  Απάντηση: Η νέα ταχύτητα του αεροσκάφους θα είναι περίπου 538,4 km/h, ενώ η νέα πορεία του είναι περίπου  γωνία 6,50 ανατολική-βορειοανατολική.  **Β΄ τρόπος**  Μπορούμε να υπολογίσουμε το με χρήση του εσωτερικού τετραγώνου και τη γωνία των διανυσμάτων  και +με χρήση του εσωτερικού γινομένου. |
|  | **ΚΕΦΑΛΑΙΟ 2** | **Η ΕΥΘΕΙΑ ΣΤΟ ΕΠΙΠΕΔΟ** |  | 20 | Κατά τη φοίτηση τους στο Γυμνάσιο, οι μαθητές/ήτριες έχουν έλθει ήδη σε επαφή με έννοιες της Αναλυτικής Γεωμετρίας. Στην Β΄ Λυκείου σκοπεύουμε σε περαιτέρω εμβάθυνση θεμελιωδών ζητημάτων της Αναλυτικής Γεωμετρίας. Τα θέματα που σχετίζονται με την ευθεία παρουσιάζονται συστηματικότερα και με μεγαλύτερη πληρότητα και ακρίβεια. Τονίζεται η σημασία του συντελεστή διεύθυνσης (κλίσης) μιας ευθείας, με τη βοήθεια του οποίου διατυπώνονται οι συνθήκες παραλληλίας και καθετότητας δύο ευθειών. Επιπλέον, προσδιορίζονται οι διάφορες μορφές της εξίσωσης της ευθείας, η γενική της μορφή, καθώς και το σύνολο των ευθειών που διέρχονται από ένα σημείο. Με τη διδασκαλία αυτής της ενότητας επιδιώκεται οι μαθητές/ήτριες να εξοικειωθούν με τις μεθόδους της Αναλυτικής Γεωμετρίας, καθώς και να κατανοήσουν τις δυνατότητες που παρέχει ως μαθηματικό εργαλείο στη διερεύνηση και απόδειξη προτάσεων της Ευκλείδειας Γεωμετρίας, αλλά και σε περιοχές άλλων επιστημών. |
| 18-22/11 |  | Εξίσωση Ευθείας | 2.1 | 3 | Προτείνεται να δοθεί ιδιαίτερη έμφαση στους διαφορετικούς τρόπους με τους οποίους μπορεί να εκφρασθεί ο συντελεστής διεύθυνσης ευθείας και στο ότι δεν ορίζεται συντελεστής διεύθυνσης για την ευθεία που είναι παράλληλη στον άξονα yy’. |
| 25-29/11 |  | Εξίσωση Ευθείας | 2.1 | 3 | Να τονισθεί επίσης, ότι από το σημείο Μ(x0,y0) διέρχονται οι ευθείες με εξισώσεις: y - y0 = λ (x - y0) και x= x0 |
| 02-06/12 |  | Γενική Μορφή Εξίσωσης Ευθείας  (χωρίς την Εφαρμογή 2) | 2.2 | 3 | Να δοθεί έμφαση όχι μόνο στη γενική μορφή εξίσωσης ευθείας, αλλά και στη σχέση που υπάρχει μεταξύ των συντελεστών της εξίσωσης και των συντεταγμένων του διανύσματος που είναι παράλληλο ή κάθετο προς την ευθεία. Στην παράγραφο αυτή προτείνεται να συζητηθεί μια απόδειξη της διαδικασίας επίλυσης του γραμμικού συστήματος 2×2 με τη μέθοδο των οριζουσών, σε συνδυασμό με τη σχετική θέση δύο ευθειών στο επίπεδο. Επειδή δεν περιέχεται το σχετικό θέμα στο σχολικό βιβλίο, προτείνεται η παρακάτω διδακτική πορεία. |
| 09-13/12 |  | Γενική Μορφή Εξίσωσης Ευθείας  (χωρίς την Εφαρμογή 2) | 2.2 | 3 | Ας είναι  Εικόνα που περιέχει κείμενο, ρολόι  Περιγραφή που δημιουργήθηκε αυτόματα  οι εξισώσεις δύο ευθειών στο επίπεδο αντίστοιχα.  Τις εξισώσεις αυτές μπορούμε να τις γράψουμε ισοδύναμα ως εξής:  Εικόνα που περιέχει κείμενο  Περιγραφή που δημιουργήθηκε αυτόματα  Τότε λέμε ότι έχουμε ένα γραμμικό σύστημα δύο εξισώσεων με δύο αγνώστους ή αλλιώς ένα γραμμικό σύστημα ( 2×2). Τα διανύσματα =(Α1,Β1) και =(Α2,Β2) είναι κάθετα στις ευθείες ε1 και ε2 αντίστοιχα. Επομένως, θα προσδιορίζουν και τη σχετική θέση των ευθειών αυτών. Η ορίζουσα των διανυσμάτων  και  , η det( , )=, επειδή σχηματίζεται από τους συντελεστές των αγνώστων του συστήματος (1), ονομάζεται ορίζουσα του συστήματος και συμβολίζεται με D, δηλαδή D=.  Διακρίνουμε τις περιπτώσεις:   Αν τα διανύσματα =(Α1,Β1) και =(Α2,Β2) δεν είναι συγγραμμικά, τότε ισοδύναμα    Επομένως, οι ευθείες ε1 και ε2 τέμνονται. Το σημείο τομής έχει συντεταγμένες τη μοναδική λύση του συστήματος (1).   Αν η D=0 , τότε ισοδύναμα τα  και  είναι συγγραμμικά και επομένως, οι ευθείες ε1 και ε2 είναι παράλληλες. Να τονιστεί ότι η έννοια της παραλληλίας νοείται υπό την αναλυτική της έκφραση. Δηλαδή, οι ευθείες είτε δεν έχουν κανένα κοινό σημείο, είτε ταυτίζονται και έχουν άπειρα κοινά σημεία. Επομένως, όταν D=0 , τότε το σύστημα (1) είτε είναι αδύνατο, είτε έχει άπειρες λύσεις αντίστοιχα.  **Εναλλακτική προσέγγιση**  Αντί των καθέτων διανυσμάτων, θα μπορούσαμε να χρησιμοποιήσουμε τα διανύσματα  που είναι παράλληλα στις ευθείες ε1 και ε2 αντίστοιχα.  Τότε τα διανύσματα θα προσδιορίζουν και τη σχετική θέση των ευθειών αυτών. Διακρίνουμε τις περιπτώσεις:  Αν τα διανύσματα    δεν είναι συγγραμμικά, τότεΕικόνα που περιέχει κείμενο, ρολόι  Περιγραφή που δημιουργήθηκε αυτόματα  Η τελευταία σχέση γράφεται και D= ≠0 (2).  Η συγκεκριμένη ορίζουσα που αποτελείται  από τους συντελεστές των αγνώστων του συστήματος, λέγεται ορίζουσα του συστήματος. Η σχέση (2) σημαίνει ισοδύναμα ότι οι ευθείες τέμνονται και το σημείο τομής έχει  συντεταγμένες τη μοναδική λύση του συστήματος (1).  Όταν τα διανύσματα είναι παράλληλα, τότε  είναι παράλληλα, τότε και οι αντίστοιχες ευθείες ε1 και ε2 είναι παράλληλες. Να τονιστεί ότι η έννοια της παραλληλίας  νοείται υπό την αναλυτική της έκφραση. Δηλαδή, οι ευθείες είτε δεν έχουν κανένα κοινό σημείο,  είτε ταυτίζονται και έχουν άπειρα κοινά σημεία. Επομένως, όταν D=0 , τότε το σύστημα είτε είναι αδύνατο, είτε έχει άπειρες λύσεις. |
| 16-23/12 |  | Γενική Μορφή Εξίσωσης Ευθείας  (χωρίς την Εφαρμογή 2) | 2.2 | 3 | Σχόλιο  Προαιρετικά ο/η διδάσκων/ουσα θα μπορούσε, με τη βοήθεια των οριζουσών, να προχωρήσει στη διερεύνηση των συνθηκών κάτω από τις οποίες οι παράλληλες ευθείες δεν έχουν κανένα κοινό σημείο ή συμπίπτουν.  Εικόνα που περιέχει κείμενο  Περιγραφή που δημιουργήθηκε αυτόματα  Εικόνα που περιέχει κείμενο  Περιγραφή που δημιουργήθηκε αυτόματα  Προτείνεται να δοθεί έμφαση με απλά αριθμητικά παραδείγματα ότι στην περίπτωση όπου οι συντελεστές Α1,Β2,Α2,Β1 δεν είναι μηδέν η συνθήκη D= A1B2-A2B1=0 δηλώνει ότι οι συντελεστές είναι ανάλογοι και οι ευθείες έχουν ίσους συντελεστές διεύθυνσης, ενώ οι ορίζουσες Dx, Dy καθορίζουν αν η αναλογία ισχύει και για τους συντελεστές Γ1,Γ2, οπότε οι ευθείες ταυτίζονται, ή δεν ισχύει οπότε οι ευθείες είναι παράλληλες. Για τον σκοπό αυτό μπορούν να αξιοποιηθούν οι ασκήσεις 6 της Α' Ομάδας και 6 της Β' Ομάδας της παραγράφου 1.1 του βιβλίου της Άλγεβρας.   Προτείνεται να διδαχθούν ασκήσεις παραμετρικών συστημάτων από το βιβλίο της Άλγεβρας Β Λυκείου υπό το πρίσμα της σχετικής θέσης δύο ευθειών.   Η διδακτική πορεία που θα επιλεγεί δεν θα είναι στην εξεταστέα ύλη. Οι μαθητές/ήτριες όμως πρέπει να γνωρίζουν και να χρησιμοποιούν σε ασκήσεις τα συμπεράσματα του παραπάνω πίνακα. |
| **24/12/2024-07/01/2025**  **ΔΙΑΚΟΠΕΣ ΧΡΙΣΤΟΥΓΕΝΝΩΝ - ΚΑΛΗ ΧΡΟΝΙΑ** | | | | | |
| 08-10/01 |  | Εμβαδόν Τριγώνου  (χωρίς τις αποδείξεις των τύπων της απόστασης σημείου από ευθεία και του εμβαδού τριγώνου και χωρίς την Εφαρμογή 1) | 2.3 | 3 | Πριν δοθούν οι τύποι της απόστασης σημείου από ευθεία και του εμβαδού τριγώνου, οι μαθητές/ήτριες να επεξεργαστούν δραστηριότητες, όπως οι παρακάτω δύο:  1η: Δίνονται η ευθεία και το σημείο Α(5,2). Να βρεθούν:  i) Η εξίσωση της ευθείας ζ που διέρχεται από το Α και είναι κάθετη στην ε .  ii) Οι συντεταγμένες του σημείου τομής της ζ με την ε.  iii) Η απόσταση του Α από την ε.  Στη συνέχεια, να δηλωθεί στους/στις μαθητές/ήτριες ότι με ανάλογο τρόπο μπορεί να αποδειχθεί ο τύπος απόστασης ενός σημείου από μία ευθεία, ο οποίος και να δοθεί.  2η: Δίνονται τα σημεία Α(5,2), Β(2,3) και Γ(3,4). Να βρεθούν:  i) Η εξίσωση της ευθείας ΒΓ.  ii) Το ύψος ΑΔ του τριγώνου ΑΒΓ και  iii) Το εμβαδόν του τριγώνου ΑΒΓ. |
| 13-17/01 |  | Εμβαδόν Τριγώνου  (χωρίς τις αποδείξεις των τύπων της απόστασης σημείου από ευθεία και του εμβαδού τριγώνου και χωρίς την Εφαρμογή 1) | 2.3 | 3 | Στη συνέχεια, να δηλωθεί στους/στις μαθητές/ήτριες ότι με ανάλογο τρόπο μπορεί να αποδειχθεί ο τύπος του εμβαδού τριγώνου του οποίου είναι γνωστές οι συντεταγμένες των κορυφών.  Β) Να μη γίνουν:   Η άσκηση 7 της Β΄ Ομάδας.   Από τις Γενικές Ασκήσεις οι 3, 4, 5, 6 και 7. |
| 20-24/01 | **ΕΠΑΝΑΛΗΨΗ-ΔΙΑΓΩΝΙΣΜΑ ΣΤHN ΕΥΘΕΙΑ ΣΤΟ ΕΠΙΠΕΔΟ** | | | 3 | Προτεινόμενες Δραστηριότητες σε όλο το κεφάλαιο  Στη συνέχεια παρουσιάζονται μερικές δραστηριότητες που μπορούμε να υλοποιήσουμε στην τάξη με την εμπλοκή των μαθητών/ριών.  **Δραστηριότητα 1**  Να συμπληρώσετε τα κενά στον παρακάτω πίνακα  Εικόνα που περιέχει πίνακας  Περιγραφή που δημιουργήθηκε αυτόματα  Οι μαθητές/ήτριες καλούνται να συμπληρώσουν τα κενά και να συνδέσουν έτσι την κλίση της ευθείας, το συντελεστή διεύθυνσης του παράλληλου διανύσματος  και το πηλίκο διαφορών .  Αναμένεται να παρατηρήσουν ότι οι τιμές των τριών μεγεθών ταυτίζονται και κατά συνέπεια εκφράζουν την ίδια μαθηματική έννοια.  **Δραστηριότητα 2**  Θεωρούμε τις ευθείες με εξισώσεις:  Εικόνα που περιέχει κείμενο  Περιγραφή που δημιουργήθηκε αυτόματα  α) Να προσδιορίσετε δύο διανύσματα  και που να είναι κάθετα στις ευθείες ε1 και ε2  αντίστοιχα και να βρείτε τα μέτρα τους.  β) Να βρείτε την οξεία γωνία που σχηματίζουν οι ευθείες μεταξύ τους.  γ) Να βρείτε το σημείο τομής των ευθειών.  **Δραστηριότητα 3** (Επίλυση γεωμετρικού προβλήματος με άλγεβρα) Να αποδείξετε ότι οι διαγώνιες ενός παραλληλογράμμου διχοτομούνται.  **Ενδεικτική λύση**  Το ζητούμενο αποτελεί μία από τις βασικές ιδιότητες των  παραλληλογράμμων. Αυτό που θέλουμε όμως τώρα, είναι να την αποδείξουμε με χρήση της άλγεβρας. Επιλέγουμε λοιπόν ένα κατάλληλο σύστημα συντεταγμένων. Η καταλληλότητα έχει να κάνει με τη χρήση όσο το δυνατόν λιγότερων αγνώστων. Για παράδειγμα, θα μπορούσαμε να έχουμε το διπλανό σχήμα με τους άξονες.   |  |  | | --- | --- | | Θεωρώντας το σημείο Α(0,0) ως αρχή των αξόνων, το σημείο Β(β,0) και το σημείο Δ(α,δ). Τότε  =(α+β,δ), οπότε το σημείο Γ έχει τις ίδιες συντεταγμένες. |  |   Άμεσα προκύπτει ότι οι συντεταγμένες του μέσου του τμήματος ΑΓ είναι  όπως ακριβώς συμβαίνει και με τις συντεταγμένες του μέσου του ΒΔ. Επομένως, οι διαγώνιοι του παραλληλογράμμου διχοτομούνται.  **Δραστηριότητα 4**  Με τη χρήση του λογισμικού GeoGebra να επιλέξετε τρεις δρομείς Α, Β, Γ και να παραστήσετε γραφικά τα διανύσματα  και , καθώς και την ευθεία ε με εξίσωση Αx +Βy = Γ. Να υπολογίσετε επιπλέον το μέτρο της γωνίας των παραπάνω διανυσμάτων, καθώς και το μέτρο της γωνίας που σχηματίζει το διάνυσμα με την ευθεία ε και, στη συνέχεια, να απαντήσετε στα παρακάτω ερωτήματα:  i) Ποια είναι η σχέση των διανυσμάτων, τόσο μεταξύ τους, όσο και με την ευθεία ε, όταν μεταβάλλουμε το Α ή το Β;  ii) Πώς κινείται η ευθεία ε, όταν μεταβάλλουμε μόνο το Α ή μόνο το Β ή μόνο το Γ; Για να απαντήσετε στο ερώτημα αυτό ενεργοποιείστε το ίχνος της ευθείας ε και μεταβάλλετε διαδοχικά τους δρομείς Α, Β, Γ, αφού προηγουμένως διατηρήσετε στην επιφάνεια εργασίας μόνο την ευθεία και τους δρομείς και αποκρύψετε όλα τα υπόλοιπα (βλέπε παρακάτω σχήμα ).  iii) Αποδείξτε τον προηγούμενο ισχυρισμό σας.    **Δραστηριότητα 5**  Δίνεται η παρακάτω οικογένεια γραμμικών εξισώσεων:    Με το λογισμικό geogebra επιλέξτε ένα δρομέα λ που να παίρνει τιμές από -20 έως 20 με αύξηση 0,2 και παραστήστε γραφικά την ελ  i) Μετακινήστε το δρομέα για να μεταβάλλετε τις τιμές του λ και απαντήστε στο ερώτημα:  «Τι παριστάνει η ελ για τις διάφορες τιμές του λ≠0 και τί για λ=0;» Αποδείξτε τον ισχυρισμό σας.   |  |  |  | | --- | --- | --- | |  |  |  |   ii) Πάρτε δύο τιμές του λ, για παράδειγμα λ=1, λ=2, παραστήστε γραφικά τις ε1 και ε2, βρείτε τις συντεταγμένες του σημείου τομής τους Α και επιβεβαιώστε αλγεβρικά την απάντησή σας.  iii) Ενεργοποιήστε το ίχνος της ελ, μετακινήστε το δρομέα για να μεταβάλλετε τις τιμές του λ και ελέγξτε αν οι ελ και λ διέρχονται όλες από το σημείο Α. Επαληθεύσατε την εικασία σας αλγεβρικά. |
|  | **ΚΕΦΑΛΑΙΟ 3** | **ΚΩΝΙΚΕΣ ΤΟΜΕΣ** |  | 28 | Η μελέτη των κωνικών τομών αποτελεί μια φυσιολογική διδακτική εξέλιξη μετά τη μελέτη της ευθείας, που εκφράζεται με εξίσωση πρώτου βαθμού, αφού η αναλυτική τους έκφραση  αντιστοιχεί σε εξισώσεις 2ου βαθμού. Κατά τη διδασκαλία του κεφαλαίου προτείνεται, να δοθεί έμφαση στα παρακάτω σημεία:  1. Κάθε κωνική τομή είναι γεωμετρικός τόπος σημείων του επιπέδου τα οποία ικανοποιούν συγκεκριμένη κάθε φορά ιδιότητα.  2.Ο τιμή της εκκεντρότητας καθορίζει τη μορφή της κωνικής τομής.  3. Οι ιδιότητες των κωνικών τομών έχουν πολλές πρακτικές εφαρμογές.  **Από τις γενικές ασκήσεις του 3ου Κεφαλαίου δεν θα διδαχθούν ασκήσεις που αναφέρονται στις παραγράφους 3.2, 3.3. 3.4 (Παραβολή, Έλλειψη και Υπερβολή).** |
| 27-31/01 |  | Ο Κύκλος  (χωρίς τις παραμετρικές εξισώσεις του κύκλου) | 3.1 | 3 | Να γίνει υπενθύμιση των βασικών ιδιοτήτων του κύκλου που έχουν γνωρίσει οι μαθητές/ήτριες κατά τη διδασκαλία της Ευκλείδειας Γεωμετρίας. |
| 03-07/02 |  | Ο Κύκλος  (χωρίς τις παραμετρικές εξισώσεις του κύκλου) | 3.1 | 3 | Προτείνεται για την εύρεση της εξίσωσης του κύκλου να μην δοθεί έμφαση μόνο στην εφαρμογή του τύπου, αλλά και στην εύρεσή της με τη μέθοδο της συμπλήρωσης τετραγώνου |
| 10-14/02 |  | Ο Κύκλος  (χωρίς τις παραμετρικές εξισώσεις του κύκλου) | 3.1 | 3 | Από τις ασκήσεις της Β' Ομάδας προτείνεται να συζητηθούν μόνο οι 6, 7 και 10. |
| 17-21/02 |  | Η Παραβολή  (χωρίς τις αποδείξεις του τύπου της εφαπτομένης και της ανακλαστικής ιδιότητας και χωρίς την Εφαρμογή 1) | 3.2 | 3 | Α) Πριν αποδειχθεί ο τύπος της εξίσωσης της παραβολής, να λυθεί ένα πρόβλημα εύρεσης εξίσωσης παραβολής της οποίας δίνεται η εστία και η διευθετούσα. Για παράδειγμα της παραβολής με εστία το σημείο E(1,0) και διευθετούσα την ευθεία δ : x = 1 . Με τον τρόπο αυτό οι μαθητές/ήτριες έρχονται σε επαφή με τη βασική ιδέα της απόδειξης. |
| 24-28/02 |  | Η Παραβολή  (χωρίς τις αποδείξεις του τύπου της εφαπτομένης και της ανακλαστικής ιδιότητας και χωρίς την Εφαρμογή 1) | 3.2 | 3 | Β) Να μην αναλωθεί διδακτικός χρόνος σε ασκήσεις που απαιτούν υπερβολικά πολλές πράξεις.  Γ) Από τις ασκήσεις της Β' Ομάδας προτείνεται να συζητηθούν μόνο οι 1, 2 και 3. |
| **03-03-25 Καθαρά Δευτέρα** | | | | | |
| 04-07/03 |  | Η Έλλειψη  (χωρίς τις παραμετρικές εξισώσεις της έλλειψης και τις Εφαρμογές) | 3.3 | 3 | Α) Πριν αποδειχθεί ο τύπος της εξίσωσης της έλλειψης, να λυθεί ένα πρόβλημα εύρεσης εξίσωσης έλλειψης της οποίας δίνονται οι εστίες και το σταθερό άθροισμα . Για παράδειγμα της έλλειψης με εστίες τα σημεία Ε΄(-4,0), Ε(4,0) και 2α =10. Με τον τρόπο αυτό οι μαθητές/ήτριες έρχονται σε επαφή με τη βασική ιδέα της απόδειξης  Β) Να μην αναλωθεί διδακτικός χρόνος σε ασκήσεις που απαιτούνται υπερβολικά πολλές πράξεις.  Γ) Να μη συζητηθούν ασκήσεις της Β' Ομάδας. |
| 11-14/03 |  | Η Έλλειψη  (χωρίς τις παραμετρικές εξισώσεις της έλλειψης και τις Εφαρμογές) | 3.3 | 3 | **Ενδεικτική ψηφιακή δραστηριότητα:**  <http://photodentro.edu.gr/v/item/ds/8521/6873>  Η έννοια της έλλειψης προτείνεται να γίνει με πιο διερευνητικό τρόπο με τη δραστηριότητα «Κατασκευή έλλειψης» από το Φωτόδεντρο. Με τη βοήθεια των οδηγιών και του λογισμικού, οι μαθητές κατασκευάζουν το γεωμετρικό τόπο ενός σημείου που το άθροισμα των αποστάσεών του από δύο σταθερά σημεία, είναι σταθερό.   |  |  | | --- | --- | | Μπορούν να μεταβάλλουν δυναμικά τη θέση των σταθερών σημείων, το σταθερό άθροισμα των αποστάσεων του τρίτου σημείου από αυτά και να παρατηρούν κάθε φορά τη μεταβολή στο γεωμετρικό τόπο. |  | |
| 18-24/03 |  | Η Υπερβολή  (χωρίς την απόδειξη του τύπου των ασύμπτωτων) | 3.4 | 3 | Α) Πριν αποδειχθεί ο τύπος της εξίσωσης της υπερβολής, να λυθεί ένα πρόβλημα εύρεσης εξίσωσης υπερβολής της οποίας δίνονται οι εστίες και το σταθερό άθροισμα . Για παράδειγμα της υπερβολής με εστίες τα σημεία Ε΄(-4,0), Ε(4,0) και 2α =10.. Με τον τρόπο αυτό οι μαθητές έρχονται σε επαφή με τη βασική ιδέα της απόδειξης.  Β) Να μην αναλωθεί διδακτικός χρόνος σε ασκήσεις που απαιτούνται υπερβολικά πολλές πράξεις.  Γ) Από τις ασκήσεις της Β' Ομάδας προτείνεται να συζητηθεί μόνο η 4 και μόνο για την υπερβολή x2-y2=1. |
| **Τρίτη, 25/03/2025, Γιορτή 25ης Μαρτίου** | | | | | |
| 26/03-28/03  31/03-04/04 |  | Η Εξίσωση Αx²+Βy²+Γx+Δy+Ε=0  (χωρίς τη μεταφορά αξόνων) | 3.5 | 6 | Από την παράγραφο αυτή θα διδαχθεί μόνο η υποπαράγραφος «Σχετική θέση ευθείας και κωνικής».  Έτσι, οι μαθητές θα γνωρίσουν την αλγεβρική ερμηνεία του γεωμετρικού ορισμού της εφαπτομένης των κωνικών τομών και γενικότερα της σχετικής θέσης ευθείας και κωνικής τομής.  Προτείνεται η επίλυση απλών ασκήσεων, όπως είναι η άσκηση 4 της Α΄ ομάδας.  **Προτεινόμενη δραστηριότητα**  **α.** Να αντιστοιχίσετε κάθε στοιχείο της πρώτης στήλης του πίνακα που ακολουθεί με το αντίστοιχό του στη δεύτερη στήλη:   |  |  | | --- | --- | | **Εξίσωση** | **Κωνική τομή** | | 9x2-y2= 0 | Έλλειψη | | x2+y2-4x +2y -6 = 0 | Υπερβολή | | y2-2x- 2y +1= 0 | Παραβολή | | 4x2+y2-8x+ 2y +4= 0 | Ζεύγος ευθειών | | x2-y2 2x -4y- 4 = 0 | Κύκλος |   **β**. Όμοια για τον πίνακα:   |  |  | | --- | --- | | **Εκκεντρότητα** | **Κωνική τομή** | |  | Κύκλος | | 0 | Ισοσκελής υπερβολή | |  | Υπερβολή | |  | Έλλειψη | |  |  | |
| 07-11/04 | **ΕΠΑΝΑΛΗΨΗ-ΔΙΑΓΩΝΙΣΜΑ ΣΤΙΣ ΚΩΝΙΚΕΣ ΤΟΜΕΣ** | | | | |
| **14/04-25/04/2025 ΔΙΑΚΟΠΕΣ ΠΑΣΧΑ**  **Πέμπτη, 01/05/2025 ΚΑΛΗ ΠΡΩΤΟΜΑΓΙΑ** | | | | | |
| 13/05-Τέλος | **ΓΕΝΙΚΗ ΕΠΑΝΑΛΗΨΗ** | | | | |
| **ΔΙΑΔΡΑΣΤΙΚΑ ΣΥΣΤΗΜΑΤΑ ΔΙΔΑΣΚΑΛΙΑΣ ΚΑΙ ΜΑΘΗΣΗΣ**  Η εγκατάσταση των Διαδραστικών Οθονών Αφής στα σχολεία προσφέρει πολυάριθμα πλεονεκτήματα στο σχεδιασμό και στην ανάπτυξη της διδασκαλίας. Συγκεκριμένα:  • Παρέχεται η δυνατότητα οργάνωσης, καταγραφής και αποθήκευσης μαθημάτων που δύνανται να αξιοποιηθούν τόσο από τους/τις εκπαιδευτικούς όσο κι από τους/τις μαθητές/-τριες.  • Προσφέρεται η εύκολη πρόσβαση στο note, στα σχεδιαστικά εργαλεία των οθονών αφής, σε ποικίλους Ανοικτούς Εκπαιδευτικούς Πόρους / Open Educational Resources (ΑΕΠ / OER) που περιλαμβάνουν κατηγορίες όπως: Εκπαιδευτικά Παιχνίδια/Δυναμικός Χάρτης/Εφαρμογές Λογισμικού/AR-VR-MR Αντικείμενα /3D Αντικείμενα κ.ά. καθώς και στην εφαρμογή mozaBook (που είναι προεγκατεστημένη στο περιβάλλον windows των οθονών και μελλοντικά θα εμπλουτιστεί με τα διαδραστικά σχολικά βιβλία).  • Όλα τα παραπάνω αποτελούν καινοτόμα μαθησιακά περιβάλλοντα, εύχρηστα, με πλούσιο οπτικοακουστικό υλικό οικείου χαρακτήρα και εξοικείωσης με την καθημερινότητα των μαθητών/-τριών, που ανταποκρίνονται στα προσδοκώμενα μαθησιακά αποτελέσματα. Επίσης, δίνουν στον/στην εκπαιδευτικό την ευκαιρία να οργανώσει το μάθημά του/της,  δημιουργώντας ένα «υβριδικό περιβάλλον εργασίας», που λειτουργεί ως διδακτικό αποθετήριο και εμπλουτίζεται στο πλαίσιο της σύγχρονης και ασύγχρονης διδασκαλίας.  • Οι εκπαιδευτικοί έχουν τη δυνατότητα να προσαρμόσουν το υλικό διδασκαλίας τους ώστε να ανταποκρίνεται στη γνωστική ετοιμότητα και στις ανάγκες των μαθητών/-τριών, σε σχέση με την ηλικία τους και τους διαφορετικούς τύπους μάθησης (οπτικός, ακουστικός, κιναισθητικός), προσφέροντας υλικό σε διαφορετικές μορφές, με άξονα τη συμπερίληψη  όλων καθώς και την εξατομικευμένη μάθηση. Παράλληλα, η χρήση ποικίλων διαδραστικών δραστηριοτήτων επιτρέπουν την άμεση ανατροφοδότηση και αξιολόγηση του επιπέδου κατανόησης του μαθήματος.  • Η λειτουργία «πολλαπλής αφής» των διαδραστικών οθονών δίνει στον/στην εκπαιδευτικό την ευκαιρία να σχεδιάσει και να ενσωματώσει στη διδασκαλία ομαδικές δραστηριότητες, που επιτρέπουν τη συνέργεια των μαθητών/-τριών, καλλιεργώντας δεξιότητες όπως της συνεργασίας και επικοινωνίας.  • Οι οθόνες αφής μπορούν να συνδεθούν με το Google Drive ή το OneDrive, με υπολογιστές, τάμπλετ και άλλες συσκευές, διευκολύνοντας τη μεταφορά και την κοινή χρήση πληροφοριών.  • Δίνεται η δυνατότητα στον/στην εκπαιδευτικό να μοιράζεται με τους/τις μαθητές/-τριες εκπαιδευτικό υλικό και να το επαναχρησιμοποιεί, μειώνοντας τον φόρτο εργασίας.  • Δίνεται η δυνατότητα της αντεστραμμένης διδασκαλίας και η λειτουργία της ανεστραμμένης τάξης.  • Δίνεται η δυνατότητα ένταξης της τεχνητής νοημοσύνης (ΤΝ) στη μαθησιακή διαδικασία.  • Τέλος, τα διαδραστικά συστήματα μάθησης διευκολύνουν και επιταχύνουν τη διενέργεια του μαθήματος καθώς δεν απαιτούν συσκότιση της αίθουσας για να προβληθεί υλικό, έχουν ενσωματωμένα ηχεία και μπορούν να χρησιμοποιηθούν διαισθητικά με την αφή. Το σύνολο του υλικού των Οδηγιών Διδασκαλίας είναι κατάλληλο για χρήση δια μέσου των διαδραστικών συστημάτων μάθησης. Επιπροσθέτως, τα συστήματα αυτά διαθέτουν την επιλογή της λειτουργίας τους ως ασπροπίνακες με πολλές επιπλέον δυνατότητες πέραν της απλής γραφής κειμένου (π.χ. λειτουργία screenshot της οθόνης και δυνατότητα γραφής σημειώσεων πάνω στο screenshot, αντιγραφή-επικόλληση μέρους των σημειώσεων κ.ά.).  • Το σύνολο των δυνατοτήτων του υλικού κάθε μοντέλου διαδραστικού συστήματος μάθησης μπορεί να αναζητηθεί στις εξής διευθύνσεις:  ➢ [Συχνές ερωτήσεις](https://www.stem-ib-support.gr/el/%CF%84%CE%B5%CE%BA%CE%BC%CE%B7%CF%81%CE%AF%CF%89%CF%83%CE%B7/%CF%83%CF%85%CF%87%CE%BD%CE%AD%CF%82-%CE%B5%CF%81%CF%89%CF%84%CE%AE%CF%83%CE%B5%CE%B9%CF%82/%CF%83%CF%85%CF%87%CE%BD%CE%AD%CF%82-%CE%B5%CF%81%CF%89%CF%84%CE%AE%CF%83%CE%B5%CE%B9%CF%82-%CE%B4%CE%B9%CE%B1%CE%B4%CF%81%CE%B1%CF%83%CF%84%CE%B9%CE%BA%CF%8E%CE%BD-%CF%83%CF%85%CF%83%CF%84%CE%B7%CE%BC%CE%AC%CF%84%CF%89%CE%BD) Διαδραστικών [Συστημάτων.](https://www.stem-ib-support.gr/el/%CF%84%CE%B5%CE%BA%CE%BC%CE%B7%CF%81%CE%AF%CF%89%CF%83%CE%B7/%CF%83%CF%85%CF%87%CE%BD%CE%AD%CF%82-%CE%B5%CF%81%CF%89%CF%84%CE%AE%CF%83%CE%B5%CE%B9%CF%82/%CF%83%CF%85%CF%87%CE%BD%CE%AD%CF%82-%CE%B5%CF%81%CF%89%CF%84%CE%AE%CF%83%CE%B5%CE%B9%CF%82-%CE%B4%CE%B9%CE%B1%CE%B4%CF%81%CE%B1%CF%83%CF%84%CE%B9%CE%BA%CF%8E%CE%BD-%CF%83%CF%85%CF%83%CF%84%CE%B7%CE%BC%CE%AC%CF%84%CF%89%CE%BD/samsung-black-monitor)  ➢ [Χρήσιμα αρχεία](https://www.stem-ib-support.gr/el/%CF%84%CE%B5%CE%BA%CE%BC%CE%B7%CF%81%CE%AF%CF%89%CF%83%CE%B7/%CF%87%CF%81%CE%AE%CF%83%CE%B9%CE%BC%CE%B1-%CE%B1%CF%81%CF%87%CE%B5%CE%AF%CE%B1/%CE%B4%CE%B9%CE%B1%CE%B4%CF%81%CE%B1%CF%83%CF%84%CE%B9%CE%BA%CE%AC-%CF%83%CF%85%CF%83%CF%84%CE%AE%CE%BC%CE%B1%CF%84%CE%B1) Διαδραστικών Συστημάτων.  Για τη διδασκαλία των **Μαθηματικών**, οι διαδραστικές οθόνες αφής διευκολύνουν τη χρήση δυναμικών λογισμικών Μαθηματικών,εργαλείων γεωμετρικών κατασκευών, διαδραστικών ασκήσεων, βίντεο-ηχητικών, τρισδιάστατων μοντέλων, εγείροντας το ενδιαφέρον των μαθητών/-τριών και προάγοντας την αφομοίωση της ύλης. | | | | | |

Νέα Σμύρνη, Σεπτέμβριος 2024

Μαγδαληνή Κοκκαλιάρη

Σ.Ε. Δ Αθήνας